



ผลการใช้แบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

วิทยานิพนธ์

ของ

พิชากร ทองระยับ

เสนอต่อมหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ เพื่อเป็นส่วนหนึ่งของการศึกษา  
ตามหลักสูตรครุศาสตร์มหาบัณฑิต สาขาวิชาหลักสูตรและการจัดการเรียนรู้  
พุทธศักราช 2558  
ลิขสิทธิ์เป็นของมหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์



**Effects of Exercises On Probability of Mathematic Learning  
For Matthayomsuksa 3 Students By Using  
Constructivist Theory Learning**

**Tichagon Tongrayab**

**A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Master of Education Program in Curriculum  
and Learning Management**

**November 2015**

**Copyright of Buriram Rajabhat University**



คณะกรรมการสอนวิทยานิพนธ์ได้พิจารณาวิทยานิพนธ์ของ นางสาวทิชากร ทองระยับ  
เรียนร้อยแล้ว เก็บสมควรรับเป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรครุศาสตรมหาบัณฑิต  
สาขาวิชาหลักสูตรและการจัดการเรียนรู้ ของมหาวิทยาลัยราชภัฏวิริยะ

คณะกรรมการสอน

.....  
*กฤษฎา วงศ์ชัย*..... ประธานกรรมการ

(รองศาสตราจารย์ ดร.สมพงษ์ สิงหาพล)

.....  
*[Signature]*..... กรรมการ

(ดร.ธนิน กะแรสร์)

ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก

.....  
*[Signature]*..... กรรมการ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.วันทนีย์ นามสุวัสดิ์)

ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ร่วม

.....  
*[Signature]*..... กรรมการ

(ดร.กระพัน ศรีจาน)

บันทึกวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏวิริยะอนุมัติให้รับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ เป็นส่วนหนึ่ง  
ของการศึกษาตามหลักสูตรครุศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาหลักสูตรและการจัดการเรียนรู้

.....  
*[Signature]*..... คณบดีบันทึกวิทยาลัย

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.นฤมล สมคุณ)

วันที่..... เดือน..... 18 พ.ศ. 2558 ป.ศ. ....

<b>ชื่อเรื่อง</b>	ผลการใช้แบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์		
<b>ผู้จัด</b>	ทีชากร ทองระขัน		
<b>ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์</b>	ดร.ชนิน กระแสร์	ที่ปรึกษาหลัก	ที่ปรึกษาร่วม
<b>ปริญญา</b>	ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.วันทนีย์ นามสวัสดิ์		
<b>สถานศึกษา</b>	ครุศาสตร์มหาบัณฑิต สาขาวิชา หลักสูตรและการจัดการการเรียนรู้ มหาวิทยาลัยราชภัฏบูรีรัมย์	ปีที่พิมพ์ 2558	

## บทคัดย่อ

การวิจัยครั้งนี้มีจุดมุ่งหมายเพื่อ 1) ศึกษาประสิทธิภาพของแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ ที่มีประสิทธิภาพตามเกณฑ์ 75/75 2) เปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนก่อนเรียนและหลังเรียนด้วยแบบฝึกทักษะเรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ 3) ศึกษา คัดเลือกประสิทธิผลของการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ และ 4) ศึกษา ความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระ การเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ กลุ่มตัวอย่างที่ใช้ในงานวิจัยครั้งนี้ เป็นนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 โรงเรียน บ้านโภกย่าง ตำบลโภกย่าง อำเภอประโคนชัย สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษา บูรีรัมย์ เขต 2 จำนวน 14 คน ได้มาโดยวิธีการสุ่มอย่างง่าย เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ ประกอบด้วย 1) แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ จำนวน 5 ชุด 2) แผนการจัดการเรียนรู้ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ จำนวน 10 แผน 3) แบบทดสอบ วัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนเป็นแบบปรนัยนิตเดือกดอน 4 ตัวเลือก จำนวน 40 ข้อ มีค่าความยาก รายข้อตั้งแต่ 0.50 – 0.70 และค่าอำนาจจำแนกรายข้อตั้งแต่ 0.33 – 0.67 และมีค่าความเชื่อมั่นของ

แบบทดสอบทั้งฉบับเท่ากับ 0.94 และ 4) แบบสอบถามความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนคัวยแบบฝึกทักษะเป็นแบบมาตรฐานส่วนประมาณค่า ๕ ระดับ จำนวน ๑๖ ข้อ สัด比ที่ใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูล ได้แก่ ค่าเฉลี่ย ค่าร้อยละ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน  $E_1/E_2$  และ E.I. การทดสอบสมมติฐานโดยใช้ค่าสถิติ t-test ( Dependent Samples)

ผลการวิจัยพบว่า

1. แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณศาสตร์คิดวิสัย มีประสิทธิภาพเท่ากับ  $85.57/84.82$  ซึ่งสูงกว่าเกณฑ์ที่กำหนดไว้คือ  $75/75$
2. นักเรียนที่เรียนคัวยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณศาสตร์คิดวิสัย มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนหลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียน อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .05
3. ค่าดัชนีประสิทธิผลของการเรียนคัวยแบบฝึกทักษะเรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณศาสตร์คิดวิสัย เท่ากับ  $0.6545$  หรือคิดเป็นร้อยละ  $65.45$
4. นักเรียนมีความพึงพอใจต่อการเรียนคัวยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณศาสตร์คิดวิสัย โดยภาพรวมอยู่ในระดับมากที่สุด

<b>TITLE</b>	Effects of Exercises On Probability of Mathematic Learning Activities Based for Matthayomsuksa 3 Students by Using Constructivist Theory Learning		
<b>AUTHOR</b>	Tichagon Tongrayab		
<b>THESIS ADVISORS</b>	Dr. Thanin krasear	Major Advisor	
	Assistant Professor Dr. Wantanee Namsawat	Co-advisor	
<b>DEGREE</b>	Master of Education	<b>MAJOR</b>	Curriculum and Learning Management
<b>SCHOOL</b>	Buriram Rajabhat University	<b>YEAR</b>	2015

## **ABSTRACT**

The purposes of this study were 1) to study the efficiency of the exercises on probability of mathematic learning for Matthayomsuksa 3 students by using constructivist theory learning; 2) to compare the students' learning achievement before and after learning through exercises on probability of mathematic learning for Matthayomsuksa 3 students by using constructivist theory learning; 3) to investigate the effectiveness index of learning exercises on probability of mathematic learning for Matthayomsuksa 3 students by using constructivist theory learning; and 4) to explore the students' satisfaction towards learning through exercises on probability of mathematic learning for Matthayomsuksa 3 students by using constructivist theory learning. The samples of the study were 14 Matthayomsuksa 3 students studying in the 2<sup>nd</sup> semester of the academic year 2014 at Ban Khokyang School under Buriram Primary Education Service Area Office 2. They were selected by using a cluster random sampling technique. The instruments used in this study were : 1) five exercises on probability packages; 2) 10 learning activity lesson plans; 3) 4 – choice achievement test comprising 40 items with the difficulty level between 0.50 – 0.70, the discrimination between 0.33 – 0.67 and the reliability at 0.94; and 4) a questionnaire on students' satisfaction. The statistics used for analyzing the collected data were mean, percentage, standard deviation,  $E_1/E_2$  and E.I. The hypothesis was tested by using dependent samples t-test.

The results were as follows:

- 1) The exercises on probability of mathematic learning for Matthayomsuksa 3 students by using constructivist theory learning had an efficiency of  $85.57/84.82$
- 2) The students learned through the exercises on probability of mathematic learning for Matthayomsuksa 3 students by using constructivist theory learning after learning had higher achievement than before learning with significance difference at the level of .05.
- 3) The effectiveness index of learning through the exercises on probability of mathematic learning for Matthayomsuksa 3 students by using constructivist theory learning was 0.6545, which meant that their learning achievement increased 65.45 %.
- 4) The satisfaction of the students towards the exercises on probability of mathematic learning for Matthayomsuksa 3 students by using constructivist theory learning as a whole was at the highest level.

## ประกาศคุณูปการ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จได้โดย ได้รับความอนุเคราะห์จากบุคลากรฝ่าย ผู้จัด  
ข้อมูลพระคุณ รองศาสตราจารย์ ดร.สมพงษ์ สิงหาพล ประธานกรรมการสอบวิทยานิพนธ์  
ดร.ชนิน กระแสร์ ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.วันทนีย์ นามสวัสดิ์ ที่ปรึกษา  
วิทยานิพนธ์ร่วม และคร.กระพัน ศรีงาน กรรมการสอบวิทยานิพนธ์ ที่กรุณาช่วยเหลือให้  
คำปรึกษา แนะนำ ตรวจสอบแก้ไขข้อมูลพร่องดังแต่ด้านจนสำเร็จเรียบร้อย และขอคุณบันทึกวิชาลัย  
ที่สำนักงานสะดวกในการประสานงานจัดทำวิทยานิพนธ์

ข้อมูลผู้ทรงคุณวุฒิทั้ง 3 ท่าน คือ นางอุพาพิน ขาวัญญา ครุวิทยฐานะ  
ชำนาญการพิเศษ โรงเรียนบ้านจรเข์มาก สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์เขต 2  
นางสาวสุลักษณ์ สุขแก้ว ครุวิทยฐานะชำนาญการพิเศษ โรงเรียนบ้านหนองตะบูน สำนักงาน  
เขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์เขต 2 และนางจารุวรรณ อินทรชน ครุวิทยฐานะ  
ชำนาญการพิเศษ โรงเรียนประโคนชัยวิทยา สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์  
เขต 2 ซึ่งเป็นผู้เชี่ยวชาญในการตรวจสอบและแก้ไขเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย ข้อมูลคุณ คณะครุ  
ผู้สำนักงานวิชาการ โรงเรียนบ้านโภกย่างและนักเรียน ขั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ทุกคน ที่ให้ความร่วมมือ  
เป็นอย่างดีในการจัดทำวิทยานิพนธ์ในครั้งนี้

ประโยชน์และคุณค่าที่เกิดขึ้นจากการวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ ผู้จัดข้อมูลบุชาพระคุณของบิดา  
มารดา ผู้ให้กำเนิดชีวิต บุรพาราชย์ คณาจารย์ที่อบรมสั่งสอนให้เป็นผู้ที่มีศิล สามัช ปัญญา  
ตลอดจนบุคลากรในครอบครัวที่ให้ช่วยเหลือและให้กำลังใจแก่ผู้จัดด้วยดีเสมอ

พิชากร ทองระขัน

## สารบัญ

	หน้า
หน้าอุ่นดี	ก
บทคัดย่อภาษาไทย	ก
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	ก
ประกาศคุณูปการ	ก
สารบัญ	ช
สารบัญตาราง	ภ
สารบัญภาพประกอบ	ภ
 บทที่	
<b>1 บทนำ.....</b>	<b>1</b>
ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา.....	1
ความมุ่งหมายของการวิจัย.....	4
สมมติฐานของการวิจัย.....	4
ความสำคัญของงานวิจัย .....	5
ขอบเขตของการวิจัย.....	5
นิยามศัพท์เฉพาะ.....	6
<b>2 เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง.....</b>	<b>9</b>
หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 กลุ่มสาระ การเรียนรู้คณิตศาสตร์.....	9
การจัดการเรียนรู้กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์.....	16
แบบฝึกทักษะ.....	21
จิตวิทยาและทฤษฎีการเรียนรู้คณิตศาสตร์โดยใช้ทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์.....	29
แผนการจัดการเรียนรู้.....	37

## สารบัญ (ต่อ)

บทที่		หน้า
	ประสิทธิภาพ.....	44
	ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน.....	47
	ค่านิประสิทธิผล.....	51
	ความพึงพอใจ.....	54
	งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง.....	56
3	วิธีดำเนินการวิจัย.....	61
	ประชากรและกลุ่มตัวอย่าง.....	61
	เครื่องมือที่ใช้ในการเก็บรวบรวมข้อมูล.....	62
	การเก็บรวบรวมข้อมูล.....	71
	การวิเคราะห์ข้อมูล.....	74
	สถิติที่ใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูล.....	75
4	ผลการวิเคราะห์ข้อมูล.....	79
	สัญลักษณ์ที่ใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูล.....	79
	การวิเคราะห์ข้อมูล.....	79
	ผลการวิเคราะห์ข้อมูล.....	80
5	สรุปผล อภิปรายผล และข้อเสนอแนะ.....	87
	ความมุ่งหมายของการวิจัย.....	87
	สมมติฐานของการวิจัย.....	88
	วิธีดำเนินการวิจัย.....	88
	สรุปผลการวิจัย.....	90
	อภิปรายผล.....	91
	ข้อเสนอแนะ.....	96

## สารบัญ (ต่อ)

บทที่	หน้า
บรรณาธิการ.....	97
ภาคผนวก.....	104
ภาคผนวก ก.....	105
ตัวอย่างแบบฝึกหัดจะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์.....	106
ภาคผนวก ข.....	156
ตัวอย่างแผนการจัดการเรียนรู้ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการ เรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์.....	157
ภาคผนวก ค.....	173
แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน.....	174
ภาคผนวก ง.....	183
แบบสอบถามความพึงพอใจ.....	184
ภาคผนวก ช .....	186
แบบประเมินคุณภาพของแบบฝึกหัด.....	187
ผลการประเมินคุณภาพของแบบฝึกหัด.....	189
แบบประเมินคุณภาพของแผนการจัดการเรียนรู้.....	190
ผลการประเมินคุณภาพของแผนการจัดการเรียนรู้.....	192
ผลการประเมินความสอดคล้องแบบทดสอบ.....	193
แบบประเมินคุณภาพแบบสอบถามความพึงพอใจ.....	197
ผลการประเมินคุณภาพแบบสอบถามความพึงพอใจ.....	199
ภาคผนวก ฉ.....	201
ค่าความยากง่าย (P) ค่าอำนาจจำแนก (B) และค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบ วัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน.....	202

## สารบัญ (ต่อ)

บทที่	หน้า
ภาคผนวก ช.....	205
ประสิทธิภาพของแบบฝึกหักษะ 1 : 100.....	206
ภาคผนวก ช.....	208
ประสิทธิภาพกระบวนการของคะแนนระหว่างเรียน.....	209
ประสิทธิภาพผลลัพธ์ของคะแนนสอบหลังเรียน.....	210
คะแนนทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนก่อนและหลังเรียน.....	211
คะแนนจากการสอบตามความพึงพอใจของนักเรียน.....	212
ภาคผนวก ณ.....	213
หนังสือขอความอนุเคราะห์.....	214
ประวัติย่อของผู้วิจัย.....	220

## สารบัญตาราง

ตาราง	หน้า
3.1 รายละเอียดการสร้างแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ .....	63
3.2 รายละเอียดการสร้างแผนการจัดการเรียนรู้โดยใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์.....	67
3.3 การกำหนดจำนวนข้อของแบบทดสอบที่ต้องการให้สอดคล้องกับเนื้อหาและอุดประมงค์การเรียนรู้.....	69
3.4 รูปแบบการทดลองแบบ One Group Pre-test Post-test Design .....	71
3.5 กำหนดการสอน .....	73
4.1 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน และร้อยละจากการทดสอบระหว่างเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์.....	80
4.2 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน และร้อยละจากการทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ .....	81
4.3 ประสิทธิภาพของแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ .....	82
4.4 วิเคราะห์เปรียบเทียบความแตกต่างของคะแนนจากการทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนก่อนเรียนและหลังเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ .....	83

## สารบัญตาราง (ต่อ)

ตาราง	หน้า
4.5 การวิเคราะห์ดัชนีประสิทธิผลของการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีก่อนสร้างคิดวิสัย ..... 83	
4.6 ค่าเฉลี่ยตัวนับเบี่ยงเบนมาตรฐานความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีก่อนสร้างคิดวิสัย ..... 85	

## สารบัญภาพประกอบ

### ภาพประกอบ

	หน้า
2.1 แผนการจัดการเรียนรู้แบบบรรยาย.....	40
2.2 แผนการจัดการเรียนรู้แบบตาราง.....	41
2.3 แผนการจัดการเรียนรู้แบบพิสูจน์.....	42

## บทที่ 1

### บทนำ

#### ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

คณิตศาสตร์มีบทบาทสำคัญยิ่งต่อการพัฒนาความคิดของมนุษย์ ทำให้มนุษย์ มีความคิดสร้างสรรค์ คิดอย่างมีเหตุ เป็นระบบ มีแบบแผน สามารถวิเคราะห์ปัญหา หรือ สถานการณ์ได้อย่างถูกต้อง ช่วยให้คาดการณ์ วางแผน ตัดสินใจ แก้ปัญหาและนำไปใช้ ในชีวิตประจำวัน ได้อย่างถูกต้องเหมาะสม นอกจากนี้คณิตศาสตร์ยังเป็นเครื่องมือในการศึกษา ทางค้านวิทยาศาสตร์ เทคโนโลยีและศาสตร์อื่นๆ คณิตศาสตร์จึงมีประโยชน์ต่อการดำเนินชีวิต ช่วยพัฒนาคุณภาพชีวิต ให้ดีขึ้น และสามารถอยู่ร่วมกับผู้อื่น ได้อย่างมีความสุข (กระทรวงศึกษาธิการ. 2551 : 1)

นอกจากนี้คณิตศาสตร์ยังเป็นวิชาที่ว่าด้วยเหตุผล กระบวนการคิด และการแก้ปัญหา คณิตศาสตร์จึงเป็นวิชาที่ช่วยเสริมสร้างให้นักเรียนเป็นคนมีเหตุผล มีการคิดอย่างมีวิจารณญาณ และเป็นระบบ ตลอดจนมีทักษะการแก้ปัญหา ทำให้สามารถวิเคราะห์ปัญหาและสถานการณ์ ได้อย่างถูกต้อง สามารถคาดการณ์ วางแผน ตัดสินใจ และแก้ปัญหา ได้อย่างเหมาะสม ซึ่งเป็นประโยชน์ในชีวิตประจำวันจะเห็นว่าการคิดอย่างมีเหตุผลเป็นเครื่องมือสำคัญที่ผู้เรียน สามารถนำติดตัวไปใช้ในการพัฒนาตนเอง ในการเรียนรู้สิ่งใหม่ๆ ในการทำงานและการดำรง ชีวิต การให้เหตุผลซึ่งเป็นทักษะหนึ่งที่ส่งเสริมให้นักเรียนรู้จักคิดอย่างมีเหตุผล คิดอย่าง เป็นระบบ สามารถวิเคราะห์ปัญหาและสถานการณ์ ได้อย่างถูกต้อง สามารถคาดการณ์ วางแผน ตัดสินใจ และแก้ปัญหา ได้อย่างถูกต้อง และเหมาะสม ดังนั้นการคิดอย่างมีเหตุผลจึงเป็น หัวใจสำคัญของการสอนคณิตศาสตร์ นอกจากนี้ยังมีงานวิจัยอีกจำนวนมากที่ยืนยันว่า การสอน ให้นักเรียนเรียนด้วยความเข้าใจอย่างมีเหตุผล ดีกว่าการสอนแบบให้จำ การสอนคณิตศาสตร์ อย่างเป็นเหตุเป็นผลจะทำให้นักเรียนมีเจตคติที่ดีต่อวิชาคณิตศาสตร์ สามารถจดจำได้ดีและนาน กว่าเดิม (สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี. 2550 : 6-17)

การจัดการเรียนรู้ตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐานพุทธศักราช 2551 ได้นิยามพัฒนาผู้เรียนทุกคน ซึ่งเป็นกำลังของชาติให้เป็นมนุษย์ที่มีความสมดุลทั้งด้านร่างกาย ความรู้ คุณธรรม มีจิตสำนึกในความเป็นพลเมืองไทยและเป็นพลโลก ขึ้นอยู่ในการประกอบ ตามระบบประชาธิปไตยอันมีพระมหากษัตริย์ทรงเป็นประมุข มีความรู้และทักษะพื้นฐาน รวมทั้งเจตคติที่จำเป็นต่อการศึกษา การประกอบอาชีพและการศึกษาด้วยวิถี โดยมุ่งเน้น

ผู้เรียนเป็นสำคัญบนพื้นฐานความเชื่อว่าทุกคนสามารถเรียนรู้และพัฒนาตนเองได้เต็มตามศักยภาพ คำนึงถึงความแตกต่างระหว่างบุคคลและพัฒนาการทางสมอง เน้นให้ความสำคัญทั้งความรู้และคุณธรรม

นอกจากนี้ขั้นมุ่งเน้นให้ผู้เรียนได้มีคุณภาพตามมาตรฐานที่กำหนด โดยมุ่งเน้นให้เกิดสมรรถภาพสำคัญ 5 ประการ คือ มีความสามารถในการสื่อสาร ความสามารถในการคิด ความสามารถในการแก้ปัญหา ความสามารถในการใช้ทักษะชีวิตและความสามารถในการใช้เทคโนโลยี ในส่วนของสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ มีองค์ความรู้ทักษะสำคัญและคุณลักษณะที่พึงประสงค์ ซึ่งกำหนดให้ผู้เรียนทุกคนในระดับการศึกษาขั้นพื้นฐานจำเป็นต้องเรียนรู้ ดังนี้ การนำความรู้ ทักษะและกระบวนการทางคณิตศาสตร์ไปใช้ในการแก้ปัญหา การคำนวณชีวิต และการศึกษาต่อ การมีเหตุมิผล มีจุดคิดที่ดีต่อคณิตศาสตร์ พัฒนาการคิดอย่างเป็นระบบ และสร้างสรรค์ โดยได้กำหนดสาระการเรียนรู้ ในกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ไว้ 6 สาระ ดังนี้ จำนวนและการดำเนินการ การวัด เรขาคณิต พิชณิต การวิเคราะห์ข้อมูลและความน่าจะเป็น ทักษะและกระบวนการทางคณิตศาสตร์ (กระทรวงศึกษาธิการ. 2551 : 4 -13)

ในการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ที่ผ่านมา แม้ว่าผู้เรียนจะมีความรู้ ความเข้าใจ เนื้อหาสาระเป็นอย่างดี แต่ก็มีนักเรียนจำนวนไม่น้อยที่ขาดความสามารถเกี่ยวกับการแก้ปัญหา การแสดงหรืออ้างอิงเหตุผล การสื่อสาร การนำเสนอแนวคิดทางคณิตศาสตร์ การเชื่อมโยงระหว่างเนื้อหาคณิตศาสตร์กับสถานการณ์ต่างๆ และความคิดสร้างสรรค์ ปัญหาเหล่านี้ทำให้ นักเรียนไม่สามารถนำความรู้คณิตศาสตร์ไปประยุกต์ใช้ชีวิตประจำวันและในการศึกษาได้อย่าง มีประสิทธิภาพ (สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี. 2550 : 5) ดังจะเห็นได้ จากผลการประเมินในประเทศคือ คะแนนการทดสอบ O-NET ของสถาบันทดสอบทางการศึกษาแห่งชาติ ค่าสถิติพื้นฐานคะแนน O-NET มัธยมศึกษาปีที่ 3 ปีการศึกษา 2556 พนวจ ผลการประเมินกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ระดับประเทศมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 25.45 ระดับ สังกัด คือ สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 25.41 ระดับชั้นหัว นุรีรัมย์ มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 23.08 (สถาบันทดสอบทางการศึกษาแห่งชาติ. 2556 : 4-8) และระดับ โรงเรียนสำหรับโรงเรียนขนาดใหญ่ในกลุ่มเครือข่ายพัฒนาคุณภาพการศึกษาประจำปี คุณชัย 2 ผู้เรียนมีคะแนนเฉลี่ย ดังนี้ โรงเรียนบ้านจรเข้มาก มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 23.30 โรงเรียนวัดบ้านประทัดบุ มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 24.58 และโรงเรียนบ้านโภกย่างมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 26.60 (สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานุรีรัมย์ เขต 2. 2556 : 12) จากข้อมูลดังกล่าว จะเห็นว่าแต่ละโรงเรียนมีคะแนนเฉลี่ยไม่ถึงร้อยละ 50 เมื่อพิจารณาคะแนนของแต่ละกลุ่มสาระ ของโรงเรียนบ้านโภกย่างแล้ว พนวจ สาระที่นักเรียนได้คะแนนน้อยที่สุดคือ สาระที่ ๕

การวิเคราะห์ข้อมูลและความน่าจะเป็น มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 18.75 แสดงให้เห็นว่านักเรียนขาดการแก้ปัญหา การแสดงหรืออ้างอิงเหตุผล การวิเคราะห์ข้อมูลและความน่าจะเป็น (โรงเรียนบ้านโภกช่าง. 2556 : 8)

ดังนั้นผู้วิจัยจึงมีความสนใจที่จะทำการวิจัยเพื่อพัฒนาการเรียนรู้เกี่ยวกับการแก้ปัญหา การแสดงหรืออ้างอิงเหตุผล การวิเคราะห์ข้อมูลและความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ ซึ่งการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย เป็นรูปแบบการสอนหนึ่งที่ส่งเสริมให้นักเรียนได้คิดวิเคราะห์เพื่อแก้ปัญหา การเรียนรู้ที่ได้มาซึ่งความรู้ใหม่ที่เข้าอยู่กับความรู้ความสามารถที่มีอยู่ก่อน และเป็นไปในลักษณะการถ่ายทอด การสร้างโครงสร้างใหม่ ทางปัญญาจากประสบการณ์และโครงสร้างเดิมคือนักเรียนเป็นผู้ผนวกสอดคล้องกับสถานการณ์ ก้าวหน้า วิธีการแก้ปัญหาโดยการคิด ไตร่ตรองแก้ปัญหาโดยด้วยนักเรียนเองและก้าวนพบคำตอบด้วยตนเอง ทั้งนี้ถ้านักเรียนสามารถคิดแก้ปัญหาได้อย่างถูกต้อง มีเหตุผลและมีทักษะกระบวนการแล้ว ความสามารถดังกล่าวถ่ายทอดความรู้และประสบการณ์ที่ได้ในการคิดแก้ปัญหาไปยังศาสตร์ อื่นๆ ได้ (ทิวาพร สกุลสูษา. 2550 : 3)

