# บทที่ 1 ความรู้เบื้องต้นเกี่ยวกับโปรแกรมสำเร็จรูปด้านคณิตศาสตร์ทางเรขาคณิต The Geometer's Sketchpad (GSP)

ในบทนี้จะกล่าวเกี่ยวกับการใช้โปรแกรมสำเร็จรูปด้านคณิตศาสตร์ทางเรขาคณิต ในการเรียนรู้ องค์ประกอบและหลักการเบื้องต้นในการใช้โปรแกรมสำเร็จรูปด้านคณิตศาสตร์ทางเรขาคณิต โดยรายวิชานี้จะใช้ โปรแกรมสำเร็จรูปทางคณิตศาสตร์ The Geometer's Sketchpad (GSP) เวอร์ชัน 4.06 (ภาษาไทย) ซึ่ง เป็นลิขสิทธิ์จากสถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาสาสตร์และเทคโนโลยี (สสวท.) มาใช้ใน การจัดการเรียนรู้ รายวิชานี้

#### ประวัติความเป็นมาของโปรแกรมสำเร็จรูปทางคณิตศาสตร์ The Geometer's Sketchpad (GSP)

โปรแกรม The Geometer's Sketchpad (GSP) เป็นระบบซอฟต์แวร์ที่ใช้สำหรับสร้าง สำรวจ และ วิเคราะห์สิ่งต่างๆ ที่เกี่ยวกับเนื้อหาคณิตศาสตร์หลายด้านเราสามารถใช้เรขาคณิตพลวัตสร้างตัวแบบเชิง คณิตศาสตร์ที่มีปฏิสัมพันธ์ได้หลากหลายตั้งแต่การค้นหาในระดับพื้นฐานเกี่ยวกับรูปร่างและจำนวนไปจนถึง ภาพวาดขั้นสูงที่มีความซ้ำซ้อน และเคลื่อนไหวได้สำหรับนักเรียน Sketchpad ไม่เพียงช่วยเสริมความรู้ความ เข้าใจเรขาคณิตในชั้นเรียนเท่านั้น แต่ยังช่วยเสริมแนวคิดทางคณิตศาสตร์ที่เกี่ยวกับพีซคณิต ตรีโกณมิติ แคลคูลัส และวิชาอื่นๆ อีกด้วย สำหรับครูผู้สอน Sketchpad จะเอื้อต่อการอธิบายหลักการคณิตศาสตร์ การตอบ ปัญหาและกระตุ้นให้นักเรียนสร้างข้อคาดการณ์ โดยครูผู้สอนอาจให้นักเรียนฝึกทำด้วยตนเองบนเครื่อง คอมพิวเตอร์ หรืออาจสาธิตให้ดูหน้าชั้นเรียน นักวิจัยและผู้สนใจคณิตศาสตร์สามารถใช้ Sketchpad ในการ ทดลองหรือทดสอบเพื่อดูว่า "จะเกิดอะไรขึ้น ถ้า..." หรือใช้ตรวจสอบสมบัติของการสร้าง และช่วยในการค้นหา คำตอบใหม่ๆ ตลอดจนใช้ในการสร้างภาพทางคณิตสาสตร์ที่ชับซ้อนสำหรับใช้ในการทำรายงาน หรือในงานที่ ได้รับมอบหมาย หรืออาจเพียงเพื่อชื่นชมความงดงามที่มีอยู่ในภาพ

สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาสาสตร์และเทคโนโลยี (สสวท.) ตระหนักในความสำคัญของการใช้ เทคโนโลยีช่วยในการจัดการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ในชั้นเรียน เพื่อให้นักเรียนมีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนสูงขึ้น มีเจตคติที่ดีในการเรียนรู้ เรียนรู้อย่างมีความหมาย และเกิดการพัฒนาทักษะด้านเทคโนโลยีสารสนเทศ และ สามารถนำไปใช้ในการเรียนรู้ตลอดชีวิต ซึ่งเป็นไปตามพระราชบัญญัติสถานศึกษาแห่งชาติ พุทธศักราช 2542

สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาสาสตร์และเทคโนโลยี (สสวท.) จึงได้ศึกษาและพัฒนาโปรแกรมต่างๆ และ เห็นว่า The Geometer's Sketchpad (GSP) เป็นโปรแกรมหนึ่งที่ครูสามารถเรียนรู้ได้ไม่ ยากนัก และเกิดแนวคิดในการนำไปบูรณาการกับการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ ได้อย่างมีประสิทธิภาพ โปรแกรมนี้สามารถให้นักเรียนได้เรียนรู้คณิตศาสตร์ได้ตามมาตรฐานการเรียนรู้ของหลักสูตร สามารถพัฒนา

ผู้เรียนให้มีเจตคติที่ดีต่อวิชาคณิตศาสตร์ มีความคิดริเริ่มสร้างสรรค์ มีทักษะการจินตนาการ เกิดทักษะ กระบวนการทางคณิตศาสตร์ นักเรียนสามารถสร้างองค์ความรู้ด้วยตนเอง ตามความสามารถของตนเอง ซึ่ง สอดคล้องกับการเรียนรู้ที่เน้นผู้เรียนเป็นสำคัญ นอกจากนี้นักเรียนยังสามารถมีปฏิสัมพันธ์กับสื่อการสอน ซึ่งครู สร้างจากโปรแกรม The Geometer's Sketchpad (GSP) หรือยังมีปฏิสัมพันธ์กับโปรแกรมอีกด้วย

## การใช้งานเบื้องต้นของโปรแกรมสำเร็จรูปทางคณิตศาสตร์ The Geometer's Sketchpad (GSP) เวอร์ชัน 4.06 (ภาษาไทย)

## คำอธิบายแบบย่อของการใช้งานโปรแกรมสำเร็จรูปทางคณิตศาสตร์ The Geometer's Sketchpad (GSP) เวอร์ชัน 4.06 (ภาษาไทย)

การใช้งานโปรแกรมสำเร็จรูปทางคณิตศาสตร์ The Geometer's Sketchpad (GSP) แบบย่อมีหัวข้อ คำอธิบายเกี่ยวกับเรื่องต่างๆ ดังต่อไปนี้

- 1. ทำการติดตั้งโปรแกรมบนระบบปฏิบัติการไมโครซอฟต์วินโดวส์
- คลิกปุ่ม Start → Programs → gsp 4.06 th → Enter จะปรากฏหน้าต่างเอกสารของ โปรแกรมสำเร็จรูปทางคณิตศาสตร์ The Geometer's Sketchpad (GSP) ดังรูปที่ 1.1

🕭 Th แฟม	e Geometer's Sketchpad - แฟลเติงไม่สรีต 1 แค้โซ แสละหล สร้าง การแปลง การวัด กราฟ หน้าต่าง วิธีโซ๊ 🔁 แฟลเติงไม่มีสรีต 1	แถบรายการหลัก	
	แถบเครื่องมือหลัก	หรับสร้างรูปทางเรขาคณิต	

รูปที่ 1.1

จากรูปที่ 1.1 พบว่าหน้าต่างจะปรากฏส่วนประกอบหลัก 3 ส่วนคือ

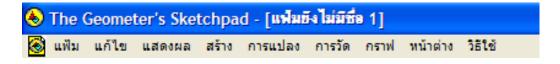
แถบรายการหลัก (Menu bar) เป็นแถบรวบรวมคำสั่งที่เป็นข้อความมี 9 กลุ่ม
คือ แฟ้ม แก้ไข แสดงผล สร้าง การแปลง การวัด กราฟ หน้าต่าง และวิธีใช้

 แถบเครื่องมือหลัก (Tool box) เป็นแถบรวบรวมเครื่องมือที่ใช้อยู่ประจำมี 6 กลุ่ม คือ เครื่องมือลูกศร เครื่องมือจุด เครื่องมือวงเวียน เครื่องมือวาดเส้นในแนวตรง เครื่องมือสร้างข้อความ และเครื่องมือกำหนดเอง

3. บริเวณสำหรับสร้างรูปทางเรขาคณิต (Sketch plane) เป็นเนื้อที่ว่างของหน้าต่าง ที่เสมือนแผ่นกระดาษสำหรับการวาดรูปทางเรขาคณิต