ทั้งนี้ยังมีนักวิจัยอีกหลายท่านที่ได้นำแนวความคิดทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัยมาใช้ในการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนเพื่อใช้แก้ปัญหา เช่น อาทิพงษ์ ปัญญาฟุ (2551 : 75-76) ได้ศึกษาการพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่อง ทฤษฎีปีทาโกรัส ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ตามแนวความคิดทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย พบว่านักเรียนมีผลการเรียนที่สูงขึ้นและได้ฝึกความก้าวหน้า แสดงออก การคิดสร้างองค์ความรู้ด้วยตนเองรู้จักไตร่ตรองปัญหาร่วมกับผู้อื่นอีกทั้งยัง สามารถสร้างองค์ความรู้ใหม่โดยการสร้างสถานการณ์ด้วยตนเอง และ อัจฉรา เกณฑุ (2550 : 77-78) ได้ศึกษา ผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ตามแนวคิดทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย เรื่องการหาราบทศนิยม ชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 พบว่าผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนที่สูงขึ้น เช่นเดียวกัน

นอกจากนี้ยังมีสืบอีกประเภทหนึ่งที่เป็นส่วนเสริมและเพิ่มเติมสำหรับให้นักเรียนฝึกปฏิบัติเพื่อให้ความความเข้าใจและมีทักษะเพิ่มขึ้น นั่นคือแบบฝึกทักษะ (วินลรัตน์ สุนทร โรงน. 2548 : 130-131) ได้กล่าวไว้ว่าประโยชน์ของแบบฝึกทักษะเป็นเครื่องมือประเมินตนเองของนักเรียนหลังจากที่เรียนบทเรียนในแต่ละครั้ง ฝึกให้นักเรียน ได้เกิดทักษะและความชำนาญ มากขึ้นและสอดคล้องกับงานวิชาของประธาน จินฤทธิ์ (2552 : 72-74) ได้ศึกษาผลการใช้แบบฝึกคณิตศาสตร์ที่มีค่าผลสัมฤทธิ์และเขตคิดทางการเรียนคณิตศาสตร์ของนักเรียน ชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 โรงเรียนเทศประชาสามัคคี จังหวัดนราธิวาส มาพบว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 หลังการใช้แบบฝึกทักษะคณิตศาสตร์สูงกว่า

ก่อนเรียน เทคติต่อการเรียนของนักเรียน อยู่ในระดับสูงมาก และพิสมัย พุทธะโภก (2556 : 107-111) ได้ศึกษาผลการใช้แบบฝึกทักษะเรื่อง อสมการ ที่เรียนโดยการเรียนรู้แบบร่วมมือ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 พบว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนหลังเรียน โดยใช้แบบฝึกทักษะ สูงกว่าก่อนเรียน นักเรียนมีความพึงพอใจต่อการเรียนที่เรียน โดยใช้แบบฝึกทักษะเรื่อง อสมการ ที่เรียน โดยการเรียนรู้แบบร่วมมืออยู่ในระดับมากที่สุด

จากความเป็นมาและความสำคัญของปัญหาดังกล่าวข้างต้น ผู้วิจัยจึงสนใจที่จะศึกษา ผลการใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย ตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษา ขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 เพื่อพัฒนาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาคณิตศาสตร์ให้สูงขึ้นและ เป็นแนวทางในการจัดการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์ให้มีประสิทธิภาพยิ่งขึ้นต่อไป

### **ความน่าจะเป็นของการวิจัย**

1. เพื่อศึกษาประสิทธิภาพของแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย ให้มีประสิทธิภาพตามเกณฑ์ 75/75
2. เพื่อเปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนก่อนและหลังเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย
3. เพื่อศึกษาค่านิประสิทธิผลของการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย
4. เพื่อศึกษาความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย

### **สมมติฐานของการวิจัย**

ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนที่เรียนด้วยแบบฝึกทักษะเรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย หลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียน

## ความสำคัญของการวิจัย

1. ได้แบบฝึกหัด焉ะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กดุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ที่มีประสิทธิภาพ
2. นักเรียนได้รับการพัฒนาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนหลังเรียนด้วยแบบฝึกหัด焉ะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กดุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ สูงกว่าก่อนเรียน
3. เป็นแนวทางสำหรับครูผู้สอนกดุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ในระดับ มัธยมศึกษาตอนต้นและวิชาอื่นๆ ได้พัฒนาฐานแบบเทคนิคการสอนใหม่ๆ
4. เป็นแนวทางในการศึกษาวิจัยเพื่อพัฒนาสำหรับกดุ่มสาระการเรียนอื่นๆ

## ขอบเขตของการวิจัย

### 1. ประชากรและกลุ่มตัวอย่าง

1.1 ประชากรที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ เป็นนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 โรงเรียนของข่าย โอกาสในกดุ่มเครือข่ายพัฒนาคุณภาพทางการศึกษา ประจำชั้น 2 สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตนบุรี เขต 2 จำนวน 3 โรงเรียน ได้แก่ โรงเรียน บ้านจรเข็มák จำนวน 2 ห้องเรียน จำนวน 47 คน โรงเรียนวัดบ้านประทัดบุ จำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 29 คน และโรงเรียนบ้านโภกบ่ำงจำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 14 คนรวมทั้งสิ้น 90 คน

1.2 กดุ่มตัวอย่าง กดุ่มตัวอย่างที่ใช้ในงานวิจัยครั้งนี้ เป็นนักเรียนที่กำลังศึกษาอยู่ ในชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 โรงเรียนบ้านโภกบ่ำง ตำบลโภกบ่ำง อำเภอประโคนชัย สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตนบุรี เขต 2 จำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 14 คน ซึ่งได้มาจากการสุ่มแบบแบ่งกลุ่ม (Cluster Random Sampling)

### 2. ตัวแปรที่ใช้ในการวิจัย

2.1 ตัวแปรอิสระ ได้แก่ การเรียนด้วยแบบฝึกหัด焉ะ เรื่องความน่าจะเป็น กดุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์

2.2 ตัวแปรตาม ได้แก่ ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนจากการเรียนด้วยแบบฝึกหัด焉ะ เรื่องความน่าจะเป็น กดุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

### 3. เนื้อหาที่ใช้ในการวิจัย

เนื้อหาที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้เป็นเนื้อหาตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ วิชาคณิตศาสตร์พื้นฐาน หน่วยการเรียนรู้ที่ 2 สาระที่ 5 เรื่อง ความน่าจะเป็น ขั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ประกอบด้วย

3.1 ความน่าจะเป็น

3.2 การทดลองสุ่ม

3.3 เหตุการณ์

3.4 ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์

3.5 ความน่าจะเป็นกับการตัดสินใจ

### 4. ระยะเวลาที่ใช้ในการวิจัย

ระยะเวลาที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ ได้แก่ ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557

ตั้งแต่วันที่ 2 เดือนธันวาคม 2557 ถึงวันที่ 6 เดือน มกราคม 2558 จำนวน 5 สัปดาห์ รวม 12 ชั่วโมง รวมการทดสอบก่อนและหลังเรียนอีก 2 ชั่วโมง เป็น 14 ชั่วโมง

### นิยามศัพท์เฉพาะ

1. แบบฝึกหัดคณิต หมายถึง สื่อการเรียนการสอนที่สร้างขึ้นสำหรับให้นักเรียนได้ฝึกปฏิบัติด้วยตนเอง เพื่อทบทวนเนื้อหาที่เรียนมาแล้ว ให้เกิดความเข้าใจและเกิดความชำนาญในเนื้อหาที่เรียนยิ่งขึ้น ในการวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยได้สร้างแบบฝึกหัดคณิต เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์

2. การเรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ หมายถึง การจัดการเรียนรู้โดยใช้แผนการจัดการเรียนรู้ ซึ่งมีลำดับการสอน 5 ขั้นตอน ดังนี้

2.1 ขั้นนำ เป็นขั้นเตรียมความพร้อมของนักเรียน เพื่อจัดผู้เรียนให้อยู่ในบทเรียน โดยครุยหบทวนความรู้เดิม เพื่อกระตุ้นให้นักเรียนระลึกถึงประสบการณ์เดิมเพื่อเป็นพื้นฐานในการสร้างโครงสร้างใหม่ทางปัญญา เช่น ให้นักเรียนยกตัวอย่างว่ามีเหตุการณ์ใดบ้างที่สามารถบอกได้ว่าเกิดขึ้นอย่างแน่นอน และมีเหตุการณ์ใดบ้างที่ไม่สามารถบอกได้แน่นอนว่าจะเกิดขึ้นหรือไม่ เป็นต้น

2.2 ขั้นสอน เป็นขั้นเพชิญสถานการณ์ปัญหาและแก้ปัญหา ครูให้นักเรียนทำความเข้าใจสถานการณ์ปัญหาและหาแนวทางแก้ปัญหา โดย ครูกระตุ้นให้นักเรียนพากยาน สำรวจ คิดค้น หาวิธีแก้ปัญหา พากยานกระตุ้นให้นักเรียนสะท้อนความคิดออกมานะ แลกเปลี่ยนความคิดเห็นซึ่งกันและกัน เช่น นักเรียนรับ ทำใบกิจกรรม และนำเสนอหน้าชั้นเรียน เป็นต้น

**2.3 ขั้นตรวจสอบและสรุป เป็นขั้นที่นักเรียนร่วมกันตรวจสอบแนวทาง  
แก้ปัญหาช่วยกันสรุป หลักการและกระบวนการแก้ปัญหาในเรื่องที่เรียนและครูช่วยเสริม  
แนวคิด หลักการความคิดรวบยอดและกระบวนการแก้ปัญหาให้ชัดเจนยิ่งขึ้น เช่น การอภิปราย  
เป็นต้น**

**2.4 ขั้นฝึกทักษะและนำไปใช้ เป็นขั้นที่ให้นักเรียนได้ขยายความรู้ผ่านการทำ  
แบบฝึกทักษะที่ครูสร้างขึ้น หรือให้นักเรียนสร้างสถานการณ์ที่คล้ายคลึงกับสถานการณ์เดิม  
นักเรียนเลือกทางเลือกที่เหมาะสมเพื่อใช้ในการแก้ปัญหาและสามารถอธิบายวิธีการแก้ปัญหา  
ของตนเองได้ เช่น การให้นักเรียนสร้างสถานการณ์ปัญหางานของตนเอง เป็นต้น**

**2.5 ขั้นประเมินผล เป็นขั้นการประเมินจากคะแนนแบบฝึกทักษะที่ครูสร้างขึ้น  
หรือจากสถานการณ์ที่นักเรียนสร้างขึ้น**

**3. แผนการจัดการเรียนรู้ การวางแผนรูปแบบการเรียนการสอนในบทเรียนให้  
สอดคล้องกับเนื้อหา ด้วยวัด การวัดและประเมินผลที่กำหนดไว้ในหลักสูตร เพื่อใช้เป็นแนวทาง  
ในการสอนต่อไปจากความหมายของแผนการจัดการเรียนรู้หรือแนวคำแนะนำที่เป็นลายลักษณ์  
อักษรที่ทำไว้เพื่อเป็นแนวทางดำเนินกิจกรรมการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ ให้ผู้เรียนได้รับ  
ประสบการณ์ที่สอดคล้องกับแนวทางและทุกมุ่งหมายของหลักสูตร**

**4. ประสิทธิภาพ หมายถึง ผลของการใช้กระบวนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้จากสื่อ  
หรือนวัตกรรม ด้านกระบวนการและผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนหลังเรียนที่ทำให้ผู้เรียนเกิด<sup>↑</sup>  
การเรียนรู้ตามเกณฑ์ที่คาดหวังไว้ คุณภาพของแบบฝึกทักษะเรื่องความน่าจะเป็น ก足以  
การเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์  
ทำให้เกิดการเรียนรู้ตามเกณฑ์ 75/75 ซึ่งมีความหมายดังนี้**

75 ตัวแรก หมายถึง ร้อยละคะแนนเฉลี่ยของนักเรียนที่ทำแบบทดสอบระหว่าง  
เรียนด้วยแบบฝึกทักษะเรื่องความน่าจะเป็น ก足以 สามารถเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียน  
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ได้คะแนนเฉลี่ยไม่น้อยกว่าร้อยละ 75

75 ตัวหลัง หมายถึง ร้อยละคะแนนเฉลี่ยของนักเรียนที่ทำแบบทดสอบวัดผล  
สัมฤทธิ์ทางการเรียนด้วยแบบฝึก เรื่องความน่าจะเป็น ก足以 สามารถเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับ  
นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ได้คะแนนเฉลี่ยไม่น้อยกว่า  
ร้อยละ 75

**5. ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน หมายถึง ผลที่เกิดจากการเรียนรู้ การฝึกและการปฏิบัติ  
ความชุกประสงค์จนเกิดความเข้าใจ โดยมีผลมาจากการจัดการเรียนการสอนด้วยแบบฝึกทักษะ  
เรื่องความน่าจะเป็น ก足以 สามารถเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3**

ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณสตรคติวิสต์ ซึ่งวัดได้จากแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนที่ให้นักเรียนทำหลังเรียน โดยผู้วิจัยได้ใช้แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนแบบปรนัยชนิดเดือดตอน 4 ตัวเลือก จำนวน 40 ข้อ เป็นเครื่องมือในการวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

6. ดัชนีประสิทธิผล หมายถึง ค่าตัวเลขในการสอดคล้องกับหน้าของผู้เรียนหลังจากการเรียนรู้ด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณสตรคติวิสต์

7. ความพึงพอใจ หมายถึง ความรู้สึกในเชิงบวกของนักเรียนที่มีต่อการจัดการเรียน การสอนด้วยแบบฝึกทักษะเรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณสตรคติวิสต์ ซึ่งวัดได้จากแบบประเมิน ความพึงพอใจที่ผู้วิจัยสร้างขึ้น

8. นักเรียน หมายถึง นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 กลุ่มเครือข่ายพัฒนาคุณภาพ การศึกษาประโคนชัย 2 สังกัดสำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานบูรรัมย์เขต 2 ที่เรียน ในภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557

## บทที่ 2

### เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

การวิจัยผลการใช้แบบฝึกหักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีก่อนสตอร์คิวิสต์ ผู้วิจัยได้ศึกษาด้านคว้าแนวคิดทฤษฎีจากเอกสารงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง โดยได้จำแนกตามหัวข้อดังนี้

1. หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551
2. การจัดการเรียนรู้กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์
3. แบบฝึกหักษะ
4. จิตวิทยาและทฤษฎีการเรียนรู้คณิตศาสตร์ โดยใช้ทฤษฎีก่อนสตอร์คิวิสต์
5. แผนการจัดการเรียนรู้
6. ประสิทธิภาพ
7. ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน
8. ดัชนีประสิทธิผล
9. ความพึงพอใจ
10. งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

#### หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551

คณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน โดยสำนักงานคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน ได้ดำเนินการทบทวนหลักสูตรการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2544 เพื่อพัฒนาไปสู่หลักสูตร แกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 โดยนำข้อมูลที่ได้จากการศึกษาวิจัยและข้อมูลจากแผนพัฒนาเศรษฐกิจและสังคมแห่งชาติ ฉบับที่ 10 (พ.ศ. 2550 – 2554) มาใช้ในการพัฒนา หลักสูตรใหม่ รวมมาระบบสมัชชาจนยิ่งขึ้น ทั้งเป้าหมายในการพัฒนาคุณภาพผู้เรียนและบูรณาการ นำหลักสูตรไปสู่การปฏิบัติในระดับเขตพื้นที่การศึกษาและสถานศึกษาพร้อมทั้งได้จัดทำ สาระการเรียนรู้แกนกลางของกลุ่มสาระการเรียนรู้ 8 กลุ่มสาระ ในแต่ละระดับชั้นเพื่อให้ เขตพื้นที่การศึกษา หน่วยงานระดับท้องถิ่นและสถานศึกษาที่จัดการศึกษาขั้นพื้นฐาน ได้นำไปใช้

เป็นกรอบและทิศทางในการพัฒนาหลักสูตรและจัดการเรียนการสอน ซึ่งคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐานได้กำหนดแนวทางไว้ดังนี้ (กระทรวงศึกษาธิการ. 2551 : 2 - 26)

### หลักการ

เพื่อให้การจัดการศึกษาขั้นพื้นฐานเป็นไปตามนโยบายการจัดการศึกษาของประเทศ จึงกำหนดหลักการของหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน ดังนี้

1. เป็นหลักสูตรการศึกษาเพื่อความเป็นเอกภาพของชาติ มีจุดหมายและมาตรฐานการเรียนรู้เป็นเป้าหมายสำหรับพัฒนาเด็กและเยาวชนให้มีความรู้ ทักษะ เทคโนโลยี และคุณธรรม บนพื้นฐานของความเป็นไทยควบคู่กับความเป็นสากล
2. เป็นหลักสูตรการศึกษาเพื่อปวงชน ที่ประชาชนทุกคนมีโอกาสได้รับการศึกษาอย่างเสมอภาค และมีคุณภาพ
3. เป็นหลักสูตรการศึกษาที่สนับสนุนกระบวนการเรียนรู้ที่สั่งคอมมิชั่นร่วมในการจัดการศึกษาให้สอดคล้องกับสภาพและความต้องการของห้องถัน
4. เป็นหลักสูตรการศึกษาที่มีโครงสร้างขั้นพื้นฐานทั้งด้านสาระการเรียนรู้ เวลา และการจัดการเรียนรู้
5. เป็นหลักสูตรการศึกษาที่เน้นผู้เรียนเป็นสำคัญ
6. เป็นหลักสูตรการศึกษาสำหรับการศึกษาในระบบ นอกระบบ และตามอัชญาศึกษา ครอบคลุมทุกกลุ่มเป้าหมาย สามารถเทียบโอนผลการเรียนรู้ และประสบการณ์

### จุดหมาย

หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน มุ่งพัฒนาผู้เรียนให้เป็นคนดี มีปัญญา มีความสุข มีศักยภาพในการศึกษาต่อและประกอบอาชีพ จึงกำหนดเป็นจุดหมายเพื่อให้เกิดกับผู้เรียน เมื่อจบการศึกษาขั้นพื้นฐาน ดังนี้

1. มีคุณธรรม จริยธรรม และค่านิยมที่พึงประสงค์ เห็นคุณค่าของตนเอง มีวินัย และปฏิบัติตามหลักธรรมของพระพุทธศาสนา หรือศาสนาที่ตนนับถือ ขึ้นหลักปรัชญาของเศรษฐกิจพอเพียง
2. มีความรู้ ความสามารถในการสื่อสาร การคิด การแก้ปัญหา การใช้เทคโนโลยี และมีทักษะชีวิต
3. มีสุขภาพกายและสุขภาพจิตที่ดี มีสุขนิสัย และรักการออกกำลังกาย
4. มีความรักชาติ มีจิตสำนึกรักในความเป็นพลเมืองไทยและพลโลก ขึ้นมั่นในวิสัยทัศน์ และการปกป้องตามระบอบประชาธิปไตยอันมีพระมหากษัตริย์ทรงเป็นประมุข

5. มีจิตสำนึกรักษาภัณฑ์ธรรมและภูมิปัญญาไทย การอนุรักษ์และพัฒนาสิ่งแวดล้อม มีจิตสาธารณะที่มุ่งทำประโยชน์และสร้างสิ่งที่ดีงามในสังคม และอยู่ร่วมกันในสังคมอย่างมีความสุข

#### **สมรรถนะสำคัญของผู้เรียน และคุณลักษณะอันพึงประสงค์**

ในการพัฒนาผู้เรียนตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน มุ่งเน้นพัฒนาผู้เรียนให้มีคุณภาพตามมาตรฐานที่กำหนด ซึ่งจะช่วยให้ผู้เรียนเกิดสมรรถนะสำคัญและคุณลักษณะอันพึงประสงค์ ดังนี้

#### **สมรรถนะสำคัญของผู้เรียน**

การพัฒนาผู้เรียนตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน มุ่งให้ผู้เรียนเกิดสมรรถนะสำคัญ 5 ประการ ดังนี้

1. ความสามารถในการสื่อสาร เป็นความสามารถในการรับและส่งสาร มีวัฒนธรรมในการใช้ภาษาถ่ายทอดความคิด ความรู้ความเข้าใจ ความรู้สึก และทัศนะของตนเอง เพื่อแลกเปลี่ยนข้อมูลข่าวสารและประสบการณ์อันจะเป็นประโยชน์ต่อการพัฒนาตนเองและสังคม รวมทั้งการเจรจาต่อรองเพื่อขัดและลดปัญหาความขัดแย้งต่าง ๆ การเลือกรับหรือไม่รับข้อมูลข่าวสารด้วยหลักเหตุผลและความถูกต้อง ตลอดจนการเลือกใช้วิธีการสื่อสาร ที่มีประสิทธิภาพ โดยคำนึงถึงผลกระทบที่มีต่อตนเองและสังคม

2. ความสามารถในการคิด เป็นความสามารถในการคิดวิเคราะห์ การคิดสังเคราะห์ การคิดอย่างสร้างสรรค์ การคิดอย่างมีวิจารณญาณ และการคิดเป็นระบบ เพื่อนำไปสู่การสร้างองค์ความรู้หรือสารสนเทศเพื่อการตัดสินใจเกี่ยวกับตนเองและสังคม ได้อย่างเหมาะสม

3. ความสามารถในการแก้ปัญหา เป็นความสามารถในการแก้ปัญหาและอุปสรรค ต่างๆที่เผชิญได้อย่างถูกต้องเหมาะสมบนพื้นฐานของหลักเหตุผล คุณธรรมและข้อมูลสารสนเทศ เข้าใจความสัมพันธ์และการเปลี่ยนแปลงของเหตุการณ์ต่าง ๆ ในสังคม แสวงหาความรู้ ประยุกต์ความรู้มาใช้ในการป้องกันและแก้ไขปัญหา และมีการตัดสินใจที่มีประสิทธิภาพ โดยคำนึงถึงผลกระทบที่เกิดขึ้นต่อตนเอง สังคมและสิ่งแวดล้อม

4. ความสามารถในการใช้ทักษะชีวิต เป็นความสามารถในการนำกระบวนการต่าง ๆ ไปใช้ในการดำเนินชีวิตประจำวัน การเรียนรู้ด้วยตนเอง การเรียนรู้ข้างต่อเนื่อง การทำงาน และการอยู่ร่วมกันในสังคมด้วยการสร้างเสริมความสัมพันธ์อันดีระหว่างบุคคล การจัดการปัญหาและความขัดแย้งต่าง ๆ อย่างเหมาะสม การปรับตัวให้ทันกับการเปลี่ยนแปลงของสังคมและสภาพแวดล้อม และการรู้จักหลักเดียงพุติกรรมไม่เพียงประสงค์ที่ส่งผลกระทบต่อตนเองและผู้อื่น

5. ความสามารถในการใช้เทคโนโลยี เป็นความสามารถในการเลือก และใช้เทคโนโลยีด้านต่าง ๆ และมีทักษะกระบวนการทางเทคโนโลยี เพื่อการพัฒนาตนเองและสังคม

ในด้านการเรียนรู้ การสื่อสาร การทำงาน การแก้ปัญหาอย่างสร้างสรรค์ ถูกต้อง เหมาะสม และมีคุณธรรม

### **คุณลักษณะอันพึงประสงค์**

หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน ผู้ที่พัฒนาผู้เรียนให้มีคุณลักษณะอันพึงประสงค์ เพื่อให้สามารถอยู่ร่วมกับผู้อื่นในสังคม ได้อย่างมีความสุข ในฐานะเป็นพลเมืองไทยและพลโลก ดังนี้

1. รักชาติ ศาสนา กษัตริย์
2. ซื่อสัตย์สุจริต
3. มีวินัย
4. ใฝ่เรียนรู้
5. อ่ายอ่าอย่างพอเพียง
6. นุ่มนิ่นในการทำงาน
7. รักความเป็นไทย
8. มีจิตสาธารณะ

นอกจากนี้ สถานศึกษาสามารถกำหนดคุณลักษณะอันพึงประสงค์เพิ่มเติมให้สอดคล้อง ตามบริบทและจุดเน้นของตนเอง

### **สาระการเรียนรู้**

การพัฒนาผู้เรียนให้เกิดความสมดุล ต้องคำนึงถึงหลักพัฒนาการทางสมองและ พหุปัญญา หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน จึงกำหนดให้ผู้เรียนเรียนรู้ 8 กลุ่มสาระการเรียนรู้ ดังนี้

1. ภาษาไทย
2. คณิตศาสตร์
3. วิทยาศาสตร์
4. สังคมศึกษา ศาสนา และวัฒนธรรม
5. สุขศึกษาและพลศึกษา
6. ศิลปะ
7. การงานอาชีพและเทคโนโลยี
8. ภาษาต่างประเทศ

ในแต่ละกลุ่มสาระการเรียนรู้ ได้กำหนดมาตรฐานการเรียนรู้ เป็นเป้าหมายสำคัญของ การพัฒนาคุณภาพผู้เรียน มาตรฐานการเรียนรู้ระบุสิ่งที่ผู้เรียนพึงรู้ ปฏิบัติได้ มีคุณธรรมจริยธรรม และค่านิยมที่พึงประสงค์ เมื่อจบการศึกษาขั้นพื้นฐาน นอกจากนั้นมาตรฐานการเรียนรู้ยังเป็นกลไก