#### คำอธิบายเกี่ยวกับการใช้แถบรายการหลัก (Menu bar)

ซึ่งแถบรายการหลักแสดงดังรูปที่ 1.2



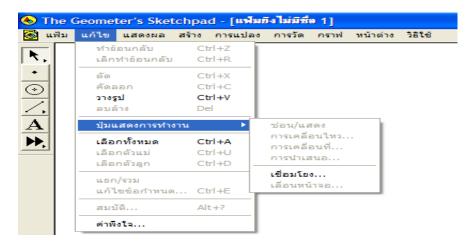
รูปที่ 1.2

จากรูปที่ 1.2 สามารถอธิบายการใช้งานของแถบรายการหลักแต่ละรายการได้ดังนี้

1. แฟ้ม ประกอบด้วยคำสั่งเกี่ยวกับข้อมูลมี 10 รายการย่อย ดังรูปที่ 1.3

۲	The Geometer's S	etchpa	d -	[แฟ้มอั	iงไม่มีชื่	e 1]		
۲	แฟ้ม แก้ไข แสดงผ	ล สร้าง	กา	รแปลง	การวัด	กราฟ	หน้าต่าง	วิธีใช้
k	แฟ้มใหม่ เปิด	Ctrl+N Ctrl+O						
•	บันทึก บันทึกเป็น	Ctrl+S						
	ปิด	Ctrl+W						
Δ	ทางเลือกเอกสาร							
· [] / [] / []	ตั้งค่าหน้ากระดาษ ตัวอย่างก่อนพิมพ์ พิมพ์							
	จบการทำงาน	Ctrl+Q						

2. แก้ไข ประกอบด้วยคำสั่งเกี่ยวกับการแก้ไขมี 14 รายการย่อย ดังรูปที่ 1.4



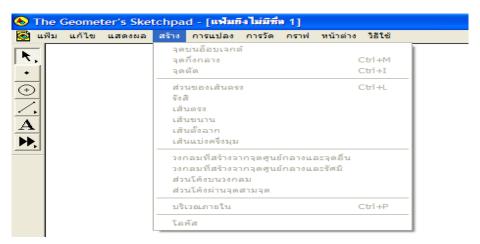


3. แสดงผล ประกอบด้วยคำสั่งเกี่ยวกับการแสดงผลมี 16 รายการย่อย ดังรูปที่ 1.5

ม แก้ไข	แสดงผล สร้าง การแปลง	การวัด กราฟ พ	น้าต่าง วิธีใช้
	เส้น		• <u> </u>
	a		
	ข้อความ		•
	ซ่อนอ้อบเจกต์	Ctrl+H	
	แสดงสิ่งที่ช่อนไว้ทั้งหมด		
	แสดงป้าย	Ctrl+K	
	กำหนดชื่อ	Alt+/	
	508	Ctrl+T	
	ลบรอย	Ctrl+B	
	เคลื่อนไหว	Alt+`	
	เพิ่มอัตราเร็ว	Alt+]	
	ลดอัตราเร็ว	Alt+[	
	หยุดการเคลื่อนไหว		
	แสดงแถบรูปแบบอักษร	Shift+Ctrl+	-т
	แสดงคำสั่งควบคุมการเคลื	อนใหว	สีแบบพาราเมตริก
	ช่อนกล่องเครื่องมือ		อื่น ๆ

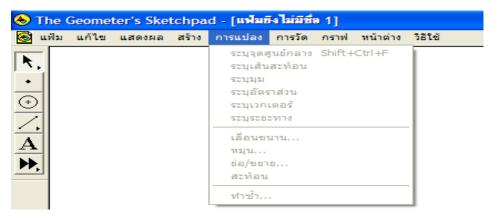
รูปที่ 1.5

4. สร้าง ประกอบด้วยคำสั่งเกี่ยวกับการสร้างวัตถุต่างๆ มี 15 รายการย่อย ดังรูปที่ 1.6



รูปที่ 1.6

5. **การแปลง** ประกอบด้วยคำสั่งเกี่ยวกับการแปลงวัตถุมี 11 รายการย่อย ดังรูปที่ 1.7

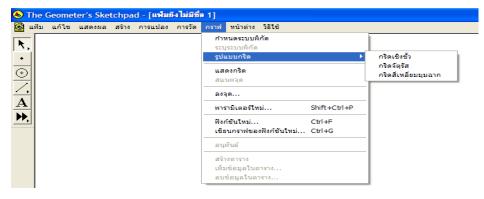


รูปที่ 1.7

- 6. **การวัด** ประกอบด้วยคำสั่งเกี่ยวกับการวัดและการคำนวณค่าต่างๆ ของวัตถุมี
  - 17 รายการย่อย ดังรูปที่ 1.8



- 7. กราฟ ประกอบด้วยคำสั่งเกี่ยวกับการสร้างกราฟของฟังก์ชันต่างๆ มี
  - 13 รายการย่อย ดังรูปที่ 1.9



รูปที่ 1.9

 หน้าต่าง ประกอบด้วยคำสั่งเกี่ยวกับหน้าต่างมีตั้งแต่ 3 รายการย่อยขึ้นไป ซึ่งขึ้นอยู่ กับมีหน้าต่างที่ถูกใช้งานอยู่ในขณะนั้น ดังรูปที่ 1.10

🕭 The Geometer's Sketchpad - [แฟ้มอีงไม่มีชื่อ 1]										
🛞 แฟม เ	แก้ไข	แสดงผล	สร้าง	การแปลง	การวัด	กราฟ	หน้าต่าง	วิธีใช้	_	
<b>₹.</b>							แบบต่	ดหลั่น อเรียง เย้งไม่มีชื่อ 1		
• • • • • • • • • •										



9. วิธีใช้ ประกอบด้วยคำสั่งเกี่ยวกับการให้คำแนะนำช่วยเหลือในการใช้โปรแกรมมี

8 รายการ ดังรูปที่ 1.11

💊 The Geometer's Sketchpad - [แฟ้มอังไม่มีชื่อ 1]										
🙆 แฟม	แก้ไข	แสดงผล	สร้าง	การแปลง	การวัด	กราฟ	หน้าต่าง	วิธีใช้		
<b>₹</b> , • ⊙ ∕. ▲								สารบัญ มีอะไรใหม่ ส่วนประกอบ เมนู กล่องเครื่องมือ แผงแป้นอักขระ หัวข้อขั้นสูง		
A >>,								เกี่ยวกับ Sketchpad		

## คำอธิบายเกี่ยวกับการใช้แถบเครื่องมือหลัก (Tool box)

ซึ่งแถบเครื่องมือหลักแสดงดังรูปที่ 1.1

จากรูปที่ 1.1 สามารถอธิบายการใช้งานของแถบเครื่องมือหลักแต่ละรายการได้ดังนี้

1. เครื่องมือลูกศร ประกอบด้วยรายการย่อย 3 รายการ ดังรูปที่ 1.12



รูปที่ 1.12

**เครื่องมือลูกศร** เมื่อเลือกเครื่องมือลูกศร แล้วคลิกเลือกวัตถุที่อยู่บนบริเวณที่ว่าง เพื่อลาก วัตถุเคลื่อนที่ไปมา การเลื่อนของวัตถุจะเป็นไปตามเครื่องมือลูกศรที่เลือกไว้ อาทิเช่น วัตถุเลื่อนแบบขนาน หมุน หรือย่อ/ขยาย

2. **เครื่องมือลงจุด** มี 1 รายการ ดังรูปที่ 1.1

**เครื่องมือลงจุด** เมื่อคลิกเลือกเครื่องมือลงจุดแล้วคลิกลงตรงบริเวณที่ว่างเพื่อสร้าง จุดอิสระ หรือสร้างบนวัตถุเมื่อต้องการสร้างจุดบนวัตถุนั้น