สำคัญในการขับเคลื่อนพัฒนาการศึกษาทั้งระบบ เพราะมาตรฐานการเรียนรู้จะสะท้อนให้ทราบว่า ต้องการอะไร จะสอนอย่างไร และประเมินอย่างไร รวมทั้งเป็นเครื่องมือในการตรวจสอบเพื่อ การประกันคุณภาพการศึกษาโดยใช้ระบบการประเมินคุณภาพภายในและการประเมินคุณภาพภายนอก ซึ่งรวมถึงการทดสอบระดับเบ็ดเตล็ดที่การศึกษาและการทดสอบระดับชาติ ระบบ การตรวจสอบเพื่อประกันคุณภาพดังกล่าวเป็นสิ่งสำคัญที่ช่วยสะท้อนสภาพการจัดการศึกษาว่า สามารถพัฒนาผู้เรียนให้มีคุณภาพตามที่มาตรฐานการเรียนรู้กำหนด

### **การจัดการเรียนรู้**

การจัดการเรียนรู้เป็นกระบวนการสำคัญในการนำหลักสูตรสู่การปฏิบัติ หลักสูตร แกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน เป็นหลักสูตรที่มีมาตรฐานการเรียนรู้ สมรรถนะสำคัญและ คุณลักษณะอันพึงประสงค์ของผู้เรียน เป็นเป้าหมายสำหรับพัฒนาเด็กและเยาวชน

ในการพัฒนาผู้เรียนให้มีคุณสมบัติตามเป้าหมายหลักสูตร ผู้สอนพยายามคัดสรร กระบวนการเรียนรู้ จัดการเรียนรู้โดยช่วยให้ผู้เรียนเรียนรู้ผ่านสาระที่กำหนดไว้ในหลักสูตร 8 กลุ่มสาระการเรียนรู้ รวมทั้งปลูกฝังเสริมสร้างคุณลักษณะอันพึงประสงค์ พัฒนาทักษะต่างๆ อันเป็นสมรรถนะสำคัญให้ผู้เรียนบรรลุตามเป้าหมาย

1. หลักการจัดการเรียนรู้ การจัดการเรียนรู้เพื่อให้ผู้เรียนมีความรู้ความสามารถตามมาตรฐานการเรียนรู้ สมรรถนะสำคัญ และคุณลักษณะอันพึงประสงค์ตามที่กำหนดไว้ใน หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน โดยยึดหลักว่า ผู้เรียนมีความสำคัญที่สุด เชื่อว่าทุกคน มี ความสามารถเรียนรู้และพัฒนาตนเองได้ ยิ่งประโยชน์ที่เกิดกับผู้เรียน กระบวนการจัดการเรียนรู้ ต้องส่งเสริมให้ผู้เรียน สามารถพัฒนาตามธรรมชาติและเติมเต็มตามศักยภาพ คำนึงถึงความแตกต่าง ระหว่างบุคคลและพัฒนาการทางสมองเน้นให้ความสำคัญทั้งความรู้และคุณธรรม

2. กระบวนการเรียนรู้ การจัดการเรียนรู้ที่เน้นผู้เรียนเป็นสำคัญ ผู้เรียนจะต้องอาศัย กระบวนการเรียนรู้ที่หลากหลาย เป็นเครื่องมือที่จะนำพาตนเองไปสู่เป้าหมายของหลักสูตร กระบวนการเรียนรู้ที่จำเป็นสำหรับผู้เรียน อาทิ กระบวนการเรียนรู้แบบบูรณาการกระบวนการ สร้างความรู้ กระบวนการคิด กระบวนการทางสังคม กระบวนการเผยแพร่สถานการณ์และแก้ปัญหา กระบวนการเรียนรู้จากประสบการณ์จริง กระบวนการปฏิบัติ ลงมือทำจริง กระบวนการจัดการ กระบวนการวิจัย กระบวนการเรียนรู้ของตนเอง กระบวนการพัฒนาลักษณะนิสัย

กระบวนการเหล่านี้เป็นแนวทางในการจัดการเรียนรู้ที่ผู้เรียนควรได้รับการฝึกฝน พัฒนา เพราะจะสามารถช่วยให้ผู้เรียนเกิดการเรียนรู้ได้ดี บรรลุเป้าหมายของหลักสูตร ดังนั้น ผู้สอน จึงจำเป็นต้องศึกษาทำความเข้าใจในกระบวนการเรียนรู้ต่าง ๆ เพื่อให้สามารถเลือกใช้ในการจัด กระบวนการเรียนรู้ได้อย่างมีประสิทธิภาพ

3. การออกแบบการจัดการเรียนรู้ ผู้สอนต้องศึกษาหลักสูตรสถานศึกษาให้เข้าใจถึง มาตรฐานการเรียนรู้ ตัวชี้วัด สมรรถนะสำคัญของผู้เรียน คุณลักษณะอันพึงประสงค์ และสาระ การเรียนรู้ที่เหมาะสมกับผู้เรียนแล้วจึงพิจารณาออกแบบการจัดการเรียนรู้โดยเลือกใช้ วิธีสอนและ เทคนิคการสอน สื่อ/แหล่งเรียนรู้ การวัดและประเมินผล เพื่อให้ผู้เรียนได้พัฒนาเต็มตามศักยภาพ และบรรลุความเป้าหมายที่กำหนด

4. บทบาทของผู้สอนและผู้เรียน การจัดการเรียนรู้เพื่อให้ผู้เรียนมีคุณภาพ ตาม เป้าหมายของหลักสูตร ทั้งผู้สอนและผู้เรียนควรมีบทบาท ดังนี้

#### 4.1 บทบาทของผู้สอน

- 1) ศึกษาวิเคราะห์ผู้เรียนเป็นรายบุคคล แล้วนำข้อมูลมาใช้ในการ วางแผนการจัดการเรียนรู้ ที่ท้าทายความสามารถของผู้เรียน
- 2) กำหนดเป้าหมายที่ต้องการให้เกิดขึ้นกับผู้เรียน ด้านความรู้และ ทักษะกระบวนการ ที่เป็นความคิดรวบยอด หลักการ และความสัมพันธ์ รวมทั้งคุณลักษณะ อันพึงประสงค์
- 3) ออกแบบการเรียนรู้และจัดการเรียนรู้ที่ตอบสนองความแตกต่างระหว่าง บุคคลและพัฒนาการทางสมอง เพื่อนำผู้เรียนไปสู่เป้าหมาย
- 4) จัดบรรยากาศที่เอื้อต่อการเรียนรู้ และคุ้มครองให้ผู้เรียน ให้เกิด การเรียนรู้

- 5) จัดเตรียมและเลือกใช้สื่อให้เหมาะสมกับกิจกรรม นำภูมิปัญญาท่องถิ่น เทคโนโลยีที่เหมาะสมกับประยุกต์ใช้ในการจัดการเรียนการสอน
- 6) ประเมินความก้าวหน้าของผู้เรียนด้วยวิธีการที่หลากหลาย เหมาะสมกับ ธรรมชาติของวิชาและระดับพัฒนาการของผู้เรียน
- 7) วิเคราะห์ผลการประเมินมาใช้ในการซ้อมเสริมและพัฒนาผู้เรียน รวมทั้งปรับปรุงการจัดการเรียนการสอนของตนเอง

#### 4.2 บทบาทของผู้เรียน

- 1) กำหนดเป้าหมาย วางแผน และรับผิดชอบการเรียนรู้ของตนเอง
- 2) เสาระแสวงหาความรู้ เข้าถึงแหล่งการเรียนรู้ วิเคราะห์ สังเคราะห์ ข้อความรู้ ดึงคำถาม คิดหาคำตอบหรือหาแนวทางแก้ปัญหาด้วยวิธีการต่างๆ
- 3) ลงมือปฏิบัติจริง สรุปสิ่งที่ได้เรียนรู้ด้วยตนเอง และนำความรู้ไปประยุกต์ใช้ ในสถานการณ์ต่างๆ
- 4) มีปฏิสัมพันธ์ ทำงาน ทำกิจกรรมร่วมกับกลุ่มและครู

### 5) ประเมินและพัฒนาระบวนการเรียนรู้ของตนเองอย่างต่อเนื่อง

#### สื่อการเรียนรู้

สื่อการเรียนรู้เป็นเครื่องมือส่งเสริมสนับสนุนการจัดการกระบวนการเรียนรู้ ให้ผู้เรียนเข้าถึงความรู้ ทักษะกระบวนการ และคุณลักษณะตามมาตรฐานของหลักสูตรได้อย่างมีประสิทธิภาพ สื่อการเรียนรู้มีหลากหลายประเภท ทั้งสื่อธรรมชาติ สื่อสิ่งพิมพ์ สื่อเทคโนโลยี และเครื่องข่ายการเรียนรู้ต่างๆ ที่มีในท้องถิ่น การเลือกใช้สื่อควรเลือกให้มีความเหมาะสมสมกับระดับพัฒนาการ และลีลาการเรียนรู้ที่หลากหลายของผู้เรียน

การจัดทำสื่อการเรียนรู้ ผู้เรียนและผู้สอนสามารถอัดทำและพัฒนาขึ้นเอง หรือปรับปรุงเลือกใช้อ่านมีคุณภาพจากสื่อต่างๆ ที่มีอยู่รอบตัวเพื่อนำมาใช้ประกอบในการจัดการเรียนรู้ ที่สามารถส่งเสริมและสื่อสารให้ผู้เรียนเกิดการเรียนรู้ โดยสถานศึกษาควรจัดให้มีอย่างพอเพียง เพื่อพัฒนาให้ผู้เรียน เกิดการเรียนรู้อย่างแท้จริง สถานศึกษา เขตพื้นที่การศึกษา หน่วยงานที่เกี่ยวข้อง และผู้มีหน้าที่จัดการศึกษาขึ้นพื้นฐาน ควรดำเนินการดังนี้ (กระทรวงศึกษาธิการ. 2551 : 27)

1. จัดให้มีแหล่งการเรียนรู้ ศูนย์สื่อการเรียนรู้ ระบบสารสนเทศการเรียนรู้ และเครื่องข่ายการเรียนรู้ที่มีประสิทธิภาพทั้งในสถานศึกษาและในชุมชน เพื่อการศึกษาค้นคว้าและการแลกเปลี่ยนประสบการณ์การเรียนรู้ ระหว่างสถานศึกษา ท้องถิ่น ชุมชน สังคมโลก
2. จัดทำและจัดทำสื่อการเรียนรู้สำหรับการศึกษาค้นคว้าของผู้เรียน เสริมความรู้ให้ผู้สอน รวมทั้งจัดทำสิ่งที่มีอยู่ในท้องถิ่นมาประยุกต์ใช้เป็นสื่อการเรียนรู้
3. เลือกและใช้สื่อการเรียนรู้ที่มีคุณภาพ มีความเหมาะสม มีความหลากหลาย 适合คู่กับวิธีการเรียนรู้ ธรรมชาติของสาระการเรียนรู้ และความแตกต่างระหว่างบุคคลของผู้เรียน
4. ประเมินคุณภาพของสื่อการเรียนรู้ที่เลือกใช้อ่านเป็นระบบ
5. ศึกษาค้นคว้า วิจัย เพื่อพัฒนาสื่อการเรียนรู้ให้适合คู่กับกระบวนการเรียนรู้ของผู้เรียน
6. จัดให้มีการกำกับ ติดตาม ประเมินคุณภาพและประสิทธิภาพเกี่ยวกับสื่อและการใช้สื่อการเรียนรู้เป็นระยะๆ และสม่ำเสมอ

หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 ใช้เป็นกรอบและทิศทางในการจัดทำหลักสูตรสถานศึกษา การจัดการเรียนการสอนเพื่อพัฒนาผู้เรียนในระดับการศึกษาขั้นพื้นฐานให้มีคุณภาพด้านความรู้และทักษะที่จำเป็นสำหรับการดำรงชีวิต

## การจัดการเรียนรู้กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์

กระทรวงศึกษาธิการ (2551 : 56) กล่าวถึงการจัดการเรียนรู้กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ พอกสรุปได้ดังนี้

### ความสำคัญ

คณิตศาสตร์มีความสำคัญยิ่งต่อการพัฒนาความคิดของมนุษย์ ทำให้มนุษย์มีความคิดสร้างสรรค์ คิดอย่างมีเหตุผล เป็นระบบ理性思維แบบแผน สามารถวิเคราะห์ปัญหาและสถานการณ์อย่างถี่ถ้วนรอบกอบ ทำให้สามารถคาดการณ์ วางแผน ตัดสินใจและแก้ปัญหาได้อย่างถูกต้องและเหมาะสม คณิตศาสตร์เป็นเครื่องมือในการศึกษาวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี ตลอดจนศาสตร์อื่นๆ ที่เกี่ยวข้อง คณิตศาสตร์จึงเป็นประโยชน์ต่อการดำรงชีวิตและช่วยพัฒนาคุณภาพชีวิตให้ดีขึ้น นอกจากนี้คณิตศาสตร์ยังช่วยพัฒนาคนให้เป็นมนุษย์ที่สมบูรณ์ มีความสมดุลทั้งทางร่างกาย จิตใจ ศติปัญญาและอารมณ์ สามารถคิดเป็น ทำเป็น แก้ปัญหาเป็นและสามารถออยู่ร่วมกับคนอื่น ได้อย่างมีความสุข

### คุณภาพของผู้เรียน

กระทรวงศึกษาธิการ (2551 : 60 – 61) กล่าวถึงคุณภาพผู้เรียน เมื่อผู้เรียนจบการศึกษาชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ผู้เรียนควรมีความสามารถ ดังนี้

1. มีความคิดรวบยอดเกี่ยวกับจำนวนจริง มีความเข้าใจเกี่ยวกับอัตราส่วน สัดส่วน ร้อยละ เลขยกกำลังที่มีเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็ม รากที่สองและรากที่สามของจำนวนจริง สามารถดำเนินการเกี่ยวกับจำนวนเต็ม เศษส่วน ทศนิยมและเลขยกกำลัง รากที่สองและรากที่สามของจำนวนจริง ใช้การประมาณค่าในการดำเนินการแก้ปัญหาและนำความรู้เกี่ยวกับจำนวนจริงไปใช้ในชีวิตประจำวันได้

2. มีความรู้ความเข้าใจเกี่ยวกับพื้นที่ผิวของปริซึม ทรงกระบอก และปริมาตรของปริซึม ทรงกระบอก พิริมิด กรวยและทรงกลม เลือกใช้หน่วยการวัดในระบบต่างๆ เกี่ยวกับความยาวพื้นที่ผิวและปริมาตร ได้อย่างเหมาะสม พร้อมทั้งสามารถนำความรู้ เกี่ยวกับการวัดไปใช้ในชีวิตจริงได้

3. สามารถสร้างและอธิบายขั้นตอนการสร้างรูประขาคณิตสองมิติโดยใช้หัวเขียงและสันตรอง อธิบายลักษณะและสมบัติของรูประขาคณิตสามมิติซึ่งได้แก่ ปริซึม พิริมิด ทรงกระบอก กรวย และทรงกลมได้

4. มีความเข้าใจเกี่ยวกับสมบัติของความเท่ากันทุกประการและความคล้ายของรูปสามเหลี่ยม เส้นขนาน ทฤษฎีบทพีทาโกรัสและบทกลับ สามารถนำสมบัติเหล่านี้ไปใช้ในการให้เหตุผลและการแก้ปัญหาได้ มีความเข้าใจเกี่ยวกับการแปลงทางเรขาคณิต (Geometric

Trasformation) ในการ เสื่อนขาน (Translation) การสะท้อน (Reflection) และการหมุน (Rotation) และนำไปใช้

5. สามารถนึกภาพและอธิบายลักษณะของรูปร่างภาคพิเศษสองมิติและสามมิติ
6. สามารถวิเคราะห์และอธิบายความสัมพันธ์ของแบบรูป สถานการณ์หรือปัญหา และสามารถใช้สมการเชิงเส้นตัวแปรเดียว ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร อสมการเชิงเส้น ตัวแปรเดียว ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร อสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวและกราฟในการแก้ปัญหาได้
7. สามารถกำหนดประเด็นเขียนข้อคำถามกี่ข้อกับปัญหาหรือสถานการณ์ กำหนดวิธีการศึกษา เก็บรวบรวมข้อมูลและนำเสนอข้อมูลโดยใช้แผนภูมิรูปวงกลมหรือรูปแบบอื่น ที่เหมาะสม
8. เข้าใจค่ากลางของข้อมูลในเรื่องค่าเฉลี่ยเลขคณิต มัธยฐานและฐานนิยมของข้อมูล ที่ซึ่งไม่ได้แยกແงความถี่และเดือดให้ได้อย่างเหมาะสม รวมทั้งใช้ความรู้ในการพิจารณาข้อมูล ข่าวสาร ทางสังคม
9. เข้าใจเกี่ยวกับการทดลองสุ่มเหตุการณ์และความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ สามารถใช้ความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์และประกอบการตัดสินใจในสถานการณ์ต่างๆ ได้
10. วิธีที่หลากหลายแก้ปัญหา ใช้ความรู้ทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์และเทคโนโลยีในการแก้ปัญหาในสถานการณ์ต่างๆ ได้อย่างเหมาะสม ใช้เหตุผลประกอบการตัดสินใจ และสรุปผลได้อย่างเหมาะสม ใช้ภาษาและสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ในการสื่อสาร สื่อความหมาย และการนำเสนอ ได้อย่างถูกต้องและชัดเจน เชื่อมโยงความรู้ต่างๆ ในคณิตศาสตร์ในการสื่อสาร และนำความรู้ หลักการกระบวนการทางคณิตศาสตร์ไปเชื่อมโยงกับศาสตร์อื่นๆ และมีความคิดสร้างสรรค์

#### **สาระและมาตรฐานการเรียนรู้กู้คืนสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์**

กระทรวงศึกษาธิการ (2551 : 13) กล่าวว่า ในหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 ได้กำหนดสาระหลักของกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ที่จำเป็นสำหรับผู้เรียน ที่จำเป็นสำหรับผู้เรียนทุกคน ประกอบด้วย 6 สาระ ดังนี้ สาระที่ 1 จำนวนและการคำนวณ การ สาระที่ 2 การวัด สาระที่ 3 เรขาคณิต สาระที่ 4 พิชคณิต สาระที่ 5 การวิเคราะห์ข้อมูลและ ความน่าจะเป็น สาระที่ 6 ทักษะ/กระบวนการทางคณิตศาสตร์และสำหรับมาตรฐานการเรียนรู้ หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 ได้แบ่งและกำหนด ไว้เป็นมาตรฐาน การเรียนรู้ที่จำเป็นสำหรับนักเรียนทุกคนดังนี้

## สาระการเรียนรู้

### สาระที่ 1 จำนวนและการดำเนินการ

มาตรฐาน ค 1.1 เข้าใจถึงความหลากหลายของการแสดงจำนวนและการใช้จำนวนในชีวิตริบ

มาตรฐาน ค 1.2 เข้าใจผลที่เกิดขึ้นจากการดำเนินการของจำนวนและความสัมพันธ์ระหว่างการดำเนินการต่าง ๆ และสามารถใช้การดำเนินการในการแก้ปัญหา

มาตรฐาน ค 1.3 ใช้การประมาณค่าในการคำนวณและแก้ปัญหา

มาตรฐาน ค 1.4 เข้าใจระบบจำนวนและนำสมบัติเกี่ยวกับจำนวนไปใช้

### สาระที่ 2 การวัด

มาตรฐาน ค 2.1 เข้าใจพื้นฐานเกี่ยวกับการวัด วัดและคาดคะเนขนาดของสิ่งที่ต้องการวัด

มาตรฐาน ค 2.2 แก้ปัญหาเกี่ยวกับการวัด

### สาระที่ 3 เรขาคณิต

มาตรฐาน ค 3.1 อธิบายและวิเคราะห์รูประขาคณิตสองมิติและสามมิติ

มาตรฐาน ค 3.2 ใช้การนิภภพ (Visualization) ใช้เหตุผลเกี่ยวกับปริภูมิ (Spatial Reasoning) และใช้แบบจำลองทางเรขาคณิต (Geometric Model) ในการแก้ปัญหา

### สาระที่ 4 พีชคณิต

พังก์ชัน  
มาตรฐาน ค 4.1 เข้าใจและวิเคราะห์แบบรูป (Pattern) ความสัมพันธ์ และ

มาตรฐาน ค 4.2 ใช้นิพจน์ สมการ อสมการ กราฟ และตัวแบบเชิงคณิตศาสตร์ (Mathematical Model) อื่น ๆ แทนสถานการณ์ต่าง ๆ ตลอดจนแปลความหมาย และนำไปใช้แก้ปัญหา

### สาระที่ 5 การวิเคราะห์ข้อมูลและความน่าจะเป็น

มาตรฐาน ค 5.1 เข้าใจและใช้วิธีการทางสถิติในการวิเคราะห์ข้อมูล

มาตรฐาน ค 5.2 ใช้วิธีการทางสถิติและความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล

มาตรฐาน ค 5.3 ใช้ความรู้เกี่ยวกับสถิติและความน่าจะเป็นช่วยในการตัดสินใจและแก้ปัญหา

**สาระที่ 6 ทักษะและกระบวนการทางคณิตศาสตร์**

มาตรฐาน ค 6.1 มีความสามารถในการแก้ปัญหา

มาตรฐาน ค 6.2 มีความสามารถในการให้เหตุผล

มาตรฐาน ค 6.3 มีความสามารถในการตีความหมายทางคณิตศาสตร์ และการนำเสนอ

มาตรฐาน ค 6.4 มีความสามารถในการเชื่อมโยงความรู้ต่างๆ ทางคณิตศาสตร์ เชื่อมโยง คณิตศาสตร์กับศาสตร์อื่น ๆ

มาตรฐาน ค 6.5 มีความคิดริเริ่มสร้างสรรค์

**ตัวชี้วัด**

หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 กำหนดตัวชี้วัดกลุ่มสาระ คณิตศาสตร์ ขั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ไว้จำนวน 25 ตัวชี้วัด ดังนี้

1. หาพื้นที่ผิวปริซึมและทรงกระบอก (ค 2.1 น 3/1)
2. หาปริมาตรของปริซึม ทรงกระบอก พิริมิติ กรวย และทรงกลม (ค 2.1 น 3/2)
3. เปรียบเทียบหน่วยความจุ หรือหน่วยปริมาตรในระบบเดียวกันหรือต่างระบบ และเลือกใช้หน่วยการวัดได้อย่างเหมาะสม (ค 2.1 น 3/3)
4. ใช้การคาดคะเนเกี่ยวกับการวัดในสถานการณ์ต่างๆ ได้อย่างเหมาะสม (ค 2.1 น 3/4)
5. ใช้ความรู้เกี่ยวกับพื้นที่ พื้นที่ผิว และปริมาตรในการแก้ปัญหาในสถานการณ์ต่างๆ (ค 2.2 น 3/1)
6. อธิบายลักษณะและสมบัติของปริซึม พิริมิติ ทรงกระบอก กรวย และทรงกลม (ค 3.1 น 3/1)
7. ใช้สมบัติของรูปสามเหลี่ยมคล้ายในการให้เหตุผลและการแก้ปัญหา (ค 3.2 น 3/1)
8. ใช้ความรู้เกี่ยวกับสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวในการแก้ปัญหา พร้อมทั้ง ตระหนักรถึงความสมเหตุสมผลของคำตอบ (ค 4.2 น 3/1)
9. เขียนกราฟแสดงความเกี่ยวข้องระหว่างปริมาณสองชุดที่มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (ค 4.2 น 3/2)
10. เขียนกราฟของสมการเชิงเส้นสองตัวแปร (ค 4.2 น 3/3)

11. อ่านและแปลความหมาย กราฟของระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร และกราฟอันๆ(ค 4.2 ม 3/4)
  12. แก้ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร และนำไปใช้แก้ปัญหา พร้อมทั้งระบุนักดึงความสมเหตุสมผลของคำตอบ (ค 4.2 ม 3/5)
  13. กำหนดประเด็น และเขียนข้อคำถามเกี่ยวกับปัญหาหรือสถานการณ์ต่างๆรวมทั้งกำหนดวิธีการศึกษาและการเก็บข้อมูลที่เหมาะสม (ค 5.1 ม 3/1)
  14. หากำเนิดเลขคณิต มัธยฐานและฐานนิยมของข้อมูลที่ไม่ได้แจกแจงความถี่ และเลือกใช้ได้อย่างเหมาะสม (ค 5.1 ม 3/2)
  15. นำเสนอข้อมูลในรูปแบบที่เหมาะสม (ค 5.1 ม 3/3)
  16. อ่าน แปลความหมายและวิเคราะห์ข้อมูลที่ได้จากการนำเสนอ (ค 5.1 ม 3/4)
  17. หากวนน่าจะเป็นของเหตุการณ์จากการทดลองสุ่ม ที่ผลแต่ละตัวมีโอกาสเกิดขึ้นเท่าๆกัน และใช้ความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล (ค 5.2 ม 3/1)
  18. ใช้ความรู้เกี่ยวกับสถิติและความน่าจะเป็นประกอบการตัดสินใจในสถานการณ์ต่างๆ (ค 5.2 ม 3/2)
  19. อภิปรายถึงความคลาดเคลื่อนที่อาจเกิดขึ้น ได้จากการนำเสนอข้อมูล (ค 5.2 ม 3/3)
  20. ใช้วิธีการที่หลากหลายแก้ปัญหา (ค 6.1 ม 3/1)
  21. ใช้ความรู้ ทักษะและกระบวนการทางคณิตศาสตร์ และเทคโนโลยีในการแก้ปัญหาในสถานการณ์ต่างๆ ได้อย่างเหมาะสม (ค 6.1 ม 3/2)
  22. ให้เหตุผลประกอบการตัดสินใจและสรุปผลได้อย่างเหมาะสม (ค 6.1 ม 3/3)
  23. ใช้ภาษาและสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ในการสื่อสาร การสื่อความหมายและการนำเสนอ ได้อย่างถูกต้อง และชัดเจน (ค 6.1 ม 3/4)
  24. เชื่อมโยงความรู้ต่างๆในคณิตศาสตร์ และนำความรู้ หลักการ กระบวนการทางคณิตศาสตร์ไปเชื่อมโยงกับศาสตร์อื่นๆ (ค 6.1 ม 3/5)
  25. มีความคิดริเริ่มสร้างสรรค์ (ค 6.1 ม 3/6)
- สรุปการขัดการเรียนรู้กับสาระคณิตศาสตร์ได้กล่าวถึง ความสำคัญของคณิตศาสตร์ เป็นเครื่องมือในการศึกษาวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี ตลอดจนศาสตร์อื่นๆ ช่วยพัฒนาคุณภาพชีวิตให้ดีขึ้นและอยู่ร่วมกับผู้อื่น ได้อย่างมีความสุข คุณภาพผู้เรียนเมื่อจบชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

สาระมาตรฐานการเรียนรู้ ทั้งหมด 6 สาระ 18 มาตรฐานและตัวชี้วัดการเรียนรู้ สำหรับ  
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 จำนวน 25 ตัวชี้วัด

### แบบฝึกหักษะ

แบบฝึกหักษะ แบบฝึกหัด แบบเสริมทักษะฯลฯ เหล่านี้ ส่วนเป็นชื่อที่ใช้เรียกแบบฝึก  
หักษ์และมีผู้ให้ความหมายคำว่าแบบฝึกหักษะ ไว้ดังนี้

#### ความหมายของแบบฝึกหักษะ

ได้มีผู้ให้ความหมายและความสำคัญของแบบฝึกเสริมทักษะไว้ดังนี้

สุนันทา สุนทรประเสริฐ (2544 : 2) ให้ความหมายว่า สื่อการเรียนการสอนหนึ่งที่ใช้  
แบบฝึกหักษะให้กับผู้เรียนหลังจากเรียนจนเมื่อหายใจหายไปช่วงที่ฝึกฝนให้เกิดความรู้ความเข้าใจรวมทั้ง  
เกิดความชำนาญ

พรพรรณ อัตตวัฒนานุกูล (2547 : 18) ให้ความหมายว่า สิ่งที่ผู้สอนมอบให้นักเรียน  
กระทำเพื่อฝึกฝนเนื้อหาต่างๆเพื่อให้เกิดความชำนาญและสามารถนำไปแก้ปัญหาได้

วิมลรัตน์ สุนทรironn (2548 : 130 – 131) ให้ความหมายว่า สื่อการเรียนการสอน  
ประเภทหนึ่งที่เป็นส่วนเพิ่มเติมหรือเสริมสำหรับให้นักเรียนฝึกปฏิบัติเพื่อให้เกิดความรู้ความเข้าใจ  
และทักษะเพิ่มขึ้น

สรุป ความหมายของแบบฝึกหักษะ ก็คือ สื่อการเรียนการสอนที่สร้างขึ้นสำหรับให้  
นักเรียนได้ฝึกปฏิบัติค่วยคนเอง เพื่อทบทวนเนื้อหาที่เรียนมาแล้ว ให้เกิดความเข้าใจและเกิด  
ความชำนาญในเนื้อหาที่เรียนขึ้นเช่น

#### ความสำคัญของแบบฝึกหักษะ

ในการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนที่เหมาะสมและเร้าความสนใจผู้เรียน ครุต้องสร้าง  
แบบฝึกหักษะเพื่อช่วยให้ผู้เรียนเกิดความรู้ความเข้าใจ ทักษะกระบวนการ ทำให้บรรลุวัตถุประสงค์  
ดังนั้นแบบฝึกหักษะจึงมีความสำคัญ ดังที่นักการศึกษาหลายท่านได้กล่าวไว้วัดังนี้

ชาญชัย อาริยสมานาร (2540 : 98) ให้ความสำคัญของแบบฝึกหักษะเป็นส่วนหนึ่งของ  
บทเรียนที่จะทำให้นักเรียนสำเร็จผล ในอดีตแบบฝึกถูกมองว่าเป็นการบ้าน ปัจจุบันเป็นงานที่ทำใน  
ชั้นเรียนหรือที่บ้าน เป็นบทเรียนที่ต้องฝึกเรียนรู้ เป็นโครงการที่ต้องทำให้เสร็จ เป็นคำถ้าที่ต้อง  
ตอบหรือทบทวนการเรียนที่ผ่านมา

อัมพร มัคคโนง (2546 : 84) ให้ความสำคัญของแบบฝึกหักษะว่า เป็นเอกสารที่นุ่งให้  
ผู้เรียนได้ฝึกหักษะ เป็นการฝึกนำความรู้หรือโนมติ (Concept) ที่มีไว้ใช้ให้เกิดทักษะและเสริม

ประสบการณ์ ซึ่งแบบฝึกทักษะควรมีโจทย์ที่หลากหลาย เพื่อให้ผู้เรียนได้ฝึกในสิ่งที่แตกต่าง ออกไป

วินลรัตน์ สุนทร ใจจน (2551 : 111) อธิบายความสำคัญของแบบฝึกทักษะว่าเป็นการสอนที่สนุกอีกเวชหนึ่ง คือ การให้นักเรียนได้ทำแบบฝึกมากๆ สิ่งที่จะช่วยให้นักเรียนมีพัฒนาการทางการเรียนรู้ ในเนื้อหาวิชาได้ดีขึ้น คือแบบฝึกเพาะนักเรียนมีโอกาสนำความรู้ที่เรียนมาแล้วมาฝึกให้เกิดความเข้าใจกว้างขวางยิ่งขึ้น

สรุป ความสำคัญของแบบฝึกทักษะ เป็นส่วนหนึ่งของบทเรียนที่ช่วยให้ผู้เรียนเกิดทักษะ และเสริมประสบการณ์เพื่อพัฒนาการทางการเรียนรู้ในเนื้อหาวิชาให้ดีขึ้น

#### **รูปแบบของการสร้างแบบฝึกทักษะ**

ในการสร้างแบบฝึกทักษะ ผู้จัดได้ศึกษารูปแบบจาก คำสอน ล้านในเมือง และคณะ. (น.ป.ป. : 2-4) กล่าวถึงรูปแบบของการสร้างแบบฝึกทักษะว่า การสร้างแบบฝึกทักษะรูปแบบเป็นสิ่งสำคัญในการที่จะชูใจให้ผู้เรียนได้ทดลองปฏิบัติ แบบฝึกทักษะ จึงควรมีรูปแบบที่หลากหลาย มิใช่แบบเดียวจะทำให้เกิดความจำเจ น่าเบื่อหน่าย ไม่ท้าทายให้อากรรู้อยากรองซึ่งจะเรียงลำดับ จากง่ายไปยาก ดังนี้

- 1.แบบถูกติด เป็นแบบฝึกทักษะที่เป็นประโยชน์ออกเล่าให้ผู้เรียนอ่านแล้วใส่เครื่องหมายถูกหรือผิดตามคุณภาพนิじของผู้เรียน
- 2.แบบจับคู่ เป็นแบบฝึกทักษะที่ประกอบด้วยคำตามหรือดัวปัญหา ซึ่งเป็นดัวอินไว้ในสคอมก์ขวามีอับคู่กับคำตามให้สอดคล้องกัน โดยใช้หมายเลขหรือรหัสคำตอบไปวางไว้ที่หน้าข้อคำตามหรือจะใช้การ โยงเส้นก็ได้
- 3.แบบเติมคำหรือเติมข้อความ เป็นแบบฝึกทักษะที่มีข้อความไว้ให้แต่จะเว้นช่องว่างไว้ให้ผู้เรียนเติมคำหรือข้อความที่ขาดหายไป ซึ่งคำหรือข้อความที่นำมาเติมอาจให้เติมอย่างอิสระ หรือกำหนดดัวเลือกให้เติมก็ได้
- 4.แบบหลายดัวเลือก เป็นแบบฝึกทักษะเชิงทดสอบ โดยจะมี 2 ส่วน คือ ส่วนที่ 1 เป็นคำตาม ซึ่งจะต้องเป็นประโยชน์คำตามที่สมบูรณ์ ชัดเจน ไม่คลุมเครือ ส่วนที่ 2 เป็นดัวเลือกคือ ค่าตอบซึ่งอาจมี 3-5 ดัวเลือก ก็ได้ ดัวเลือกทั้งหมดจะมีดัวเลือกที่ถูกต้องที่สุดเพียงดัวเลือกเดียวเท่านั้น ที่เหลือเป็นดัวลวง
- 5.แบบอัดนัย คือ ความเรียงเป็นแบบฝึกที่ดัวคำตาม ผู้เรียนต้องเขียนบรรยายตอนอย่างเสรีตามความสามารถโดยไม่จำกัดคำตอบแต่จำกัดในเรื่องเวลา อาจใช้ในรูปของคำตามทั่วไป หรือเป็นคำสั่งให้เขียนเรื่องราวต่างๆได้

สุนันทา สุนทรประเสริฐ (2544 : 12-14) กล่าวถึงรูปแบบของการสร้างแบบฝึกทักษะว่า การสร้างแบบเป็นสิ่งที่สำคัญในการที่จะชูให้ผู้เรียนได้ทดลองปฏิบัติ และการมีรูปแบบที่หลากหลาย รูปแบบของแบบฝึกทักษะที่นิยมเป็นหลักในญี่ปุ่นเรียงลำดับจากง่ายไปยาก ดังนี้

1. แบบถูกติด เป็นแบบฝึกทักษะที่เป็นประโยชน์ออกเด่าให้ผู้เรียนอ่านแล้วใส่เครื่องหมายถูกหรือผิดตามคุณพินของผู้เรียน
2. แบบจับคู่ เป็นแบบฝึกทักษะที่ประกอบด้วยคำาถามหรือตัวปัญหา ซึ่งเป็นตัวอินไว้ในส่วนก์ซ้ายมือ โดยมีที่ว่างไว้หน้าข้อเพื่อให้ผู้เรียนเลือกหาคำตอบที่กำหนดไว้ในส่วนก์ขวา มีนาจับคู่กับคำาถามที่สอดคล้องกัน โดยใช้หมายเลขหรือรหัสคำตอบไปวางไว้ที่หน้าข้อคำาถามหรือจะใช้การโขงเส้นก์ได้
3. แบบเติมคำหรือเติมข้อความ เป็นแบบฝึกทักษะที่มีข้อความไว้ให้แต่จะเว้นช่องว่างไว้ให้ผู้เรียนเติมคำหรือข้อความที่ขาดหายไป ซึ่งคำหรือข้อความที่นำมาเติมอาจให้เติมอย่างอิสระหรือกำหนดตัวเลือกให้เติมก็ได้
4. แบบหลายตัวเลือก เป็นแบบฝึกทักษะเชิงทดสอบ โดยจะมี 2 ส่วน กือ ส่วนที่ 1 เป็นคำาถาม ซึ่งจะต้องเป็นประโยชน์คำาถามที่สมบูรณ์ ข้อเจนไม่คุณเครื่อง ส่วนที่ 2 เป็นตัวเลือก กือ คำตอบซึ่งอาจมี 3-5 ตัวเลือก ก็ได้ ตัวเลือกทั้งหมดจะมีตัวเลือกที่ถูกต้องที่สุดเพียงตัวเดียวเท่านั้นที่เหลือเป็นตัวลวง
5. แบบอัดแน่น กือ ความเรียงเป็นแบบฝึกที่ด้วยคำาถาม ผู้เรียนต้องเขียนบรรยายตอบอย่างเสรีตามความสามารถ โดยไม่จำกัดคำตอบแต่จำกัดในเรื่องเวลา อาจใช้ในรูปของคำาถามทั่วไปหรือเป็นคำาสั้นให้เขียนเรื่องราวต่างก็ได้

สรุป รูปแบบการสร้างแบบฝึกทักษะ ให้มีความหลากหลาย เช่น แบบถูกติด แบบจับคู่ แบบเติมคำ แบบหลายตัวเลือก แบบอัดแน่น

#### ส่วนประกอบของแบบฝึกทักษะ

การสร้างแบบฝึกทักษะมีองค์ประกอบหลายประการ มีนักการศึกษาหลายท่านให้ข้อเสนอแนะ เกี่ยวกับองค์ประกอบของแบบฝึกทักษะไว้ ดังนี้

daviddymacjones (2546 : 130) กล่าวว่า แบบฝึกทักษะควรมีองค์ประกอบดังนี้

1. คำชี้แจงการใช้คู่มือ
2. สาระที่เรียน ปัญหาหรือคำาถาม แบบฝึกหัดและกิจกรรมที่ต้องการให้ผู้เรียนคิดและทำ
3. ที่ว่างสำหรับให้ผู้เรียนเขียนคำาถาม
4. เฉลยคำาตอบหรือแนวทางในการตอบ
5. คำแนะนำและแหล่งข้อมูลที่ผู้เรียนสามารถไปศึกษาค้นคว้าเพิ่มเติม

คำaran สือมในเมือง และคณะ (ม.ป.ป. : 35) กล่าวว่า แบบฝึกทักษะการน้องค์ประกอบดังนี้

1. คุณมีการใช้แบบฝึกทักษะ เป็นเอกสารสำคัญในการใช้แบบฝึกว่าใช้เพื่ออะไรและนี่จะใช้อย่างไร เช่น ใช้เป็นแบบฝึกท้ายบท ใช้เป็นการบ้านหรือใช้สอนซ้อมเสริมควรประกอบไปด้วย

1.1 ส่วนประกอบของแบบฝึกทักษะ ระบุในแบบฝึกทักษะทั้งหมดกี่ชุด อะไรบ้าง และมีส่วนประกอบอื่นๆ หรือไม่

1.2 สิ่งที่ครูหรือนักเรียนต้องเตรียม (ถ้ามี) จะเป็นการบอกให้นักเรียนและครูเตรียมตัวให้พร้อมล่วงหน้าก่อนเรียน

1.3 จุดประสงค์ในการใช้แบบฝึกทักษะ

1.4 ขั้นตอนในการใช้บอกเป็นข้อๆ ตามลำดับการใช้อ้างอิงในรูปแผนการสอน จะชัดเจนยิ่งขึ้น

1.5 เฉลยแบบฝึกทักษะในแต่ละชุด

2. แบบฝึกทักษะ เป็นสื่อที่สร้างขึ้นเพื่อให้ผู้เรียนฝึกทักษะ เพื่อให้เกิดการเรียนรู้ที่ดาวรุน มีส่วนประกอบ ดังนี้

2.1 ชื่อชุดฝึกในแต่ละชุดอย่าง

2.2 จุดประสงค์

2.3 คำสั่ง

2.4 ตัวอย่าง

2.5 ชุดฝึก

2.6 ภาพประกอบ

2.7 ข้อทดสอบก่อนเรียนและหลังเรียน

2.8 แบบประเมินบันทึกผลการใช้

สรุป ส่วนประกอบของแบบฝึกทักษะประกอบด้วย คำชี้แจง แบบฝึกทักษะ เฉลย/อธิบาย เพิ่มเติม จึงแต่ละส่วนประกอบจะมีส่วนที่แยกย่อออกไปอีก

**ขั้นตอนในการสร้างแบบฝึกทักษะ**

สำนักงานคณะกรรมการการประถมศึกษาแห่งชาติ (2545 : 145-146) กล่าวถึงขั้นตอน การสร้างแบบฝึกทักษะ ดังนี้

1. ศึกษาปัญหาและความต้องการ โดยศึกษาจากการผ่านจุดประสงค์การเรียนรู้และ ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน หากเป็นไปได้ควรศึกษาความต้องเนื่องของปัญหาในทุกระดับชั้น

2. วิเคราะห์เนื้อหาหรือทักษะที่เป็นปัญหาออกเป็นเนื้อหาหรือทักษะย่อยๆ เพื่อสร้างเป็นแบบฝึกทักษะ

3. พิจารณาตัวถุประสงค์ รูปแบบและขั้นตอนการใช้แบบฝึก เช่น จะนำแบบฝึกทักษะไปใช้อย่างไรในแต่ละชุดจะประกอบด้วยอะไรบ้าง

4. สร้างแบบทดสอบ ซึ่งมีแบบทดสอบเชิงสำรวจ แบบทดสอบเพื่อวินิจฉัยความบกพร่อง แบบทดสอบความก้าวหน้าเฉพาะเรื่องเฉพาะตอน แบบทดสอบที่สร้างขึ้นต้องสอดคล้องกับเนื้อหา หรือทักษะที่วิเคราะห์ไว้ในข้อ 2

5. สร้างแบบฝึกหัด เพื่อใช้พัฒนาทักษะย่อยแต่ละทักษะในแต่ละบัตร มีคำถานให้นักเรียนตอบ การกำหนดครุปแบบขนาดของบัตรพิจารณาตามความเหมาะสม

6. สร้างบัตรอ้างอิง เพื่อใช้อธิบายคำตอบหรือแนวทางการตอบแต่ละเรื่อง การสร้างบัตรอ้างอิงนี้อาจทำเพิ่มเติมเมื่อได้นำบัตรฝึกหัดไปทดลองใช้แล้ว

7. สร้างแบบบันทึกความก้าวหน้า เพื่อบันทึกผลการทดสอบหรือผลการเรียน โดยจัดทำเป็นตอนเป็นเรื่อง เพื่อให้เห็นความก้าวหน้าเป็นระยะๆ สอดคล้องกับแบบทดสอบความก้าวหน้า

8. นำแบบฝึกทักษะไปทดลองใช้เพื่อหาข้อบกพร่องของแบบฝึกและคุณภาพของแบบทดสอบ

9. ปรับปรุงข้อบกพร่องเกี่ยวกับขนาดของตัวหนังสือ ข้อคำถานบางข้อที่ซับไม่ชัดเจน

10. รวมรวมเป็นชุดจัดทำคำชี้แจง คู่มือการใช้

วินิจฉัย ศุนทริโจน์ (2551 : 112) ก่อร่างถึงขั้นตอนการสร้างแบบฝึกทักษะ ดังนี้

1. ศึกษาปัญหาและความต้องการ โดยศึกษาจากการผ่านจุดประสงค์การเรียนรู้และผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

2. วิเคราะห์เนื้อหาหรือทักษะที่เป็นปัญหาออกเป็นเนื้อหาหรือทักษะย่อยๆ เพื่อใช้ในการสร้างแบบทดสอบและแบบฝึกทักษะ

3. พิจารณาตัวถุประสงค์ รูปแบบและขั้นตอนในการใช้แบบฝึก เช่น จะนำแบบฝึกทักษะไปใช้อย่างไร ในแต่ละชุดประกอบด้วยอะไรบ้าง

4. สร้างแบบทดสอบ ซึ่งอาจเป็นแบบทดสอบเชิงสำรวจ แบบทดสอบเพื่อวินิจฉัย ข้อบกพร่อง แบบทดสอบความก้าวหน้าเฉพาะตอน โดยแบบทดสอบที่สร้างจะต้องสอดคล้องกับเนื้อหา

5. สร้างแบบฝึกหัด เพื่อใช้พัฒนาทักษะย่อยแต่ละทักษะในแต่ละบัตร มีคำถานให้นักเรียนตอบ

6. สร้างบัตรอ้างอิง เพื่อใช้อธิบายคำตอนหรือแนวทางการตอบแต่ละเรื่อง การสร้างบัตรอ้างอิงนี้อาจทำเพิ่มเติมเมื่อได้นำบัตรฝึกหัดไปทดลองใช้แล้ว

7. สร้างแบบบันทึกความก้าวหน้า เพื่อบันทึกผลการทดสอบหรือผลการเรียน ในแต่ละเรื่องแต่ละตอนสอดคล้องกับแบบทดสอบความก้าวหน้า

8. นำแบบฝึกหักษะไปทดลองใช้เพื่อหาข้อบกพร่องของแบบฝึกและคุณภาพของแบบทดสอบ

9. ปรับปรุงแก้ไข

10. รวมรวมเป็นชุดจัดทำคำชี้แจง คู่มือการใช้

สรุป ขั้นตอนในการสร้างแบบฝึกหักษะ ควรมีขั้นตอน ดังนี้ ศึกษาและวิเคราะห์ปัญหา เนื้อหา กำหนดครูปแบบ สร้างแบบฝึกหักษะ นำไปทดลองใช้ ปรับปรุงแก้ไข แทรกการอ้างอิงเพื่อ อธิบายคำตอนหรือแนวทางการตอบ แล้วจัดทำเป็นแบบฝึกหักษะที่สมบูรณ์

ลักษณะของแบบฝึกหักษะที่ดี

ในการสร้างแบบฝึกหักษะควรมีค่าสตอร์ให้มีประสิทธิภาพ จำเป็นต้องศึกษาองค์ประกอบ และลักษณะของแบบฝึกหักษะ เพื่อเลือกใช้ให้เหมาะสมกับผู้เรียน

สุนันทา สุนทรประเสริฐ (2544 : 10-11) ได้กล่าวถึงลักษณะของแบบฝึกหักษะที่ดีดังนี้

1. มีความชัดเจนทั้งคำถี่และวิธีทำ คำสั่งหรือตัวอย่างที่แสดงวิธีทำ ไม่ควรหากกินไป เพราะจะทำให้ไม่เข้าใจ การปรับให้ง่ายและเหมาะสม ทั้งนี้เพื่อให้นักเรียนสามารถศึกษาด้วยตนเองได้

2. มีความหมายต่อผู้เรียนและตรงตามจุดประสงค์ของการฝึก ลงทุนน้อยใช้ได้นานๆ และ กันสนัยอยู่เสมอ

3. ภาษาและภาพที่ใช้ควรเหมาะสมกับวัย และพื้นฐานความรู้ของผู้เรียน

4. แยกฝึกเป็นเรื่องๆ แต่ละเรื่องไม่ควรหากกินไปแต่ควรมีกิจกรรมหลากหลายรูปแบบ เพื่อเร้าความสนใจของนักเรียน และทำให้ไม่น่าเบื่อหน่ายในการทำ และเพื่อฝึกหักษะให้หักษะหนึ่ง จนเกิดความชำนาญ

5. มีทั้งแบบกำหนดคำตอน แบบตอบโดยเสรี การเลือกใช้คำ ข้อความหรือรูปภาพใน แบบฝึกหักษะเป็นที่นักเรียนคุ้นเคย เพื่อก่อให้เกิดความเพลิดเพลินและพอใจแก่ผู้ใช้ ซึ่งตรงกับ หลักการเรียนรู้ได้เร็ว ในกระบวนการที่ก่อให้เกิดความพึงพอใจ

6. เปิดโอกาสให้ผู้เรียนได้ศึกษาด้วยตนเอง ให้รู้จักกับค่าวาระรวมสิ่งที่พับเห็นบ่อยๆ หรือที่ตัวเองควรใช้ จะทำให้นักเรียนเข้าใจเรื่องนั้นมากขึ้น และจะได้นำความรู้ไปใช้ใน

ชีวิตประจำวัน ได้อ่านจากต้อง มีหลักเกณฑ์และมองเห็นว่าสิ่งที่เข้าได้ฝึกฝนนั้นมีความหมายต่อเขา ตลอดไป

7. ตอบสนองความแตกต่างระหว่างบุคคล เช่น ความต้องการ ความสนใจ ความพร้อม ระดับศติปัญญา และประสบการณ์ ฯลฯ จะนั่นการทำแบบฝึกหักษะแต่ละเรื่อง ควรจัดทำให้มากพอและมีระดับตั้งแต่จั้ง ปานกลางและยาก จะได้เลือกทำได้ตามความสามารถ ทั้งนี้ เพื่อให้นักเรียนทุกคนประสบความสำเร็จในการทำแบบฝึกหักษะ
8. เร้าความสนใจของนักเรียน ได้ตั้งแต่หน้าปกไปจนถึงหน้าสุดท้าย
9. ได้รับการปรับปรุงความคุ้นเคยกับหนังสือแบบเรียนยุ่งเสียและการใช้ได้ทั้งในและ นอกห้องเรียน
10. สามารถประเมินจำแนกความเจริญของงานของเด็กได้ วินลรัตน์ สุนทร โภจน์ (2551 : 112) ได้กล่าวถึงลักษณะของแบบฝึกหักษะที่ดี ดังนี้
  1. เป็นสิ่งที่ผู้เรียนเรียนมาแล้ว
  2. เหมาะสมกับระดับวัยหรือความสามารถของผู้เรียน
  3. มีคำชี้แจงสั้นๆ ที่ช่วยให้ผู้เรียนเข้าใจ
  4. เวลาที่ใช้เหมาะสม คือไม่นานเกินไป
  5. เป็นสิ่งที่น่าสนใจและท้าทายให้ผู้เรียนแสดงความสามารถ
  6. เปิดโอกาสให้ผู้เรียนเลือกทั้งแบบตอบอย่างจำกัดและตอบอย่างเสรี
  7. มีคำสั่งหรือตัวอย่างแบบฝึกที่ไม่ยาวเกินไปและไม่ยากเกินไป
  8. ควรมีหลากรูปแบบ และมีความหมายแก่ผู้เรียน
  9. ใช้หลักจิตวิทยา
  10. ใช้จำนวนภาษาที่เข้าใจง่าย
  11. ฝึกให้คิดได้เร็วและสนุกสนาน
  12. ปลูกความสนใจหรือเร้าใจ
  13. สามารถศึกษาด้วยตนเองได้