3. **เครื่องมือวงเวียน** มี 1 รายการ ดังรูปที่ 1.1

**เครื่องมือวงเวียน** เมื่อคลิกเครื่องมือวงเวียน แล้วคลิกลงตรงบริเวณที่ว่างเพื่อสร้างจุด ศูนย์กลางของวงกลม ให้คลิกค้างเอาไว้แล้วลากเมาส์ออกมาเพื่อสร้างวงกลมแล้วปล่อยนิ้วจากเมาส์ จะเกิดวงกลม ที่มีจุดบนเส้นรอบวงเป็นจุดกำหนดรัศมีของวงกลมนั้น (สามารถใช้ย่อ/ขยายรัศมีของวงกลมนั้นได้) หรือถ้ามีจุด อิสระ 2 จุดใดๆ บนบริเวณที่ว่างสามารถเลือกเครื่องมือวงเวียน แล้วคลิกจุดใดจุดหนึ่ง ลากเม้าส์ค้างไว้ไปถึง จุดอีกจุดหนึ่งแล้วปล่อยเม้าส์ ก็จะเกิดวงกลมที่เกิดจากจุดอิสระ 2 จุดได้เช่นกัน

4. **เครื่องมือวาดเส้นในแนวตรง** ประกอบด้วยรายการย่อย 3 รายการ

เครื่องมือวาดเส้นในแนวตรง เมื่อคลิกเครื่องมือวาดเส้นในแนวตรง แล้วคลิกลงตรง บริเวณที่ว่าง และลากเม้าส์ค้างไว้แล้วปล่อยเม้าส์ จะเกิดวัตถุที่เป็นเส้นตรงตามลักษณะที่ได้เลือกไว้ อาทิเช่น ส่วนของเส้นตรง รังสี และเส้นตรง หรือถ้ามีจุดอิสระ 2 จุดใดๆ บนบริเวณที่ว่างสามารถเลือกเครื่องมือวาด เส้นในแนวตรงลักษรณะใดลักษณะหนึ่ง แล้วคลิกเลือกจุดใดจุดหนึ่ง ลากเม้าส์ค้างไว้ไปถึงจุดอีกจุดหนึ่งแล้ว ปล่อยเม้าส์ ก็จะเกิดวัตถุในแนวตรงตามที่เลือกไว้

5. **เครื่องมือสร้างข้อความ** มี 1 รายการ ดังรูปที่ 1.1

**เครื่องมือสร้างข้อความ** เมื่อเลือกเครื่องมือสร้างข้อความ แล้วดับเบิลคลิกลงตรงบริเวณที่ ว่าง จะเกิดกล่องข้อความขึ้น สามารถพิมพ์ข้อความ สัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ ตามที่ต้องการได้

 6. เครื่องมือกำหนดเอง ประกอบด้วยรายการย่อยตั้งแต่ 4 รายการขึ้นไป ขึ้นอยู่ กับมีเครื่องมือที่ได้สร้างเก็บเอาไว้ ดังรูปที่ 1.14





**เครื่องมือกำหนดเอง** เป็นรายการไว้สำหรับเลือกเครื่องมือที่ได้สร้างเก็บเอาไว้ เอามาใช้ งานใหม่ โดยไม่ต้องสร้างวัตถุนั้นใหม่อีกครั้ง อาทิเช่น เมื่อเลือกรายการ Sliders จากรูปที่ 1.14 แล้วคลิกลง ตรงบริเวณที่ว่าง จะเกิดวัตถุที่เหมือนกับเครื่องมือ Sliders ที่สร้างเก็บเอาไว้

จากคำอธิบายแบบย่อเกี่ยวกับการใช้แถบรายการหลัก และแถบเครื่องมือหลัก ซึ่งเป็นการใช้งานเบื้องต้น ของโปรแกรมสำเร็จรูปทางคณิตศาสตร์ The Geometer's Sketchpad (GSP) ให้ทราบว่าแต่ละรายการมี ส่วนประกอบคำสั่งอะไรบ้าง เพื่อเป็นพื้นฐานในการนำไปใช้ในการสร้างรูปทางเรขาคณิตได้สะดวกและรวดเร็วขึ้น โดยบทต่อไปจะเป็นการนำโปรแกรมดังกล่าวไปใช้ในการสร้างสื่อทางเรขาคณิตประกอบ การจัดการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ในสาระต่างๆ ดังรายละเอียดในแต่ละบทต่อไปนี้