สรุป ลักษณะของแบบฝึกหักษะที่ดี ต้องมีความหมายต่อผู้เรียนสอดคล้องกับจุดมุ่งหมาย ของการฝึก เหมาะสมกับวัยและความสามารถ มีหลากรูปแบบ ศึกษาด้วยตนเองได้

### ประโยชน์ของแบบฝึกทักษะ

แบบฝึกทักษะเป็นสื่อที่ครูใช้ฝึกนักเรียน เพื่อพัฒนาความสามารถด้านการเรียนรู้ มีนักการศึกษา ได้กล่าวถึงประโยชน์ของแบบฝึกทักษะ ดังนี้

วิໄລ พิพัฒน์มงคลพร (2544 : 42) ได้กล่าวถึงประโยชน์ของแบบฝึกทักษะ ดังนี้

1. เป็นเครื่องมืออวัดความก้าวหน้าและประเมินตนเองของนักเรียนได้ หลังจากที่เรียนบทเรียนจบในแต่ละครั้ง ครูสามารถมองเห็นจุดเด่น จุดบกพร่องของนักเรียน ได้อย่างชัดเจน

2. ประโยชน์นี้ในแง่ความแตกต่างระหว่างบุคคล การให้แบบฝึกทักษะที่เหมาะสมกับ ความสามารถ จะทำให้นักเรียนประสบความสำเร็จมากขึ้น

3. ทำให้เกิดความเข้าใจในบทเรียนได้ดียิ่งขึ้น

4. แบบฝึกทักษะมีคำอธิบายแพลทฟอร์มอย่างชัดเจน ช่วยผู้สอนให้ทราบถึงจุดเด่น จุดบกพร่อง จุดที่ต้องปรับปรุง ในการสอน หากนักเรียนได้ทำแบบฝึกทักษะบ่อยๆ จะช่วยให้ผู้สอนสามารถประเมินความสามารถของนักเรียนได้แม่นยำ

5. ช่วยให้นักเรียนเกิดการตอบรับ รู้จักเหตุผล รู้จักแก้ปัญหาเฉพาะหน้า ซึ่งจะช่วยให้ นักเรียนมีทักษะและประสบการณ์เพียงพอ

6. ฝึกให้นักเรียนรู้จักการทำงานตามลำพัง รับผิดชอบงานที่ได้รับมอบหมาย

วิมลรัตน์ สุนทรโภจน์ (2548 : 130 - 131) ได้กล่าวถึงประโยชน์ของแบบฝึกทักษะที่มี ต่อการจัดการเรียนรู้ ดังนี้

1. ทำให้นักเรียนเข้าใจบทเรียนได้ดียิ่งขึ้น

2. ทำให้ครูได้ทราบความเข้าใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียน

3. ครูได้แนวทางในการพัฒนาการเรียนการสอน เพื่อช่วยให้นักเรียน เรียนได้ดีที่สุด ตามความสามารถของตนเอง

4. ฝึกให้นักเรียนเป็นคนที่มีความเชื่อมั่นในตนเอง ประเมินความสามารถของตนเองได้

5. ฝึกให้นักเรียนได้ทำงานด้วยตนเอง

6. ฝึกให้นักเรียนมีความรับผิดชอบต่องานที่ได้รับมอบหมาย

7. คำนึงถึงความแตกต่างระหว่างบุคคล เปิดโอกาสให้นักเรียนได้ฝึกทักษะของตนเอง โดยไม่คำนึงถึงเวลาหรือความกดดันอื่นๆ

8. แบบฝึกช่วยเสริมทักษะทางภาษาให้คงทน ถ้าหากการฝึกที่จะทำให้เกิดผลลัพธ์ดังกล่าว ได้แก่ ฝึกทันทีหลังเรียนเนื้อหาจบแล้ว และฝึกซ้ำๆ ในเรื่องเดิม

สรุป ประโยชน์ของแบบฝึกทักษะ เป็นเครื่องมือประเมินตนเองของนักเรียน แบบฝึกทักษะทำให้นักเรียนเข้าใจบทเรียนได้ดียิ่งขึ้น รู้จักทำงานตามลำพังด้วยตนเอง

มีความเชื่อมั่นในตนเอง มีความรับผิดชอบ ถ้าหากเรียนได้ทำแบบฝึกหัดจะป้องกันจะช่วยให้นักเรียน มีไหวพริบ ตัดสินใจ ช่วยเสริมทักษะทางภาษาให้คงทน

## **จิตวิทยาและทฤษฎีการเรียนรู้คณิตศาสตร์โดยใช้ทฤษฎีคณศาสตร์คิวิสต์ ความเชื่อตามแนวคิดทฤษฎีคณศาสตร์คิวิสต์**

ไฟจิตร สะគកการ (2539 : 77) ได้วิจัยพบว่า การสอนให้แบบเผชิญความขัดแย้ง (Conflict Teaching) ส่งผลต่อความคงทนและการถ่ายทอดความรู้แก่เด็ก 8 ชั้น ในเบลซึ่งพบว่า การสอนกระบวนการที่ถูกต้องทันที โดยพยายามหลีกเลี่ยงการให้นักเรียนได้เผชิญความผิดพลาดก่อนนั้น ผลที่เกิดขึ้นจะไม่ส่งໃใจนักเรียนเท่ากับการสอนแบบให้นักเรียนเผชิญกับความขัดแย้ง นอกจากนี้ เบลซึ่งพบว่า ปริมาณของความขัดแย้งทางปัญญาที่เกิดขึ้นจากการอภิปรายมีความสัมพันธ์กับ คะแนน ที่นักเรียนได้จากการทดสอบอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ และเบล พบร่วมกับวิธีสองวิธีที่ให้ ผลการกระตุ้นความขัดแย้งทางปัญญาได้ดีเป็นพิเศษ ได้แก่ (1) การให้นักเรียนตั้งปัญหา (2) การให้นักเรียนทำการบ้านที่เป็นเรื่องจริงหรือเรื่องที่แต่งขึ้น

สรุปได้ว่า ทฤษฎีคณศาสตร์คิวิสต์ เป็นการเรียนรู้จากการกระทำของคนเอง ซึ่งมี หลัก ที่คิดว่าบุคคลเรียนรู้ โดยมีปฏิสัมพันธ์กับสิ่งแวดล้อมด้วยวิธีการต่างๆ กัน โดยอาศัย ประสบการณ์เดิม โครงสร้างทางปัญญาที่มีอยู่แล้วเรցูจูในภายในเป็นพื้นฐาน โดยอาศัยแต่เพียง การรับรู้ข้อมูลจากสิ่งแวดล้อมหรือการสอนจากภายนอกเท่านั้น

### **ความรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคณศาสตร์คิวิสต์ (Constructivist)**

ความรู้ (Knowledge) ตามแนวคิดของนักปรัชญาลุ่มคณศาสตร์คิวิสต์ เชื่อว่า เป็น คำอธิบายอย่างมีเหตุผล ซึ่งมุ่งยักคืนมาเพื่อทำความเข้าใจกับเหตุการณ์หรือปรากฏการณ์หนึ่งๆ ซึ่งนักการศึกษาพยายามนิทานความรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคณศาสตร์คิวิสต์ที่แตกต่างกันไป เช่น

ไฟจิตร สะគកการ (2539 : 35) กล่าวว่า ความรู้เป็นการสร้างโครงสร้างใหม่ทาง ปัญญาจากประสบการณ์และโครงสร้างที่มีอยู่เดิม โดยมีการตรวจสอบว่า สามารถนำไปใช้แก่ปัญหา หรืออธิบายสถานการณ์อื่น ๆ ที่อยู่ในโครงสร้างนั้นได้ และโครงสร้างทางปัญญาที่สร้างขึ้นใหม่นี้ จะเป็นเครื่องมือสำหรับการสร้างโครงสร้างทางปัญญาต่อไปได้ล่วงถึงความรู้ตามแนวคิดทฤษฎี คณศาสตร์คิวิสต์ดังต่อไปนี้

1. ความรู้ คือ โครงสร้างทางปัญญาที่บุคคลสร้างขึ้นเพื่อถือลีลาของสถานการณ์ปัญหา ที่เผชิญอยู่ โดยมีการตรวจสอบว่า สามารถนำไปใช้แก่ปัญหาหรืออธิบายสถานการณ์อื่น ๆ ที่อยู่ในกรอบโครงสร้างเดียวกันได้

2. นักเรียนเป็นผู้สร้างความรู้ด้วยวิธีการต่าง ๆ กัน โดยอาศัยประสบการณ์เดิม โครงสร้างทางปัญญาที่มีอยู่และแรงจูงใจภายในเป็นจุดเริ่มต้น

3. ครูมีหน้าที่จัดการให้นักเรียนได้ปรับขยายโครงสร้างทางปัญญาของนักเรียนภายใต้ข้อตกลงเบื้องต้นทางการเรียนรู้ต่อไปนี้ สถานการณ์ที่เป็นปัญหาและปฏิสัมพันธ์ทางสังคม ก่อให้เกิดความขัดแย้งทางปัญญา (Cognitive Conflict)

4. ความขัดแย้งทางปัญญาเป็นแรงจูงใจภายใน (Intrinsic Motivation) ให้เกิดกิจกรรม ไตรตรองเพื่อขัดความขัดแย้งนั้น

5. การไตรตรอง (Reflection) บนฐานแห่งประสบการณ์ และ โครงสร้างทางปัญญา ที่อยู่เดิม ภายใต้การมีปฏิสัมพันธ์ทางสังคมการกระตุ้นให้การสร้างโครงสร้างใหม่ทางปัญญาและ โครงสร้างใหม่นี้จะทำหน้าที่เป็นโครงสร้างทางปัญญาเดิมสำหรับการสร้างทางปัญญาใหม่ต่อไป สุนณา พรมบุญ และคณะ (2540 : 49) ได้กล่าวว่า การจัดการเรียนการสอน ตามแนวทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ (Constructivist) ดังนี้

1. ความรู้เป็นสิ่งที่มนุษย์สร้างขึ้นเอง และมีความเชื่อว่าความรู้มิได้หมายถึงหมู่ของ ข้อเท็จจริงความคิดความอภิญญาเกณฑ์ต่างๆ ที่รอดอยู่ให้เกิดการค้นพบ อิกมิทั้งใช่บางสิ่ง บางอย่างที่คงอยู่อย่างอิสระจากตัวผู้รู้ มนุษย์ต่างหากเป็นผู้สร้างความรู้ขึ้นโดยพยายามทำให้เกิดขึ้น อย่างมีความหมายตามประสบการณ์ที่พบรมา ทุกสิ่งทุกอย่างที่ควรรู้ตัวเราเองเป็นผู้ทำให้เกิดขึ้น

2. ความรู้เป็นสิ่งที่นิรหันและอาจพิศพาดได้ เมื่อจากความรู้เป็นสิ่งมนุษย์สร้างและ พวนพนประสบการณ์ใหม่มόยู่สมอ ความรู้จึงไม่สามารถเป็นอยู่ได้ขาดตัวหรือคงที่ มิเป็นขั้นเปล่ง ความเข้าใจของเราที่เกิดขึ้นเพียงข้อเสนอของความคิด หรือเป็นการถ่องถูกก่อนและ ขังขาด ความสมบูรณ์ครบถ้วน แต่ก็มิได้หมายความว่ามันมีความไม่สมบูรณ์ตามนั้น แต่ความรู้ังคง เป็น สิ่งที่กำลังนิรหันคิดกัน และมนุษย์รู้จักความคิดพาดของมัน

3. ความรู้เจริญงอกงามขึ้นด้วยการเปิดโอกาสให้ทำต่อไป ความเข้าใจจะลุ่มลึกและทวี ความแข็งแกร่งกว่าความรู้ที่เกิดขึ้นครั้งแรกแล้ว ด้วยคุณลักษณะที่ทำให้การทดสอบความเข้าใจเดินกัน ตั้งที่ ประสบใหม่ต่อไปเรื่อยๆ โดยอาศัยประสบการณ์ที่ปัจจุบันคุณลักษณะให้พาพนจากวัตถุและเหตุการณ์ และมีการจดบันทึกความเข้าใจเหล่านั้นลงด้วยภาษาหรือสัญญาลักษณ์ต่างๆ ไว้เป็นหลักฐาน และการแตกเปลี่ยนความรู้ของตนและนำข้อคิดเห็นจากผู้อื่นขอนกลับมาสู่ตน ด้วยการประเมิน ความเข้าใจที่คิดอย่างไร ตรวจสอบ และผ่านการวิพากษ์วิจารณ์และนำมาร่วมเป็นกลุ่มก่อน ทำให้ ความรู้เจริญงอกงามขึ้นเรื่อยๆ

สรุปได้ว่า ความรู้ คือ สิ่งที่ผู้เรียนรับรู้และเข้าใจ ซึ่งขึ้นอยู่กับวัตถุประสงค์และการแปล ความหมายของเข้า ครุ ไม่สามารถถ่ายทอดความรู้จากการสอนโดยตรง แต่ต้องอาศัยกันพนความรู้

ด้วยตนเอง ซึ่งหมายความว่าเด็กต้องสร้างความรู้ขึ้นด้วยตนเองการสร้างความรู้ต้องเรียนรู้จากบริบทและสิ่งแวดล้อมที่อยู่ ต้องเรียนรู้จากการกระทำจริง ปฏิบัติจริงจากสถานการณ์ที่เป็นจริง ครูมีบทบาทสำคัญในการอำนวยความสะดวกต่างๆ ให้นักเรียน

### การเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ (Constructivist)

ในทรอร์คนะของคอนสตรัคติวิสต์ ตัวบุคคลเป็นผู้สร้างความหมายทางคณิตศาสตร์ภายในกรอบแห่งประสบการณ์ของตนเอง การอธิบายและการคิดค้นของตัวบุคคลเป็นเรื่องของภูมิวิทยา (Epistemology) โดยตรง ความคิดทางคณิตศาสตร์ถูกสร้างขึ้นมา และมีการแลกเปลี่ยนกัน ภายใต้วัฒนธรรมของนักคณิตศาสตร์ วิศวกร นักสถิติศาสตร์ นักวิทยาศาสตร์ และกว้างออกไปในสังคม คอนสตรัคติวิสต์ไม่ปฏิเสธการเรียนรู้คณิตศาสตร์ จากการปฏิบัติหรือจากการสอน แต่ต้องการคำอธิบายเกี่ยวกับสิ่งที่นักเรียนคิดและความหมายที่นักเรียนสร้างขึ้น และคอนสตรัคติวิสต์จะไม่ปฏิเสธความคิดเห็นใด ๆ ของนักเรียนก่อนที่จะให้โอกาสแก่นักเรียนได้ตรวจสอบ และพนิชความคิดเห็นด้วยตัวของนักเรียนเอง คอนสตรัคติวิสต์ปฏิเสธความคิดเกี่ยวกับความจริงแบบเพลตโトイ (Platonist Truths) ซึ่งเป็นความจริงที่มีอยู่โดยอิสระจากมนุษยชาติ แต่เชื่อมั่นในการอธิบายซึ่งเป็นพื้นฐานของการแลกเปลี่ยนทางสังคมเกี่ยวกับความหมายการสร้างสรรค์และอัจฉริยะภาพของรายบุคคล ในทรอร์คนะของคอนสตรัคติวิสต์ ความคิดทางคณิตศาสตร์พัฒนาขึ้นมาจากการแลกเปลี่ยนทางวัฒนธรรมในประวัติศาสตร์อันยาวนานของมนุษยชาติ (George, 1991 : 220 - 232)

วรรณพิพารอคแรงค์ (2541: 7) ได้กล่าวถึงการเรียนรู้ตามแนวทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ไว้ดังนี้

1. ผลจากการเรียนรู้ไม่ได้ขึ้นอยู่กับสิ่งแวดล้อมทางการเรียนรู้เท่านั้นแต่ยังขึ้นอยู่กับความรู้เดิมของผู้เรียน
2. การเรียนรู้ คือ การสร้างความหมาย ความหมายที่สร้างขึ้น โดยผู้เรียนจากสิ่งที่ผู้เรียนเห็นหรือได้ยิน อาจจะเป็นหรือไม่เป็นไปตามความมุ่งหมายของผู้สอน ความหมายที่ผู้เรียนสร้างขึ้นได้รับผลกระทบอย่างมากจากความรู้เดิมที่ผู้เรียนมีอยู่
3. การสร้างความหมาย เป็นกระบวนการที่ต่อเนื่องและผู้เรียนเป็นผู้กระทำการกระบวนการนั้นเอง ในสถานการณ์เรียนรู้นักเรียนจะตั้งสมมุติฐาน ตรวจสอบ และอาจเปลี่ยนแปลงสมมุติฐานในขณะที่มีปฏิสัมพันธ์กับปรากฏการณ์และกับผู้อื่น ๆ
4. ความหมายที่ผู้เรียนสร้างขึ้นจะได้รับการตรวจสอบและอาจได้การยอมรับหรือปฏิเสธ ผู้เรียนเป็นผู้รับผิดชอบการเรียนของตนเอง ในการสร้างความตั้งใจในการทำงานการคิดความรู้ที่มีอยู่มาสร้างความหมายให้แก่ตนเองและการตรวจสอบความหมายที่สร้างขึ้นนั้น

5. มีแบบแผน (Patterns) ของความหมายที่ผู้เรียนสร้างขึ้นจากประสบการณ์ในเชิงภาษาภาพและภาษาธรรมชาติที่มีความหมายเดียวกันในเชิงนามธรรม

อันเดอร์ฮิลล์ (Underhill, 1991 : 230) ได้กล่าวถึงข้อตกลงเบื้องต้น (Assumptions) ของการเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคุณสมบัติวิสัยไว้ว่าดังนี้

1. ความขัดแย้งทางปัญญา (Cognitive Conflict) และความอยากรู้อยากเห็น (Curiosity) เป็นสองกลไกหลักที่ชูงใจให้ผู้เรียนอยากรู้

2. การมีปฏิสัมพันธ์กันเพื่อน เป็นองค์ประกอบหนึ่งในการสร้างความขัดแย้งทางปัญญา (Cognitive Conflict)

3. ความขัดแย้งทางปัญญา ทำให้เกิดกิจกรรมไตร่ตรอง (Reflective Activity)

4. การไตร่ตรอง เป็นองค์ประกอบหนึ่งที่จะกระตุ้นการสร้างโครงสร้างใหม่ทางปัญญา (Cognitive Conflict)

5. ข้อ 1, 2, 3 และ 4 มีลักษณะเป็นวงจร

6. วงจรนี้เกิดขึ้นเสมอในประสบการณ์ของผู้เรียน

7. วงจนี้ให้อำนาจแก่ผู้เรียน ในการควบคุมการเรียนรู้ของตนเอง

สรุปได้ว่า โครงสร้างทางปัญญา หมายถึง กระบวนการของความหมายหรือแบบแผนของ การดำเนินการที่บุคคลสร้างขึ้นจากความพยายามจัดการกับสิ่งแวดล้อมหรือขัดสถานการณ์ที่เป็นปัญหาแล้วใช้เป็นเครื่องมือในการตีความ การใช้เหตุผลหรือการแก้ปัญหาในสถานการณ์เฉพาะ ต่าง ๆ ที่อยู่ในกรอบโครงสร้างนั้น และใช้เป็นพื้นฐานสำหรับสร้างโครงสร้างใหม่อื่น ๆ ต่อไป

#### การเรียนการสอนคณิตศาสตร์ตามแนวคิดทฤษฎีคุณสมบัติวิสัย

ไฟจิตร ศดวกการ (2539 : 63) ได้กล่าวถึงทฤษฎีของทฤษฎีคุณสมบัติวิสัยว่า ตัวบุคคลเป็นผู้สร้างความหมายทางคณิตศาสตร์ภายในกรอบแห่งประสบการณ์ของตนเอง การอธิบายและการคิดค้นของตัวบุคคลเป็นเรื่องของษามวิทยาโดยตรง คุณสมบัติวิสัยไม่ปฏิเสธ การเรียนรู้คณิตศาสตร์จากการปฏิบัติหรือจากการประสบการณ์แต่ต้องการคำอธิบายเกี่ยวกับสิ่งที่ นักเรียนคิดและความหมายที่นักเรียนสร้างขึ้น และไม่ปฏิเสธความเห็นใจ ๆ ของนักเรียนก่อนที่จะ ให้โอกาสแก่นักเรียน ได้ตรวจสอบและพนักพาดเคลื่อนด้วยตัวของนักเรียนเอง ตามแนวคิดของ ทฤษฎีคุณสมบัติวิสัยได้ปฏิเสธความคิดเกี่ยวกับความจริงแบบเปล่าโถ (Platonist Truths) ซึ่งเป็น ความจริงที่มีอยู่โดยอิสระจากมนุษย์ แต่เข้มั่นในการอธิบายซึ่งเป็นพื้นฐานของการแลกเปลี่ยน ทางสังคมเกี่ยวกับความหมาย การสร้างสรรค์และอัจฉริภาพของรายบุคคล ความคิด ทางคณิตศาสตร์พัฒนาขึ้นมาจากการแลกเปลี่ยนทางวัฒนธรรมในประวัติศาสตร์อันยาวนาน ของมนุษยชาติ

คอนเฟรย์ (Confrey, 1991 : 111-138) ตั้งข้อสมมุติฐานเกี่ยวกับการพัฒนาการของความรู้ พัฒนาการของความคิดทางคณิตศาสตร์ในเด็กวัยรุ่น และผู้ใหญ่ ดังนี้

1. คณิตศาสตร์เป็นสิ่งสร้างสรรค์ของมนุษย์ ซึ่งวิถีนากการภายนอกในบริบทของวัฒนธรรม กันหากความหลากหลายของความหมายข้ามสาขาวิชา และตั้งสมมุติฐานว่ามนุษย์สร้างในทัศน์ทางคณิตศาสตร์จากกิจกรรมการ ไตร่ตรอง การสนทนาและแลกเปลี่ยนความหมายกัน เพื่อใช้ในการจัดระเบียบประสบการณ์และแก้ปัญหา
2. ในการตรวจสอบความเข้าใจในมโนทัศน์ใหม่ในทัศน์หนึ่งทางคณิตศาสตร์ ของนักเรียน จะสืบค้นว่านักเรียนเข้าถึงมัน โดยวิธีใด โดยคาดหวังในความหลากหลายและการให้เหตุผลที่แปลงต่างจากเดิม ความรู้ทางคณิตศาสตร์ที่สมบูรณ์ของผู้ตรวจสอบจะเป็นดั้วชั้นนำ การสืบค้นนี้ความมุ่งหวังคือการตรวจสอบการใช้จินตนาการ ภาษา คำจำกัดความ ตัวอย่าง หรือ การอุปมาอุปปามัยของนักเรียน เพื่อสร้างรูปแบบสำหรับอธิบายการกระทำและคำพูดของนักเรียน ซึ่งอาจเปลี่ยนความเข้าใจเกี่ยวกับเนื้อหาทางคณิตศาสตร์ของผู้ตรวจสอบเอง ได้อย่างดีในวิธีทางอุ่นๆ
3. ปัญหามีบทบาทสำคัญในการสร้างความรู้ ปัญหาอยู่ในใจของนักเรียนไม่ใช่อยู่ในหนังสือเรียนหรือในคณิตศาสตร์ ปัญหาคือความรู้ขั้นเบื้องต้น ความรู้สึกว่ามีอุปสรรคต่อการบรรลุจุดมุ่งหมาย ความรู้สึกเหล่านี้นำไปสู่การกระทำการรับมือกับปัญหานั้นบุคคลต้องมีความเชื่อว่าสามารถแก้ไขได้ และกระทำการประการหนึ่งว่าปัญหาและคำตอบมีอยู่ก่อน วงจรของการสังเกตและระบุความเป็นปัญหา การกระทำการและการคิดเกี่ยวกับปัญหาตามด้วยการ ไตร่ตรองเกี่ยวกับผลของ การกระทำการเหล่านั้นผูกพันกับอารมณ์ แรงจูงใจ และความต้องการของบุคคล กระบวนการของ การสร้างความรู้นี้เองที่เป็นแหล่งสำคัญสำหรับครูหรือนักวิจัยแนวคิดคณิตศาสตร์คิวิสต์
4. การแก้ปัญหาอย่างที่กระทำการวิจัยหรือการเรียนการสอนแบบคณิตศาสตร์คิวิสต์ เป็นกระบวนการเชิงปฏิสัมพันธ์ นักเรียนวิจัยหรือผู้สอนเลือกงานที่เกี่ยวข้องกับความคิดทางคณิตศาสตร์อย่างหนึ่งให้นักเรียนทำ งานนั้นเชิญชวนให้นักเรียนตีความและบรรลุคำตอบด้วยวิธีการอันหลากหลาย นักวิจัยหรือผู้สอนต้องศึกษาให้เข้าใจถึงปัญหาของนักเรียน ทางเลือกของ การกระทำการและวิธีการ ไตร่ตรองของนักเรียน โดยจัดสัมภาษณ์หรือการสอนให้เสริมการ ไตร่ตรอง ด้วยตนเองและส่งเสริมวิธีการในการสร้างความรู้ที่แข็งกว่า โดยคาดหวังว่า นิยามมโนทัศน์ที่เกี่ยวข้อง และสิ่งที่ก่อให้เกิดคำตอบที่เหมาะสมจะค่อยๆ เกิดขึ้นระหว่างการดำเนินการสัมภาษณ์ หรือในระหว่างการดำเนินกระบวนการเรียนการสอน

5. การตอบของนักเรียนซึ่งเป็นแบบจากความคาดหวังของนักวิจัยสอนหรือผู้สอน อาจเป็นสิ่งที่นักเรียนเห็นว่ามีเหตุผลและวิจารณญาณที่ดี มันอาจถูกต้องโดยตลอดในพื้นฐานที่เป็นทางเลือกอีกทางหนึ่ง หรืออาจนำไปใช้อบั้งได้ผลในขอบข่ายที่จำกัด นักวิจัยหรือผู้สอนต้องกระตุ้นให้นักเรียนอธิบายความเชื่อของเข้า และระลึกอยู่เสมอว่า ความเป็นแบบให้โอกาสที่มีค่าสำหรับนักวิจัยหรือผู้สอนในการได้เห็นผลกระทบของนักเรียน

สรุปได้ว่า ทฤษฎีสอนสตรัคติวิสต์ให้ความสำคัญกับประสบการณ์และกระบวนการของรายบุคคลในการได้มาซึ่งความรู้ทางคณิตศาสตร์ ส่งเสริมให้ผู้เรียนได้กระทำการรวมไปด้วยตนเองเพื่อตรวจสอบความเป็นไปได้ของทางเลือกที่แตกต่าง อันเป็นการเปิดโอกาสให้ผู้เรียนได้รู้คณิตศาสตร์ ในวิถีทางและในบริบทที่ผู้เรียนสามารถถ่ายโอนประสบการณ์ส่วนตัวทั้งที่เกี่ยวข้องหรือไม่ เกี่ยวข้องกับคณิตศาสตร์ โดยตรงมาทำให้เกิดความเข้าใจในเนื้อหาทางคณิตศาสตร์ได้อย่างลึกซึ้ง กระบวนการสร้างความรู้ทางคณิตศาสตร์ในลักษณะนี้จะสนองความต้องการระหว่างบุคคลและอาจส่งผลให้นักเรียนสามารถหาความรู้และถ่ายโอนความรู้ต่าง ๆ ได้อบั้งไม่จำกัดสาขาวิชา

#### **บทบาทของครูตามแนวคิดทฤษฎีสอนสตรัคติวิสต์**

การสอนตามแนวคิดทฤษฎีสอนสตรัคติวิสต์ ครูควรเปรียบเหมือนผู้อำนวยความสะดวกในการเรียนรู้และมองหาข้ออำนวยให้กับนักเรียนในการสร้างความเข้าใจในเนื้อหาด้วยตนเอง ผู้สอนไม่ควรทำตัวเป็นผู้แนะนำหรือเป็นผู้จัดพัฒนาระบบท่องผู้เรียน ทั้งนี้ บรูคส์ (Brooks. 1999 : 101-118) ได้อธิบายเกี่ยวกับบทบาทการสอนของครูไว้ 12 ประเด็น ดังนี้

1. ผู้สอนตามแนวคิดทฤษฎีสอนสตรัคติวิสต์ จะต้องเป็นผู้ให้กำลังใจและยอมรับความเป็นอิสระและความคิดริเริ่มของผู้เรียน เพราะความเป็นอิสระและความคิดริเริ่มของผู้เรียน เป็นสาเหตุให้ผู้เรียนได้มีการเชื่อมโยงแนวคิดต่าง ๆ การที่ผู้เรียนเกิดคำานและสามารถตอบคำานนั้นได้ โดยการวิเคราะห์แสดงว่า ผู้เรียนนั้นเป็นผู้มีความรับผิดชอบในการเรียนรู้ของตนเอง และสามารถถกถายเป็นผู้แก้ปัญหาได้ดีเท่ากับเป็นผู้ค้นพบปัญหา
2. ผู้สอนควรใช้ข้อมูลตามธรรมชาติและแหล่งข้อมูลที่แท้จริง ประกอบกับความชำนาญ การสอนตามแนวคิดทฤษฎีสอนสตรัคติวิสต์นั้นเริ่มด้วยการเรียนรู้จากผลของ การค้นหา ความสัมพันธ์กับปัญหาที่แท้จริง
3. ผู้สอนควรใช้คำพูดที่ทำให้ผู้เรียนเกิดความคิด เช่น ให้จำแนก (Classify) ให้วิเคราะห์ (Analyze) ให้ทำนาย (Predict) การแยกเปลี่ยนความหมาย (Interpretation) การจัดประเภท (Classification) และการทำนาย (Prediction) เพื่อเป็นการส่งเสริมให้ผู้เรียนสร้างความเข้าใจเกี่ยวกับเนื้อหาต่าง ๆ

4. ผู้สอนขึ้นบ่อนให้ผู้เรียนเป็นผู้นำเข้าสู่บทเรียน เปลี่ยนกลบทุบที่ในการสอนและการเปลี่ยนแปลงเนื้อหา ซึ่งไม่ได้หมายความว่า ความสนใจหรือความไม่สนใจในบทเรียนของผู้เรียน นั้นจะส่งผลให้ประเด็นหลักหรือเนื้อหาตามหลักสูตรจะต้องตัดออกไป แต่ความหมายว่าผู้สอนจะนำสิ่งที่ได้จากผู้เรียนในขณะนั้นมาใช้ในบทเรียนการที่ผู้เรียนมีความสนใจและมีความกระตือรือร้นเกิดขึ้นนั้น เป็นสิ่งที่มีประโยชน์มากกว่าการเรียนรู้เฉพาะบทเรียน

5. ผู้สอนต้องพยายามทำความเข้าใจในทัศน์ของผู้เรียน โดยเปิดโอกาสให้ผู้เรียนแสดงความเข้าใจ ก่อนที่จะเริ่มนิการเปลี่ยนแปลงประสบการณ์และแสดงความเข้าใจของผู้สอนออกมาก่อน การถามความเข้าใจของผู้เรียนจะเป็นการจำกัดความคิดของผู้เรียน ผู้เรียนจะยุบคิดการคิด เพื่อรอคำแนะนำ หรือรอคำตอบที่ถูกต้องจากผู้สอน

6. ผู้สอนเป็นผู้กระตุ้นให้นักเรียน ให้มีส่วนร่วมในการสนทนากันกับผู้สอนและผู้อื่น แนวทางหนึ่งที่จะเปลี่ยนแปลงหรือเป็นแรงเสริมให้ผู้เรียน ได้เกิดความคิดความเข้าใจมากขึ้น คือ การได้เข้าไปมีส่วนร่วมในการอภิปราย การที่ผู้เรียน ให้มีโอกาสในการเสนอความคิดของตนเอง ได้รับฟังและได้สะท้อนความคิดของผู้อื่น ถือเป็นกระบวนการที่ช่วยให้ผู้เรียน ได้สร้างความเข้าใจใหม่หรือสะท้อนความเข้าใจเดิมของตนที่มีอยู่

7. ผู้สอนควรเป็นผู้กระตุ้นให้ผู้เรียน ให้มีการตอบสนอง เมื่อผู้เรียน ได้มีการเริ่มต้นในการตอบสนองและมีการตอบสนองบ่อยขึ้น ผู้เรียนก็จะ ได้มีโอกาสตรวจสอบและประเมินความเข้าใจและความพิศพลดของตนเอง เป็นกระบวนการที่นำผู้เรียน ไปสู่การสร้างความเข้าใจในประเด็นปัญหาและความคิดของตนเอง

8. ผู้สอนเป็นผู้กระตุ้นให้ผู้เรียนเป็นผู้ตอบคำถาม กระตุ้นให้ผู้เรียนสามารถใช้คำถามที่ซับซ้อนและใช้คำถามปลายเปิด ได้ ถือเป็นการท้าทายให้ผู้เรียน ได้เสาะแสวงหาไปถึงประเด็นที่ลึกซึ้งและกว้างไกล เพื่อนำไปสู่การเปลี่ยนแปลงหรือการปฏิรูปความเข้าใจตนเอง

9. ผู้สอนจะกระตุ้นให้ผู้เรียน ได้มีโอกาส ได้แบ่งหรือปฎิเสธสมมุติฐานที่ตั้งไว้และกระตุ้นให้เกิดการอภิปรายโดยแบ่ง จะส่งผลให้ผู้เรียน ได้มีการพัฒนาทางปัญญา

10. ผู้สอนจะต้องใช้เวลาหลังจากได้ถามคำถาม หรือตอบสนองค่อสั่งที่มากระตุ้นในด้านผู้เรียน ในส่วนนี้จะเป็นด้านของอาศัยเวลา การที่ผู้สอนต้องการคำตอบหรือการตอบสนองจากผู้เรียนนี้ ทันทีจะกล่าวเป็นการยับยั้งความคิดของผู้เรียนและเป็นการบีบบังคับให้ผู้เรียนกล้ายเป็นผู้คุ้มครอง

11. ผู้สอนควรให้เวลาสำหรับผู้เรียนในการสร้างความสัมพันธ์และสร้างสรรค์ เปรียบเทียบ ผู้สอนควรจัดเตรียมกิจกรรมชั้นเรียนและจัดเวลาที่เหมาะสมสำหรับการเรียน เพื่อให้ผู้เรียนสร้างรูปแบบที่สัมพันธ์ระหว่างแนวคิดต่าง ๆ ด้วยตนเอง

## 12. ผู้สอนควรเอาใจใส่ธรรมชาติความของกรุ๊ปนักเรียน

สรุปได้ว่า บทบาทของครุศาสตร์คือผู้สอนที่ทำให้นักเรียนสร้างความรู้และความคิดที่สุกเกิดจากผู้เรียนและสร้างความรู้ด้วยตนเอง ดังนั้นในการเรียนการสอน คณิตศาสตร์จึงเน้นให้นักเรียนเป็นผู้ที่มีบทบาทในการกระทำ ได้จัดทำสื่อสู่กระบวนการเรียนรู้ ให้สามารถนำความรู้ที่ได้รับประยุกต์ใช้ในชีวิตประจำวัน สามารถนำความรู้ที่ได้รับไปประยุกต์ใช้ในสถานการณ์ต่างๆ ได้ ไม่ว่าจะเป็นในชีวิตประจำวัน หรือในสถานการณ์ทางการค้า การเดินทาง ฯลฯ ดังนั้น ผู้สอนจึงต้องมีความตระหนักรู้ถึงความต้องการของนักเรียน จึงจะสามารถนำความรู้ที่ได้รับมาประยุกต์ใช้ได้จริง

### รูปแบบการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย

พิศนา แรมมณี (2548 : 27) กล่าวว่า รูปแบบการเรียนการสอน (Teaching/Instructional Model) คือ แบบแผนการดำเนินการเรียนการสอนที่ได้รับการจัดระบบอย่างสมพันธ์กับทฤษฎี/หลักการเรียนรู้หรือการสอนที่รูปแบบนั้นขึ้นต่อแต่ ได้รับการพิสูจน์ ทดสอบว่ามีประสิทธิภาพ สามารถช่วยให้ผู้เรียนเกิดการเรียนรู้ตามจุดมุ่งหมายเฉพาะของรูปแบบนั้นๆ โดยทั่วไปแบบแผนการดำเนินการสอนดังกล่าว มักประกอบด้วยทฤษฎี/หลักการที่รูปแบบนั้นขึ้นต่อและกระบวนการสอนที่มีลักษณะอันจะนำไปสู่จุดมุ่งหมายเฉพาะที่รูปแบบนั้นกำหนด ซึ่งผู้สอนสามารถนำไปใช้เป็นแบบแผนหรือเป็นแบบอย่างในการจัดและดำเนินการสอนอีกด้วยที่มีจุดมุ่งหมายเฉพาะเช่นเดียวกันได้

รัชนีวรรณ ขันชัยภูมิ (2551 : 69 -70) กล่าวว่า การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย ประกอบด้วย 5 ขั้นตอน ดังนี้

#### 1. ขั้นนำเข้าสู่บทเรียน

เป็นขั้นการเตรียมความพร้อมของนักเรียน โดยการทบทวนความรู้เดิม เพื่อเป็นแรงจูงใจในการเรียนเนื้อหาใหม่ และเป็นพื้นฐานในการสร้างโครงสร้างใหม่ทางปัญญา และครุเจล ชุดประสงค์การเรียนรู้

#### 2. ขั้นสอน ประกอบด้วย 3 ขั้นตอน ดังนี้

2.1 ขั้นเพชญสถานการณ์ปัญหาและแก้ปัญหาเป็นรายบุคคล โดยครุเสนอสถานการณ์ที่เป็นปัญหาที่สัมพันธ์กับเนื้อหา เหมาะสมกับวัยและความสามารถของนักเรียน นักเรียนทำความเข้าใจสถานการณ์ปัญหาและหาแนวทางในการแก้ปัญหา โดยให้นักเรียนนำความรู้ที่เกี่ยวข้องกับเรื่องที่เคยเรียนมาใช้ในการแก้ปัญหา

2.2 ขั้นกิจกรรม ได้ต่อรองระดับกลุ่มบ้อย สามารถในการกลุ่มบ้อยเสนอแนวทางในการแก้ปัญหาของตนเองที่อาจเป็นไปได้ต่อกลุ่มบ้อย ครูจะต้องพยาามกระตุ้นให้นักเรียนสะท้อนความคิดออกมา

2.3 ขั้นเสนอแนวทางแก้ปัญหาต่อชั้นเรียนกลุ่มบ้อยทางแนวทางแก้ปัญหาและแสดงให้เห็นถึงความสมเหตุสมผลสามารถใช้ในชั้นเรียนร่วมกับประยุกต์ ซักถามตรวจสอบความถูกต้องและเหมาะสม

#### 2.4 ขั้นสรุป

นักเรียนร่วมกันอภิปรายสรุปหลักการ นักเรียนเลือกทางเลือก ที่เหมาะสมเพื่อนำมาใช้ในการแก้ปัญหาและสามารถอธิบายวิธีแก้ปัญหาของตนเองได้ และครูอย่าลืมให้ความช่วยเหลือในการผลักดันนักเรียนหากขาดสูญไปได้

#### 2.5 ขั้นประเมินผล

จากการทำบันทึกกิจกรรม แบบฝึกหัดภาษา และการสังเกตการณ์ร่วมกิจกรรมในชั้นเรียน เพื่อเป็นการตรวจสอบระดับความรู้ของนักเรียนและเป็นข้อมูลในการสอนซ่อนเร้นให้กับนักเรียน

สรุป การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ความทุนภูมิคุณศรีรักคิวิสต์ มีลำดับการสอน 5 ขั้นตอน ดังนี้ 1) ขั้นนำ เป็นขั้นเตรียมความพร้อมของนักเรียน เพื่อกระตุ้นให้นักเรียนระลึกร่องรู้ 2) ขั้นสอน เป็นขั้นเพชรณาการ แก้ปัญหาและแก้ปัญหา 3) ขั้นตรวจสอบและสรุป นักเรียนร่วมกันตรวจสอบแนวทางแก้ปัญหา ช่วยกันสรุป หลักการและกระบวนการแก้ปัญหาในเรื่องที่เรียน 4) ขั้นฝึกหัดภาษาและนำไปใช้ เป็นขั้นที่ให้นักเรียนได้ขยายความรู้ผ่านการทำแบบฝึกหัดที่ครูสร้างขึ้น สามารถอธิบายวิธีการ แก้ปัญหาของตนเองได้ และ 5) ขั้นประเมินผล โดยประเมินจากคะแนนแบบฝึกหัดภาษาที่ครูสร้างขึ้น หรือจากสถานการณ์ที่นักเรียนสร้างขึ้น

### แผนการจัดการเรียนรู้

มีผู้กล่าวถึงแผนการจัดการเรียนรู้หลายคำ เช่น แผนการจัดกิจกรรม แผนการสอน แผนการจัดการเรียนรู้ และแผนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ แต่ในที่นี้ผู้วิจัยใช้คำว่า “แผนการจัดการเรียนรู้”

### **ความหมายของแผนการจัดการเรียนรู้**

แผนการจัดการเรียนรู้ หมายถึงแบบบันทึกที่บรรจุข้อมูลต่างๆที่ผู้สอนจัดเตรียมไว้สำหรับสอนเรื่องใดเรื่องหนึ่ง แผนการสอนที่คิดว่ามีองค์ประกอบที่เหมาะสม มีขั้นตอนการจัดเตรียม และมีการปรับปรุงเสมอ

กองวิจัยทางการศึกษา (2545 : 5-6) ให้ความหมายว่า แผนการจัดการเรียนรู้ หมายถึง การนำวิชาหรือกลุ่มประสบการณ์ที่จะต้องทำการสอนตลอดภาคเรียนมาสร้างเป็นแผนการจัดกิจกรรมการเรียนการสอน การใช้สื่ออุปกรณ์ การวัดและประเมินผล สำหรับเนื้อหาสาระและชุดประสบการณ์การเรียนรู้ข้อๆให้สอดคล้องกับวัสดุประสบการณ์หรือคุณลักษณะของหลักสูตร สภาพผู้เรียน ความพร้อมของโรงเรียนในด้านวัสดุ อุปกรณ์และครุภัณฑ์ที่ส่งเสริม

สุวิทย์ นุคลำ (2549 : 58) ได้ให้ความหมายแผนการจัดการเรียนรู้ว่า แผนการจัดการเรียนรู้ หมายถึง การเตรียมการสอนหรือกำหนดกิจกรรมการเรียนรู้ อย่างเป็นระบบและจัดทำไว้เป็นลายลักษณ์อักษร โดยรวมรวมข้อมูลต่างๆมากำหนดกิจกรรมการเรียนการสอน เพื่อให้ผู้เรียนบรรลุชุดมุ่งหมายที่กำหนดไว้ โดยเริ่มจากการกำหนดวัสดุประสบการณ์จะให้ผู้เรียนเกิดการเปลี่ยนแปลงด้านใด (ตัดปัญญา เจตคติ ทักษะ) จะจัดกิจกรรมการเรียนการสอนวิธีใด ใช้สื่อการเรียนการสอนหรือแหล่งเรียนรู้ใด จะประเมินผลอย่างไร

ชนบท ชาตุทอง (2551 : 5) ได้ให้ความหมายแผนการจัดการเรียนรู้ หมายถึง เอกสารที่ผู้สอนจัดทำขึ้น โดยการนำสาระการเรียนรู้ หรือประสบการณ์ ที่จะต้องทำการสอนในระยะเวลาหนึ่ง มาเตรียมการสอนเป็นลายลักษณ์อักษรเพื่อการเรียนรู้

สรุปได้ว่า แผนการจัดการเรียนรู้ หมายถึง การวางแผนรูปแบบการเรียนการสอนในบทเรียนให้สอดคล้องกับเนื้อหา ตัวชี้วัด การวัดและประเมินผลที่กำหนดไว้ในหลักสูตร เพื่อใช้เป็นแนวทางในการสอนต่อไป

### **ความสำคัญของแผนการจัดการเรียนรู้**

ธีระพัฒน์ ฤทธิ์ทอง (2545 : 104 -105) ได้กล่าวถึง แผนการจัดการเรียนรู้ว่า เป็นหัวใจสำคัญการวางแผนของครูในการที่จะให้นักเรียน เรียนรู้ตามชุดประสบการณ์ที่ตั้งไว้ กิจกรรมการเรียน การสอน ในแผนการเรียนรู้จะเน้นกิจกรรมการเรียนรู้ที่เน้นให้นักเรียนปฏิบัติเพื่อการเรียนรู้ โดยมีกรอบการเรียนรู้ 4 องค์ประกอบ คือการจัดแผนการเรียนรู้แบบบูรณาการ การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ โดยยึดผู้เรียนเป็นสำคัญ การใช้แหล่งเรียนรู้โดยยึดผู้เรียนเป็นสำคัญ การประเมินสภาพจริง

รุจิร์ ภู่สาระ (2545 : 159 -161) ได้กล่าวถึงประโยชน์ของแผนการเรียนรู้ว่า เป็นเครื่องมือสำคัญในการจัดประสบการณ์ การเรียนรู้ให้ผู้เรียน ตามที่กำหนดไว้ในสาระการเรียนรู้ของ

แต่ละกลุ่มสาระการเรียนรู้ แผนการเรียนรู้ที่ดีจะต้องตอบคำถามได้ว่า จะให้นักเรียนมีคุณสมบัติที่พึงประสงค์อะไรบ้าง ตามผลการเรียนรู้

สรุป ความสำคัญของแผนการจัดการเรียนรู้ เป็นเครื่องมือที่ทำให้ครูผู้สอนมีความมั่นใจ มีเป้าหมาย มีแนวทางการจัดกิจกรรม และเป็นการเตรียมความพร้อมในด้านการสอนเพื่อให้บรรลุเป้าหมายที่ตั้งไว้

#### องค์ประกอบของแผนการจัดการเรียนรู้

ข้อถุที่ ศิลามา (2545 : 98 – 104) กล่าวถึง องค์ประกอบของแผนการสอนเกิดขึ้นจากความพยายามตอบคำถาม ดังต่อไปนี้

1. สอนอะไร (หน่วย หัวเรื่อง ความคิดรวบยอด หรือสาระสำคัญ)
2. เพื่อจุดประสงค์อะไร (จุดประสงค์เชิงพฤติกรรม)
3. ด้วยสาระอะไร (โครงร่างเนื้อหา)
4. ใช้วิธีการใด (กิจกรรมการเรียนการสอน)
5. ใช้เครื่องมืออะไร (สื่อการเรียนการสอน)
6. ทราบได้อย่างไรว่าประสบผลสำเร็จหรือไม่ (วัดผลประเมินผล)

เพื่อตอบคำถามดังกล่าว จึงกำหนดให้แผนการสอนมีองค์ประกอบดังนี้

1. วิชา หน่วยที่สอนและสาระสำคัญ (ความคิดรวบยอด) ของเรื่อง
2. จุดประสงค์
3. เนื้อหา
4. กิจกรรมการเรียนการสอน
5. สื่อการเรียนการสอน
6. วัดผลประเมินผล

ชาญชัย ยมคินทร์ (2548 : 349 – 352) ได้กำหนดองค์ประกอบของแผนการเรียนรู้ไว้ 3 แบบ ดังนี้

1. แผนการเรียนรู้แบบบรรยาย เป็นโดยใช้หัวข้อเรื่องตามที่กำหนดมากำกับ แต่ การดำเนินกิจกรรมการเรียนการสอนจะเป็นเชิงบรรยายกิจกรรมที่ครูจัดเตรียมไว้ โดยไม่ระบุชัดเจน นักเรียนทำอะไร คั่งคัวอย่าง

แผนการเรียนรู้ที่.....

- เรื่อง..... ระยะเวลา..... ชั่วโมง.....
- 1.สาระสำคัญเรื่อง.....
  - 2.ถูกประสงค์การเรียนรู้.....
  - 3.ถูกประสงค์ปลายทาง.....
  - 4.ถูกประสงค์นำทาง.....
  - 5.เนื้อหาสาระ.....
  - 6.สื่ออุปกรณ์การเรียนการสอน.....
  - 7.กิจกรรมเรียนการสอน.....
  - 8.การวัดประเมินผล.....
  - 9.กิจกรรมเสนอแนะ.....
  - 10.บันทึกหลังการสอน.....

ผลการสอน.....

น้ำเสียง / อุปสรรค.....

ข้อเสนอแนะ / แนวทางแก้ไข.....

ลงชื่อ.....

(.....)

ภาคประกอบ 2.1 แผนการจัดการเรียนรู้แบบบรรยาย

ที่มา : ชาญชัย บมคิยฐ์ (2548 : 349)

2. แผนการเรียนรู้แบบตาราง เพิ่มนโดยใช้หัวข้อเรื่องตามที่กำหนดมากำกับแต่บรรจุไปในตารางเก็บทั้งหมด ดังต่อไปนี้

แผนการจัดการเรียนรู้ที่.....

ชุดประสงค์	เนื้อหา	กิจกรรม	สื่อ อุปกรณ์	กระบวนการ	การวัด ประเมินผล
ชุดประสงค์การเรียนรู้					
.....					
.....					
.....					
.....					
ชุดประสงค์ปลายทาง					
.....					
.....					
.....					
.....					
ชุดประสงค์นำทาง					
.....					
.....					
.....					
.....					

ลงชื่อ.....

(.....)

ภาพประกอบ 2.2 แผนการจัดการเรียนรู้แบบตาราง

ที่มา : ชาญชัย ยมคิษฐ์ (2548 : 350)

3. แผนการเรียนรู้แบบพิสูจน์ เป็นแผนการเรียนรู้ที่มีรายละเอียดมากขึ้น การดำเนินกิจกรรมการเรียนการสอน แยกเป็นกิจกรรมที่ครุปฎิบัติและสั่งที่นักเรียนปฏิบัติ ซึ่งสอดคล้องกัน ดังตัวอย่าง

แผนการเรียนรู้ที่.....

เรื่อง..... ระยะเวลา..... ชั่วโมง

1.สาระสำคัญเรื่อง.....

2.จุดประสงค์การเรียนรู้.....

3.จุดประสงค์ปลายทาง.....

4.จุดประสงค์นำทาง.....

4.1.....

5.เนื้อหาสาระ.....

6.สื่ออุปกรณ์การเรียนการสอน.....

7.กิจกรรมเรียนการสอน.....

ขั้นตอน จุดประสงค์นำทาง	กิจกรรมการเรียนการสอน		วิธีวัดผลกระทบเรียน
	ครุ	นักเรียน	

8. การวัดประเมินผล.....

9. กิจกรรมเสนอแนะ.....

10.บันทึกหลังการสอน

ผลการสอน.....

ปัญหา / อุปสรรค.....

ข้อเสนอแนะ / แนวทางแก้ไข.....

ลงชื่อ.....

(.....)

ภาพประกอบ 2.3 แผนการจัดการเรียนรู้แบบพิสูจน์

ที่มา : ชาญชัย ยมคิยร์ (2548 : 351)

สรุป องค์ประกอบของแผนการจัดการเรียนรู้ ไม่มีรูปแบบที่ตายตัว ขึ้นอยู่กับครุผู้สอน จะเลือกใช้รูปแบบใด แต่เมื่องค์ประกอบของแผนการจัดการเรียนรู้ที่สำคัญดังนี้ ลำดับแผน การจัดการเรียนรู้ เรื่องที่สอน ระยะเวลาในการสอน สาระสำคัญ จุดประสงค์ เมื่อหา สื่อ / แหล่งเรียนรู้ กิจกรรม

#### **ลักษณะของแผนการจัดการเรียนรู้ที่ดี**

ศิริพร พิพิธคง (2545 : 123) ได้กล่าวถึงลักษณะของแผนการจัดการเรียนรู้ที่ดี จะช่วยให้ การเรียนการสอนประสบผลสำเร็จได้ดี ดังนั้นผู้สอนจึงควรทราบถึงลักษณะของแผนการจัดการเรียนรู้ที่ดี ดังนี้

1. สอดคล้องกับหลักสูตรและแนวการสอนของกรมวิชาการ กระทรวงศึกษาธิการ
2. นำไปใช้สอนได้จริงและมีประสิทธิภาพ
3. เขียนถูกต้องตามหลักวิชา เหมาะสมกับผู้เรียนและเวลาที่กำหนด
4. มีความกระชับชัดเจน ทำให้ผู้อ่านเข้าใจง่ายและเข้าใจตรงกัน
5. มีรายละเอียดมากพอที่จะทำให้ผู้อ่านสามารถนำไปใช้สอนได้
6. ทุกหัวข้อในแผนการจัดการเรียนรู้มีความสอดคล้องสัมพันธ์กัน
7. เป็นแผนการจัดการเรียนรู้ที่มีกิจกรรม ให้ผู้เรียนเป็นผู้ลงมือปฏิบัติตามที่สุด โดยครู เป็นผู้ชี้แนะ ส่งเสริมหรือกระตุ้นให้กิจกรรมดำเนินไปตามความมุ่งหมาย
8. เป็นแผนการสอนที่เน้นทักษะกระบวนการใช้วัสดุอุปกรณ์ที่สามารถจัดหาได้ใน ท้องถิ่น หลักเดี่ยงการใช้วัสดุอุปกรณ์สำเร็จรูปราคาสูง

อาจารย์ ใจเที่ยง (2546 : 213) ได้กล่าวถึงลักษณะของแผนการจัดการเรียนรู้ที่ดี ดังนี้

1. สอดคล้องกับหลักสูตรและแนวการสอนของกรมวิชาการ กระทรวงศึกษาธิการ
2. นำไปใช้สอนได้จริงและมีประสิทธิภาพ
3. เขียนถูกต้องตามหลักวิชา เหมาะสมกับผู้เรียนและรายวิชา
4. มีความชัดเจน ทำให้ผู้อ่านเข้าใจง่ายและเข้าใจได้ตรงกัน
5. มีรายละเอียดมากพอที่จะทำให้ผู้อ่านสามารถนำไปใช้สอนได้
6. ทุกหัวข้อในแผนการจัดการเรียนรู้มีความสอดคล้องสัมพันธ์กัน

วัฒนา กัณฑรพย์ (2549 : 10) ได้กล่าวถึงลักษณะของแผนการจัดการเรียนรู้ที่ดี คือมี กิจกรรมการเรียนรู้ที่เข้าลักษณะ 4 ประการ ดังนี้

1. มีกิจกรรมที่ให้ผู้เรียนเป็นผู้ได้ลงมือปฏิบัติใหม่ๆที่สุด โดยครูเป็นเพียงผู้ช่วยชี้นำ ส่งเสริมหรือกระตุ้นให้กิจกรรมที่ผู้เรียน ดำเนินการไปตามทางที่มุ่งหมาย

2. เปิดโอกาสให้ผู้เรียนเป็นผู้ค้นพบคำตอบหรือทำสำเร็จด้วยตนเอง โดยครูพยาบยามลดบทบาทจากผู้สอนค้ำ托นมาเป็นผู้คุมกระตุ้น ค้ำ托นตามหรือปัญญาให้ผู้เรียนคิดแก้หรือนาแนวทางไปสู่ความสำเร็จในการทำกิจกรรมเอง

3. เน้นกระบวนการที่มุ่งให้ผู้เรียนรับรู้และนำกระบวนการไปใช้จริง

4. ส่งเสริมการใช้วัสดุที่สามารถจัดหาได้ในท้องถิ่น หลีกเลี่ยงการใช้วัสดุอุปกรณ์สำเร็จราคาสูง

สรุป ลักษณะของแผนการจัดการเรียนรู้ที่ดี ต้องสอดคล้องกับหลักสูตรกิจกรรมการเรียน การสอน เน้นให้ผู้เรียนได้ปฏิบัติมากที่สุด นำไปใช้สอนได้จริง สื่อที่ใช้สามารถหาได้ในท้องถิ่น

## ประสิทธิภาพ

การจัดทำแบบฝึกหัดฯ หรือสื่อการสอน ควรมีการประเมินหาประสิทธิภาพของสื่อว่า เหมาะสมที่จะนำไปใช้ส่งเสริมสนับสนุนการเรียนรู้ของผู้เรียนตามจุดประสงค์ที่กำหนดหรือไม่

### ความหมายของประสิทธิภาพ

มีนักการศึกษากล่าวถึงความหมายของประสิทธิภาพไว้ดังนี้

ชนพร โนราบุตร (2547 : 42-44) ได้ให้ความหมายไว้ว่า ประสิทธิภาพ หมายถึง ระดับ ประสิทธิภาพที่จะช่วยให้ผู้เรียนเกิดการเรียนรู้เป็นระดับที่เพียงพอ หากมีประสิทธิภาพถึงระดับนี้ แล้ว การกำหนดเกณฑ์ประสิทธิภาพจะทำได้โดยการประเมินผล พฤติกรรมของผู้เรียน 2 ประเภท คือ พฤติกรรมต่อเนื่องและพฤติกรรมขั้นสุดท้าย (ผลลัพธ์) โดยกำหนดค่าประสิทธิภาพ เป็น E, (ประสิทธิภาพของกระบวนการ) E<sub>1</sub>, (ประสิทธิภาพของผลลัพธ์)

ดวงมาดา จาริชานนท์ (2551 : 8) ได้ให้ความหมายว่า ประสิทธิภาพ หมายถึง กระบวนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้จากสื่อและเทคโนโลยีการเรียนการสอน ทำให้ผู้เรียนเกิดการเรียนรู้ ซึ่งประสิทธิภาพจะมาจากผลลัพธ์ของการคำนวณ (E<sub>1</sub>) เป็นเลขตัวแรก และ (E<sub>2</sub>) เป็นเลขตัวหลัง ถ้าตัวเลขเข้าใกล้ร้อยมากเท่าไรยิ่งถือว่ามีประสิทธิภาพมากยิ่งขึ้นเท่านั้น เป็นเกณฑ์พิจารณา การรับรองประสิทธิภาพของสื่อการเรียนการสอน

วิมล เหล่าเคน (2552 : 6) ได้ให้ความหมายของประสิทธิภาพว่า ประสิทธิภาพ หมายถึง คุณภาพของสื่อการเรียนการสอนหรือนวัตกรรม ซึ่งนำไปจัดกิจกรรมการเรียนการสอน สรุปได้ว่า ประสิทธิภาพ หมายถึง ผลของการใช้กระบวนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้จากสื่อหรือนวัตกรรม ด้านกระบวนการและผลลัพธ์ทางการเรียนหลังเรียนที่ทำให้ผู้เรียนเกิดการเรียนรู้ตามเกณฑ์ที่คาดหวังไว้

## การหาประสิทธิภาพ

การหาประสิทธิภาพของสื่อ เป็นการนำสื่อไปทดลองใช้ มีนักการศึกษากล่าวไว้ดังนี้

เพชรยุ กิจระการ (2544 : 44-51) ได้กล่าวถึงวิธีการหาประสิทธิภาพของสื่อที่สร้างขึ้น

### 2 วิธี ดังนี้

1. วิธีการหาเชิงประสิทธิภาพเชิงเหตุผล (Rational Approach) ในกระบวนการนี้ เป็นการหาประสิทธิภาพโดยใช้หลักของความรู้ และเหตุผลในการตัดสินคุณค่าของสื่อการเรียน การสอน โดยอาศัยผู้เชี่ยวชาญเป็นผู้พิจารณาตัดสินคุณค่า ซึ่งเป็นการหาความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหา และความสามารถในด้านการนำไปใช้ ผลการประเมินของผู้เชี่ยวชาญแต่ละคนจะนำมาหาค่าประสิทธิภาพต่อไป

2. วิธีการหาประสิทธิภาพเชิงประจักษ์ (Empirical Approach) วิธีการนี้จะนำสื่อไปทดลองใช้กับกลุ่มเป้าหมาย การหาประสิทธิภาพของสื่อ เช่น บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วงสอน (CAI) บทเรียนสำเร็จรูป ชุดการสอน แผนการสอน แบบฝึกหัด กจะ เป็นต้น จำนวนมากใช้วิธีการหาประสิทธิภาพด้วยวิธีนี้ ประสิทธิภาพที่วัดส่วนใหญ่จะพิจารณาจากเปอร์เซ็นต์การทำแบบฝึกหัด หรือกระบวนการเรียน หรือแบบทดสอบย่อย โดยแสดงเป็นค่าตัวเลข 2 ตัว เช่น  $E_1/E_2 = 80/80$   $E_1/E_2 = 90/90$  ,  $E_1/E_2 = 95/95$  เป็นต้น

บุญชุม ศรีสะอาด (2546 : 153-156) ได้กล่าวถึงการพัฒนาสื่อการเรียนการสอน หรือวิธีสอน หรือนวัตกรรม จำเป็นอย่างยิ่งที่จะทำการทดลองใช้ และหาประสิทธิภาพของสื่อ พัฒนาเพื่อจะมั่นใจในการที่จะนำไปใช้ต่อไป การหาประสิทธิภาพนิยม ใช้เกณฑ์ 80/80 ซึ่งมีวิธีการ 2 แนวทาง ดังนี้

แนวทางที่ 1 พิจารณาจากผู้เรียนจำนวนมาก (ร้อยละ 80) สามารถบรรลุผลในระดับสูง (ร้อยละ 80) ในการพัฒนาสื่อ ให้เวลาอ่อน เนื้อหาที่สอนมีเรื่องเดียว เช่น การสอน 1 บท ใช้เวลาสอน 1 ชั่วโมง เป็นต้น เกณฑ์ 80/80 หมายถึง มีจำนวนผู้เรียนไม่ต่ำกว่า ร้อยละ 80 ของผู้เรียนที่ทำคะแนนได้ไม่ต่ำกว่า ร้อยละ 80 ของคะแนนเต็ม

แนวทางที่ 2 พิจารณาผลกระทบว่างดำเนินการและเมื่อสิ้นสุดการดำเนินการ โดยเฉลี่ยอยู่ในระดับสูง (เช่น ร้อยละ 80) ในกรณีใช้การสอนหลายครั้ง มีเนื้อหาสาระมาก เช่น สอน 3 บท ขึ้นไป มีการวัดผลกระทบว่างเรียน (Formative) หลายครั้ง เกณฑ์ 80/80 มีความหมายดังนี้

80 ตัวแรก เป็นประสิทธิภาพของกระบวนการ ( $E_1$ )  
 80 ตัวหลัง เป็นประสิทธิภาพของผลโดยรวม ( $E_2$ )  
 การหาประสิทธิภาพใช้สูตรดังนี้

$$\text{ประสิทธิภาพ} = \frac{\text{ผลรวมของคะแนนที่สอบได้ของทุกคน}}{\text{ผลรวมของคะแนนจากทุกคน}} \times 100$$

ประสิทธิภาพจะเป็นร้อยละของค่าเฉลี่ย เมื่อเทียบกับคะแนนเต็มซึ่งต้องมีค่าสูง  
 จึงจะถือว่าได้ประสิทธิภาพ ให้การณ์นี้ใช้ร้อยละ 80

80 ตัวแรก ซึ่งเป็นประสิทธิภาพของกระบวนการ เกิดจากการนำคะแนนเต็ม  
 ที่สอบได้ระหว่างดำเนินการ (นั่นคือ ระหว่างเรียน หรือระหว่างการทดสอบ) มาหาค่าเฉลี่ยแล้วเทียบ  
 เป็นร้อยละ ซึ่งต้องได้ไม่ต่ำกว่าร้อยละ 80

80 ตัวหลัง ซึ่งเป็นประสิทธิภาพของผลโดยรวม เกิดจากการนำคะแนนจาก  
 การวัดโดยรวมเมื่อสิ้นสุดการสอนหรือสิ้นสุดการทดสอบ มาหาค่าเฉลี่ยแล้วเทียบเป็นร้อยละ  
 ซึ่งต้องได้ไม่ต่ำกว่าร้อยละ 80

สรุปได้ว่า การหาประสิทธิภาพสื่อหรือนวัตกรรม จำเป็นอย่างยิ่งเพื่อช่วยสร้าง  
 ความมั่นใจก่อนที่จะนำสื่อหรือนวัตกรรมไปใช้ค่อไป

#### เกณฑ์ประสิทธิภาพ

บัญชีศรีสะภาค (2546 : 156) ได้กล่าวถึงการกำหนดเกณฑ์ประสิทธิภาพไว้ว่าดังนี้

1. การกำหนดเกณฑ์ประสิทธิภาพ สามารถกำหนดได้หลากหลายขึ้นอยู่กับผู้วิจัย  
 จะกำหนด ท้าต้องการประสิทธิภาพสูง ก็กำหนดค่าไว้สูง เช่น 90/90 แต่ถ้ากำหนดเกณฑ์ไว้สูงอาจ  
 พนักงานหัวว่าไม่สามารถบรรลุเกณฑ์ที่กำหนดไว้ได้ การจะทำให้ผู้เรียนส่วนมากทำคะแนนได้จวน  
 เต็มมีค่าเฉลี่ยจวนเต็ม คือร้อยละ 90 ขึ้นไปไม่ใช่เรื่องง่าย ดังนั้นจึงไม่ใช่เรื่องง่าย ดังนั้นจึงไม่ค่อย  
 มีการตั้งเกณฑ์ 90/90 ในงานวิจัยบางเรื่อง ดังไว้ต่ำกว่า 80 ทั้งด้านกระบวนการและผลโดยรวม เช่น  
 70/70 ทั้ง เพราะถ้าสิ่งที่ครุพัฒนาขึ้นมีประสิทธิภาพจริงแล้วจะสามารถพัฒนาผู้เรียนได้บรรลุผล  
 ระดับสูงเป็นส่วนใหญ่ได้ การตั้งเกณฑ์ 50/50 หรือ 60/60 แสดงถึงว่าสามารถพัฒนาผู้เรียนได้  
 โดยเฉลี่ยครึ่งหนึ่งของคะแนนเต็มหรือมากกว่าครึ่งหนึ่งเดือนน้อย (ร้อยละ 60) ซึ่งไม่น่าจะเพียงพอ  
 ควรพัฒนาได้มากกว่านั้น

2. การเขียนเกณฑ์ 80/80 ไม่ได้หมายถึงอัตราส่วน หรือสัดส่วนระหว่าง 2 ส่วนนี้  
 โดยทั่วไปไม่ได้แปลความหมายโดยนำมาเปรียบเทียบกัน ดังนั้นกรุ่นรู้ว่าไม่อาจเขียนในรูป 80/80

แต่เขียนในรูปอื่น เช่น 80,80 หรือแม้กระทั่งเขียนว่าใช้เกณฑ์ร้อยละ 80 ทั้งกระบวนการและผลโดยรวมก็ได้ การเขียน 80/80 เป็นเพียงแยกส่วนของประสิทธิภาพของกระบวนการซึ่งเป็นเลข 80 ตัวหน้ากับประสิทธิภาพของผลโดยรวม ซึ่งเป็น 80 ตัวหลัง

3. กรุณาวิจัยจากตั้งเกณฑ์ทั้ง 2 ส่วนไม่เท่ากันก็ได้ เช่น ตั้งเกณฑ์เป็น 70/80 ซึ่งหมายความว่า ประสิทธิภาพของกระบวนการใช้ร้อยละ 70 ส่วนประสิทธิภาพของผลโดยรวมใช้ร้อยละ 80 ซึ่งไม่นิยมกำหนดในลักษณะดังกล่าว แต่ถ้ายังไงก็ตามไม่จำเป็นจะทำอะไรให้สอดคล้องกับความนิยม ข้อสำคัญคือ เหตุผลเบื้องหลังของการตั้งเกณฑ์ซึ่งสามารถอธิบายได้ว่าการตั้งเกณฑ์แบบนี้มีความเหมาะสม มีเหตุผลดีกว่า

พิสมัย พุงกระโทก (2556 : 56) ได้กล่าวไว้ว่า ในกระบวนการเกณฑ์ประสิทธิภาพของสื่อจะต้องพิจารณา หลายอย่าง เช่น ตัวผู้เรียน ประเภทของสื่อ วัตถุประสงค์ของการเรียน ธรรมชาติ วิชา ซึ่งได้กำหนดเกณฑ์ประสิทธิภาพ 75/75 เนื่องจากเรื่องที่ทำการวิจัยเป็นวิชาที่มุ่งเน้นการพัฒนาทักษะและเป็นวิชาปฏิบัติ

สรุปว่า เกณฑ์ในการหาประสิทธิภาพของสื่อการสอน ขึ้นอยู่กับธรรมชาติของวิชาและเนื้อหาที่นำมาสร้างสื่อ ถ้าเป็นวิชาที่จำกัดตั้งเกณฑ์ไว้ 80/80 หรือ 90/90 แต่ถ้าเป็นวิชาฝึกทักษะฝึกปฏิบัติ นิยมตั้งเกณฑ์ 75/75 สำหรับการวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยเลือกใช้เกณฑ์ 75/75 ในการทำประสิทธิภาพของแบบฝึกทักษะในครั้งนี้

### ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนเป็นสิ่งแสดงให้เราทราบถึงความสามารถในการเรียนรู้ของผู้เรียนว่ามีความสามารถอยู่ในระดับใด มีความหมายอย่างไรเมื่อเทียบกับเกณฑ์ที่กำหนดไว้ซึ่งมีนักวิชาการให้ความหมายของผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนไว้ดังนี้

#### ความหมายของผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

การนำแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ด้านทฤษฎีคอนตรัคติวิสต์ มาใช้ในการพัฒนาผู้เรียน ข้อมูลถึง การพัฒนาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาคณิตศาสตร์ ซึ่งนักการศึกษาได้ให้ความหมายของผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนไว้ดังนี้

สมนึก ภักธิยานี (2546 : 73) ให้ความหมายไว้ว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน หมายถึง การวัดสมรรถภาพทางสมองด้านต่างๆ ที่นักเรียนได้รับการเรียนรู้ผ่านมาแล้ว

รุจิรา สารคำ (2550 : 38) ให้ความหมายไว้ว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน หมายถึง ผลการเรียนรู้ด้านเนื้อหาวิชาและทักษะต่างๆ ของแต่ละวิชาที่นักเรียนได้รับการเรียนรู้ที่ผ่านมาแล้ว

เป็นความสามารถในการเข้าถึงความรู้ (Knowledge Attained) การพัฒนาทักษะในการเรียน โดยอาศัยความพยายามจำนวนหนึ่งและแสดงออกในรูปความสำเร็จ ซึ่งสามารถสังเกตและวัดได้ โดยอาศัยเครื่องมือทางจิตวิทยาหรือแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนทั่วไป

วนิดา เทียนเจ瑜า (2556 : 95) ให้ความหมายไว้ว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน หมายถึง คุณลักษณะความสามารถของบุคคลที่พัฒนาของงานขึ้น โดยมีผลมาจากการจัดกระบวนการเรียนรู้ การฝึกอบรมซึ่งจะมีผลต่อความสามารถของสมอง ความรู้ ทักษะ ความรู้สึกและค่านิยมต่างๆ

จากคำกล่าวของนักการศึกษาข้างต้น สรุปได้ว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน หมายถึง ผลที่เกิดจากการเรียนรู้ การฝึกและการปฏิบัติตามจุดประสงค์จนเกิดความเข้าใจ โดยมีผลมาจากการจัดการเรียนการสอนจากสื่อที่สร้างขึ้น ซึ่งวัดได้จากแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน ที่ให้นักเรียนทำหลังเรียน

#### **องค์ประกอบที่มีอิทธิพลต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน**

การวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน หลังการใช้แบบฝึกทักษะการนำเสนอแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ ความทฤษฎีคณิตศาสตร์ อาจต้องศึกษาองค์ประกอบอื่นที่มีอิทธิพลด้วย

บลูม (Bloom, 1976 : 52 ; อ้างถึงใน ศรินา คุณประทุม, 2544 : 56) กล่าวว่า องค์ประกอบที่มีอิทธิพลต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนในโรงเรียน ประกอบด้วย

1. พฤติกรรมด้านความรู้ ความคิด หมายถึง ความสามารถทั้งหลายของผู้เรียนซึ่ง ประกอบด้วยความคิดและพื้นฐานเดิมของผู้เรียนซึ่ง

2. คุณลักษณะด้านจิตพิสัย หมายถึง สภาพการณ์หรือแรงจูงใจที่ทำให้ผู้เรียน เกิดการเรียนรู้ใหม่ ได้แก่ ความสนใจ เอกค提ที่มีต่อเนื้อหาที่เรียนในโรงเรียน ระบบการเรียน ความคิดเห็นเกี่ยวกับตนเอง และลักษณะบุคลิกภาพ

3. คุณภาพการสอน ได้แก่ การได้รับคำแนะนำ การมีส่วนร่วมในการเรียนการสอน การเตรียมเรื่องจากครู การแก้ไขข้อผิดพลาด และรู้ผลลัพธ์ดูแลตนเองกระทำให้ถูกต้องหรือไม่

จากองค์ประกอบที่มีอิทธิพลต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนดังกล่าว ทำให้ผู้วิจัยได้นำมาเป็น แนวคิดในการพิจารณาการจัดทำแบบทดสอบให้กับผู้เรียน

#### **ความหมายของแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน**

ในการวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาคณิตศาสตร์นี้ ผู้วิจัยต้องศึกษาค้นคว้าเกี่ยวกับ แบบทดสอบที่เป็นเครื่องมือของการวัดผลสัมฤทธิ์ของผู้เรียน ดังนี้

บุญชน ศรีสะอาด (2545 : 53) กล่าวว่า แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน หมายถึง แบบทดสอบที่ใช้วัดความรู้ความสามารถสามารถของบุคคลในด้านวิชาการ ซึ่งเป็นผลจาก

การเรียนรู้เนื้อหาสาระและตามจุดประสงค์ของวิชาหรือเนื้อหาที่สอนนั้น โดยทั่วไปจะวัดผลสัมฤทธิ์ในวิชาต่างๆ ที่เรียน อาจจำแนกออกเป็น 2 ประเภทคือ

1. แบบทดสอบอิงเกณฑ์ หมายถึง แบบทดสอบที่สร้างขึ้นตามจุดประสงค์ เชิงพฤติกรรมมีคะแนนขุดดับหรือคะแนนเกณฑ์สำหรับใช้ตัดสินว่าผู้เรียนมีความรู้ตามเกณฑ์ที่กำหนดไว้หรือไม่ การวัดตรงตามจุดประสงค์เป็นหัวใจสำคัญของข้อสอบในแบบทดสอบประเภทนี้
2. แบบทดสอบอิงกลุ่ม หมายถึง แบบทดสอบที่มุ่งสร้างเพื่อวัดให้ครอบคลุมหลักสูตร ตามตารางวิเคราะห์หลักสูตร ความสามารถในการจำแนกผู้สอบตามความเก่ง อ่อนได้ดี เป็นหัวใจสำคัญของข้อสอบในแบบทดสอบประเภทนี้ การรายงานผลการสอบอาศัยคะแนนมาตรฐาน ซึ่งเป็นคะแนนที่สามารถให้ความหมายแสดงถึง สถานภาพ ความสามารถของบุคคลนั้น เมื่อเปรียบเทียบกับบุคคลอื่นที่ใช้กลุ่มเปรียบเทียบ

夷วดี วิญญาณศรี (2554 : 16) กล่าวว่าแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน คือ แบบทดสอบที่สร้างขึ้นเพื่อใช้วัดผลของการเรียนการสอนหรือเป็นแบบทดสอบมาตรฐานที่ใช้สำหรับวัดทักษะหรือความรู้ที่ได้เรียนรู้มา

วนิดา เทียนเจษฎา (2556 : 96) กล่าวว่า แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ หมายถึง แบบทดสอบที่นำมาใช้คปริมาณความรู้ ความสามารถ ทักษะเกี่ยวกับวิชาการที่นักเรียนได้เรียนรู้ มาจากการสั่งสอนของครูว่าได้รับรู้มากน้อยเพียงไร เป็นเครื่องมือของครูที่ใช้สำหรับวัด ความสามารถของนักเรียนนั่นเอง

จากความหมายที่นักวิชาการให้ไว้ พอกสรุปได้ว่า แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ หมายถึง แบบทดสอบที่สร้างขึ้นเพื่อนำมาใช้วัดความรู้ ความสามารถ ทักษะเกี่ยวกับวิชาการที่นักเรียนได้เรียนรู้

#### **ประเภทของแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์**

ในการสร้างแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน ผู้วิจัยได้ศึกษาค้นคว้าเกี่ยวกับ ประเภทต่าง ๆ ของแบบทดสอบเพื่อนำมาใช้เป็นแนวทางในการสร้างแบบทดสอบโดยศึกษาจาก สมนึก กัททิชานี (2546 : 73-79) ที่กล่าวว่า แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์มีหลายรูปแบบ แต่ที่นิยมใช้มี 6 รูปแบบ ดังนี้

1. แบบอัตนัยหรือความเรียง (Subjective or Essay Test) เป็นข้อสอบที่มีเฉพาะคำถาม แล้วให้นักเรียนเขียนตอบอย่างเสรี เขียนบรรยายตามความรู้และข้อคิดของแต่ละคน

2. แบบถูก-ผิด (True - false Test) เป็นข้อสอบแบบถูก-ผิด คือ ข้อสอบแบบเลือกตอบที่มี 2 ตัวเลือก แต่ละตัวเลือกค้างกล่าวเป็นแบบคงที่และมีความหมายตรงกันข้าม เช่น ถูก – ผิด ใช่ – ไม่ใช่ จริง – ไม่จริง เมื่อนอกัน – ต่างกัน เป็นต้น

3. แบบเติมคำ (Completion Test) เป็นข้อสอบที่ประกอบด้วยประโยคหรือข้อความที่ยังไม่สมบูรณ์แล้วให้ผู้ตอบเติมคำให้完整หรือประไ逼ให้สมบูรณ์แล้วให้ผู้ตอบเป็นคนเขียนคำตอน คำตอนที่ต้องการจะสั้นและกะทัดรัด ได้ใจความสมบูรณ์ไม่ใช่เป็นการบรรยายแบบข้อสอบอัตนัยหรือเรียงความ

4. แบบตอบสั้นๆ (Short Answer Test) เป็นข้อสอบที่คล้ายกับข้อสอบแบบเติมคำ แต่แตกต่างกันที่ข้อสอบแบบตอบสั้นๆ เนื่องเป็นประโยคคำตอนสมบูรณ์แล้วให้ผู้ตอบเป็นคนเขียนคำตอน คำตอนที่ต้องการจะสั้นและกะทัดรัด ได้ใจความสมบูรณ์ไม่ใช่เป็นการบรรยายแบบข้อสอบอัตนัยหรือเรียงความ

5. แบบจับคู่ (Matching Test) เป็นข้อสอบแบบเลือกตอบชนิดหนึ่ง โดยมีคำหรือข้อความแยกออกจากกันเป็น 2 ชุด (ตัวเลือก) ซึ่งมีความสัมพันธ์กันอย่างโดยย่างหนึ่งตามที่ผู้ออกข้อสอบกำหนด

6. แบบเลือกตอบ (Multiple Choice Test) เป็นข้อสอบที่มี 2 ตอน คือ ตอนนำหรือคำตอน (Stem) กับตอนเลือก (Choice) กำหนดให้นักเรียนพิจารณาแล้วหาตัวเลือกที่ถูกต้องมากที่สุด เพียงตัวเลือกเดียว และคำตอนแบบเลือกตอบที่คือ นิยมใช้ตัวเลือกที่ใกล้เคียงกันคุณเป็นๆ จะเห็นว่า ทุกตัวเลือกถูกหมดแต่ความจริงมีน้ำหนักถูกมากน้อยต่างกัน

ในการวิจัยครั้งนี้ ผู้วิจัยสร้างแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนประเภทแบบปนัยชนิดเลือกตอบ 5 ตัวเลือก โดยผ่านการวิเคราะห์และปรับปรุงให้มีคุณภาพดี เพื่อใช้เป็นเครื่องมือในการทดลองหาประสิทธิภาพของแบบฝึกทักษะเรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามหลักสูตรคณิตศาสตร์ตัวต่อตัว

#### ขั้นตอนการสร้างแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์

การเรียงลำดับขั้นตอนในการสร้างแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ ช่วยให้ผู้วิจัยมีหลักการและแนวทางที่ถูกต้อง โดยการศึกษาจาก พิชิต ฤทธิ์ชูภู (2552:51-53) กล่าวว่า การสร้างแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์มีขั้นตอนการดำเนินการดังนี้

1. วิเคราะห์หลักสูตรและสร้างตารางวิเคราะห์หลักสูตร การสร้างแบบทดสอบควรเริ่มต้นด้วยการวิเคราะห์หลักสูตร เพื่อวิเคราะห์เนื้อหาสาระและพฤติกรรมที่ต้องการจะวัดตารางวิเคราะห์หลักสูตรจะเป็นกรอบในการออกแบบข้อสอบ ซึ่งระบุจำนวนข้อสอบในแต่ละเรื่อง และพฤติกรรมที่ต้องการจะวัดไว้

2. กำหนดจุดประสงค์การเรียนรู้ จุดประสงค์การเรียนรู้ เป็นพฤติกรรมที่เป็นผลการเรียนรู้ที่ผู้สอนนั่งหัวจะให้เกิดขึ้นกับผู้เรียน ซึ่งผู้สอนจะกำหนดไว้ล่วงหน้าสำหรับเป็นแนวทางในการจัดการเรียนการสอน และสร้างข้อสอบบวัดผลสัมฤทธิ์

3. กำหนดชนิดของข้อสอบและวิธีการสร้าง โดยศึกษาตารางวิเคราะห์หลักสูตรและจุดประสงค์การเรียนรู้ ผู้ออกแบบข้อสอบต้องพิจารณาตัดสินใจเลือกชนิดของข้อสอบที่จะใช้วัดว่า จะเป็นแบบใด โดยเลือกให้สอดคล้องกับจุดประสงค์ของการเรียนรู้และเหมาะสมกับวัยของผู้เรียน แล้วศึกษาวิธีการเขียนข้อสอบชนิดนั้นให้มีความรู้ความเข้าใจในหลักและวิธีการเขียนข้อสอบ

4. เขียนข้อสอบ ผู้ออกแบบข้อสอบลงมือเขียนข้อสอบตามรายละเอียดที่กำหนดไว้ในตารางวิเคราะห์หลักสูตร และให้สอดคล้องกับจุดประสงค์การเรียนรู้

5. ตรวจทานข้อสอบ เพื่อให้ข้อสอบที่เขียนไว้แล้ว มีความถูกต้องตามหลักวิชา มีความสมบูรณ์ครบถ้วนตามรายละเอียดที่กำหนดไว้ในตารางวิเคราะห์หลักสูตร ผู้ออกแบบข้อสอบ ต้องพิจารณาทบทวนตรวจทานข้อสอบอีกครั้งก่อนที่จะจัดพิมพ์และนำไปใช้ต่อไป

6. จัดพิมพ์แบบทดสอบฉบับทดลอง เมื่อตรวจทานข้อสอบเสร็จแล้วให้พิมพ์ข้อสอบ ก็จะหมดขั้นตอนเป็นแบบทดสอบฉบับทดลอง โดยมีคำชี้แจงหรือคำอธิบายวิธีตอบแบบทดสอบ (Direction) และขั้นตอนการพิมพ์ให้เหมาะสม

7. ทดลองและวิเคราะห์ข้อสอบเป็นวิธีการตรวจสอบคุณภาพของแบบทดสอบก่อนนำไปใช้จริง โดยนำแบบทดสอบไปทดลองสอบกับกลุ่มนักเรียนที่มีลักษณะคล้ายคลึงกับกลุ่มที่ต้องการสอนจริง และนำผลการสอนมาวิเคราะห์และปรับปรุงข้อสอบให้มีคุณภาพ

8. จัดทำแบบทดสอบฉบับจริง จากผลการวิเคราะห์ข้อสอบ หากพบว่าข้อสอบข้อใดไม่มีคุณภาพหรือมีคุณภาพไม่คีพอ อาจจะต้องตัดทิ้งหรือปรับปรุงแก้ไขข้อสอบให้มีคุณภาพดีขึ้น และจัดทำเป็นแบบทดสอบฉบับจริงที่จะนำไปทดลองกับกลุ่มเป้าหมายต่อไป

จากขั้นตอนทั้งหมดของการสร้างแบบทดสอบบวัดผลสัมฤทธิ์ทำให้เชื่อได้ว่าแบบทดสอบ บวัดผลสัมฤทธิ์ที่ได้สามารถนำไปใช้วิเคราะห์ข้อมูลได้ เพราะเป็นแบบทดสอบที่มีคุณภาพสอดคล้องกับตัวชี้วัดและสามารถนำไปใช้วัดความรู้ ความสามารถและทักษะต่างๆ ของนักเรียน ได้เป็นอย่างดี

## ดัชนีประสิทธิผล

ผู้จัดฯได้ศึกษาความหมาย การหาค่าดัชนีประสิทธิผลของการเรียนคือแบบฝึกหัดจะเรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ ความทฤษฎีก้อนสตอร์คิติวิสต์ รายละเอียดดังนี้

### ความหมายของดัชนีประสิทธิผล

ไชยศ เว่องสุวรรณ (2545 : 279) ดัชนีประสิทธิผล หมายถึง ตัวเลขที่แสดงความก้าวหน้าในการเรียนของผู้เรียน โดยเทียบคะแนนที่เพิ่มขึ้นจากคะแนนทดสอบก่อนเรียนกับคะแนนที่ได้จากการทดสอบหลังเรียน และคะแนนเดิมหรือคะแนนสูงสุดกับคะแนนที่ได้จากการทดสอบก่อนเรียน

บุญชุม ศรีสะอาด และคณะ (2550 : 102-103) ได้ให้ความหมายของดัชนีประสิทธิผล หมายถึง ค่าที่แสดงอัตราการเรียนรู้ที่ก้าวหน้าขึ้นจากพื้นฐานความรู้เดิมที่มีอยู่แล้ว หลังจากที่ผู้ได้เรียนจากสื่อหรืออนวัตกรรมหรือแผนการเรียนรู้นั้นา

สรุปได้ว่า ดัชนีประสิทธิผล หมายถึง ค่าตัวเลขในทางสถิติที่แสดงความก้าวหน้าของผู้เรียนหลังจากการเรียนรู้ด้วยแบบฝึกหัดฯ โดยเปรียบเทียบคะแนนที่เพิ่มขึ้นจากการทดสอบก่อนเรียน กับคะแนนที่ได้จากการทดสอบหลังเรียน

### การหาค่าดัชนีประสิทธิผล

ดัชนีประสิทธิผล เป็นตัวเลขที่บ่งบอกถึงความเจริญก้าวหน้าหรือพัฒนาการด้านการเรียนรู้ของนักเรียนจากความรู้เดิม ซึ่งมีการคำนวณโดยใช้ค่าเฉลี่ยของคะแนนที่เพิ่มขึ้น โดยทั่วไปไว้เพื่อเป็นแนวทางในการพิจารณา มีผู้ศึกษาค้นคว้าเกี่ยวกับดัชนีประสิทธิผล และได้อธิบายไว้ดังนี้ รูปแบบการหาค่าดัชนีประสิทธิผล ตามแนวคิดของ โฮฟแลนด์ (Hofland) จะให้ข้อมูลที่ชัดเจน โดยใช้สูตร ดังนี้ (บุญชุม ศรีสะอาด. 2546 : 158)

$$\text{ดัชนีประสิทธิผล} = \frac{\text{คะแนนหลังเรียน} - \text{คะแนนก่อนเรียน}}{\text{คะแนนเดิม} - \text{คะแนนก่อนเรียน}}$$

$$\text{ค่า} = \frac{\text{คะแนนหลังเรียน} - \text{คะแนนก่อนเรียน}}{\text{คะแนนเดิม} - \text{คะแนนก่อนเรียน}}$$

เพชรุ กิจระการ (2544 : 44-51) ได้แบ่งเรียนเทียบความแตกต่างของคะแนน โดยให้ความสนใจค่าเฉลี่ยของคะแนนซึ่งเรียกว่า วิธีการ Conventional ซึ่งจะคำนวณจากการนำค่าคะแนนร้อยละ โดยนำคะแนนทดสอบก่อนเรียนลบออกจากคะแนนทดสอบหลังเรียน ได้เท่ากับ นำมาลบด้วยคะแนนทดสอบก่อนเรียน โดยทำให้อยู่ในรูปร้อยละ

$$E.I. = \frac{P_2 - P_1}{100 - P_1}$$

เมื่อ  $P_1$  แทน ผลรวมของคะแนนทดสอบก่อนเรียน

$P_2$  แทน ผลรวมของคะแนนทดสอบหลังเรียน

100 แทน ผลคูณของจำนวนนักเรียนกับคะแนนเต็ม

$P_2 - P_1$  หมายถึง จำนวนเดียวของ E.I. เป็นเศษที่ได้จากการวัดระหว่างการทดสอบก่อนเรียน ( $P_1$ ) และคะแนนทดสอบหลังเรียน ( $P_2$ ) ซึ่งคะแนนของห้องสองชนิดนี้ จะแสดงถึงค่าร้อยละของคะแนนรวมสูงสุดที่ทำได้ (100%)

ตัวหารของดัชนีคือ ความแตกต่างระหว่างคะแนนทดสอบก่อนเรียน ( $P_1$ ) และคะแนนสูงสุดที่นักเรียนสามารถจะทำได้

ดัชนีประสิทธิผลสามารถนำมาประยุกต์ใช้ เพื่อประเมินผลสืบเริ่มจากการทดสอบก่อนเรียน ซึ่งวัดว่าผู้เรียนมีความรู้พื้นฐานอยู่ในระดับใด การวัดทางด้านความเชื่อ เขตคิด และความตั้งใจของผู้เรียนนำคะแนนที่ได้จากการทดสอบมาเปลี่ยนให้เป็นร้อยละหาค่าคะแนนสูงสุดที่เป็นไปได้ จากนั้นนำนักเรียนเข้ารับการทดสอบเสร็จแล้วทำการทดสอบหลังเรียนแล้วนำคะแนนที่ได้ มาหารค่าดัชนีประสิทธิผล โดยนำคะแนนก่อนเรียนไปลบออกจากคะแนนหลังเรียน ได้เท่ากับ นำมาหารด้วยค่าที่ได้จากการทดสอบก่อนเรียนสูงสุดที่ผู้เรียนสามารถทำได้ ลบด้วยคะแนนทดสอบก่อนเรียน โดยทำให้อูํในรูปเปอร์เซนต์

โดยทั่วไปการหาดัชนีประสิทธิผล มักหาโดยใช้คะแนนของกลุ่ม ซึ่งทำให้สูตรเปลี่ยนไปดังนี้ (บุญชุม ศรีสะอาด. 2545 : 84)

ดัชนีประสิทธิผล = ผลรวมของคะแนนทดสอบหลังเรียน - ผลรวมของคะแนนทดสอบก่อนเรียน  
(จำนวนนักเรียน X คะแนนเต็ม) - ผลรวมของคะแนนทดสอบก่อนเรียน

กล่าวได้ว่า ดัชนีประสิทธิผลเป็นค่าตัวเลขในทางสถิติที่แสดงความก้าวหน้าของนักเรียน หรือผู้เรียนหลังจากที่เรียนรู้โดยใช้สื่อหรือวิธีการต่างๆ เพื่อหาแนวทางปรับปรุงหรือพัฒนาสื่อ หรือวิธีการที่ใช้เหล่านั้นให้ดียิ่งขึ้นต่อไป

## ความพึงพอใจ

การจัดกิจกรรมการเรียนการสอนให้ประสบผลเรื่องตามวัตถุประสงค์นั้น ผู้เรียนจะต้องมีความพึงพอใจกับรูปแบบหรือวิธีการในการจัดการเรียนการสอน ซึ่งลักษณะความพึงพอใจ มีหลายรูปแบบ เช่น ความพึงพอใจในสื่อหรือนวัตกรรม ความพึงพอใจในเทคนิควิธีการสอน เป็นต้น

### ความหมายของความพึงพอใจ

นักการศึกษาหลายคนได้ให้ความหมายของความพึงพอใจไว้ ดังนี้

พัฒก คงนุรัตน์ (2547 : 34) กล่าวไว้ว่า ความพึงพอใจ หมายถึงความรู้สึก ความนิยม ความเชื่อที่มีแนวโน้มที่แสดงออกของพฤติกรรม ต่อการปฏิบัติกรรมที่ทำให้เกิดความเจริญ จากการในทุกด้านของแต่ละบุคคล อาจเป็นทางด้านบวกหรือทางด้านลบของพฤติกรรมนั้นๆ

เบญจวรรณ เสาร์โภ (2553 : 45) ให้ความหมายของความพึงพอใจต่อการเรียนว่า หมายถึง ความรู้ที่รับรู้ด้วยจิตใจ โดยอาศัยแรงจูงใจภายในแสดงออกมาเป็นพฤติกรรมต่างๆ ต่อการเรียนการสอนของครูและแสดงให้บุคคลอื่นเข้าใจได้รับรู้ในทางบวกหรือทางที่ดีขึ้น

วีระพร ลาหอง (2554 : 90) ให้ความหมายของความพึงพอใจว่า หมายถึง ความคิดเห็นของผู้เรียนว่ามีความพอใจหรือไม่พอใจต่อการเรียนหรือการปฏิบัติกรรมต่างๆ ที่ได้รับ มอบหมาย การจัดการเรียนการสอนควรดำเนินถึงความพึงพอใจของผู้เรียน โดยเฉพาะอย่างยิ่ง การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ที่สอดคล้องกับความต้องการและความสามารถของผู้เรียน เป็นสิ่งสำคัญ ที่จะช่วยกระตุ้นให้นักเรียนมีความมุ่งมั่นในการปฏิบัติกรรมต่างๆ และเกิดการเรียนรู้ต่อไป

สรุปได้ว่า ความรู้สึกในเชิงบวกของนักเรียนที่มีต่อการจัดการเรียนการสอนด้วย แบบฝึกหัดจะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ซึ่งวัดได้จากแบบประเมินความพึงพอใจ ที่ผู้จัดสร้างขึ้น

### ทฤษฎีความพึงพอใจ

มีผู้อธิบายถึงทฤษฎีเกี่ยวกับความพึงพอใจไว้ ดังนี้

ไฮร์ชเบิร์ก (Herzberg, 1959 : 113-115) ได้ทำการศึกษาด้านกว้างทฤษฎีที่เป็นมูลเหตุ ที่ทำให้เกิดความพึงพอใจ เรียกว่า The Motivation Hygiene Theory ซึ่งสนับสนุนและขยาย แนวความคิดของลำดับความต้องการของมนุษย์ ได้กล่าวถึงปัจจัยที่ทำให้เกิดความพึงพอใจ ในการทำงาน 2 ปัจจัย คือ

1. ปัจจัยกระตุ้น (Motivation Factor) เป็นปัจจัยที่เกี่ยวกับการงานซึ่งเป็นผล ก่อให้เกิดความพึงพอใจในการทำงาน เช่น ความสำเร็จของงาน การได้รับการยอมรับนับถือ ลักษณะของงาน ความรับผิดชอบ ความก้าวหน้าในตำแหน่งการงาน

2. ปัจจัยที่สาม (Hygiene Factor) เป็นปัจจัยที่เกี่ยวกับสิ่งแวดล้อมในการทำงาน และมีหน้าที่ทำให้บุคคลเกิดความพึงพอใจในการทำงาน เช่น เงินเดือน โอกาสที่จะก้าวหน้า ในอนาคต สถานะของอาชีพ สภาพการทำงาน เป็นต้น

มาสโลว์ (Maslow. 1970 : 69) กล่าวว่า ทฤษฎีความพึงพอใจเป็นทฤษฎีเกี่ยวข้องกับ ความต้องการพื้นฐานของมนุษย์ โดยมาสโลว์มองว่า ความต้องการของมนุษย์มีลักษณะเป็นลำดับ ขั้นจากระดับต่ำสุด ไปยังระดับสูงสุด เมื่อความต้องการในระดับหนึ่งได้รับการตอบสนองแล้ว มนุษย์ก็จะมีความต้องการอื่นในระดับที่สูงขึ้นต่อไป โดยมนุษย์ทุกคนมีความต้องการพื้นฐาน ตามธรรมชาติเป็นลำดับขั้น ดังนี้

1. ความต้องการทางร่างกาย (Physiological Needs) เป็นความต้องการขั้นพื้นฐานของ มนุษย์เพื่อความอยู่รอด เช่น อาหาร เครื่องนุ่งห่ม ที่อยู่อาศัย สาธารณสุข อากาศ น้ำดื่ม เป็นต้น

2. ความต้องการความปลอดภัยและมั่นคง (Security or Safety Needs) เมื่อมนุษย์ สามารถตอบสนองความต้องการทางร่างกายได้แล้ว มนุษย์ก็จะเพิ่มความต้องการในระดับที่สูงขึ้น ต่อไป เช่น ความต้องการความปลอดภัยในชีวิตและทรัพย์สิน ความต้องการความมั่นคงในชีวิต และหน้าที่การงาน

3. ความต้องการผูกพันหรือการยอมรับ ความต้องการทางสังคม (Affiliation or Acceptance Needs) เป็นความต้องการเป็นส่วนหนึ่งของสังคม ซึ่งเป็นธรรมชาติอย่างหนึ่งของ มนุษย์ เช่น ความต้องการให้และได้รับซึ่งความรัก ความชื่นชมจากผู้อื่น

4. ความต้องการการยกย่อง (Esteem Needs) หรือความภาคภูมิใจในตนเอง เป็นความ ต้องการได้รับการยกย่อง นับถือ และสถานะทางสังคม เช่น ความต้องการได้รับความเคารพ นับถือ ความต้องการมีความรู้ความสามารถ เป็นต้น

5. ความต้องการความสำเร็จในชีวิต (Self - Actualization) ซึ่งเป็นความต้องการสูงสุด สมบค นาวีกการ (2544 : 115-116) ได้กล่าวถึงทฤษฎีความพึงพอใจว่ามีแนวคิดพื้นฐาน ที่ต่างกัน 2 ลักษณะ ในการปฏิบัติงานที่ผู้บริหารหรือครูจะต้องคำนึงถึงในการจัดการเรียน การสอน ที่จะทำให้ผู้เรียนหรือผู้ปฏิบัติงานเกิดความพึงพอใจ

1. ความพึงพอใจนำไปสู่การปฏิบัติงาน การตอบสนองความต้องการของผู้ปฏิบัติงาน จนเกิดความพึงพอใจ จะทำให้เกิดแรงจูงใจในการเพิ่มประสิทธิภาพการทำงานที่สูงกว่าผู้ที่ไม่ได้ รับการตอบสนอง ดังนั้น ครูผู้สอนที่ต้องการให้กิจกรรมการเรียนการสอนที่เน้นผู้เรียนเป็นสำคัญ บรรลุจุดประสงค์ ต้องคำนึงถึงการจัดบรรยากาศ สถานการณ์ สื่อการสอนที่เอื้ออำนวย ต่อการเรียน เพื่อตอบสนองความพึงพอใจของผู้เรียนให้มีแรงจูงใจในการทำกิจกรรมจนบรรลุตาม จุดประสงค์

2. ผลของการปฏิบัติงานนำไปสู่ความพึงพอใจ ความสัมพันธ์ระหว่างความพึงพอใจ และผลการปฏิบัติงานจะถูกเชื่อมโยงด้วยปัจจัยอื่น ๆ ผลการปฏิบัติงานย่อมได้รับการตอบสนองในรูปของรางวัลหรือผลตอบแทน ซึ่งแบ่งออกเป็นผลตอบแทนภายใน (Intrinsic Rewards) และผลตอบแทนภายนอก (Extrinsic Rewards) โดยผ่านการรับรู้เกี่ยวกับความยุติธรรมของผลตอบแทน ซึ่งเป็นดั่งบ่งชี้ปริมาณของผลตอบแทนที่ผู้ปฏิบัติงานได้รับ นั่นคือความพึงพอใจในงานของผู้ปฏิบัติงาน จะถูกกำหนดโดยความแตกต่างระหว่างผลตอบแทนที่เกิดขึ้นจริงและ การรับรู้เรื่องความยุติธรรมของผลตอบแทนที่รับรู้แล้ว ความพึงพอใจย่อมเกิดขึ้น

สรุปได้ว่า การจัดการเรียนการสอนให้เป็นที่น่าพึงพอใจกับผู้เรียนนั้น ผู้สอนต้องจัดบรรยากาศ สื่อการสอน อุปกรณ์ กิจกรรมที่เอื้อต่อการจัดการเรียนรู้ เพื่อตอบสนองความต้องการของผู้เรียน ทำให้มีแรงจูงใจในการเรียนรู้ เพื่อให้ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนเพิ่มขึ้น

## งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

### งานวิจัยในประเทศไทย

ในการทำวิจัยเรื่อง ผลการใช้ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ โดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวความคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ผู้วิจัยได้ศึกษางานวิจัยที่เกี่ยวข้องและสอดคล้องกัน ดังนี้

สุรเดช ม่วงนิกร (2551 : 92-96) ได้ทำการวิจัยเพื่อพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ และศึกษาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์ของนักเรียนที่มีจำนวนนักเรียนไม่น้อยกว่าร้อยละ 70 มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนและคะแนนเฉลี่ยร้อยละ 70 ขึ้นไป โดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวคิดผู้เรียนเป็นผู้สร้างองค์ความรู้ด้วยตนเองแบบผสมผสานระหว่างแบบ 5E และ STAD ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 โรงเรียนบ้านหันวิทยา อำเภอเก冈ครรโนบูรณ์ จังหวัดชัยภูมิ พบว่า นักเรียนได้ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 78.33 คนและมีจำนวนนักเรียนที่ผ่านเกณฑ์ทั้งหมด 24 คน จากจำนวนนักเรียน 27 คน คิดเป็นร้อยละ 88.99 ซึ่งเป็นไปตามเกณฑ์ที่กำหนดไว้ คือ ให้มีจำนวนนักเรียนไม่น้อยกว่าร้อยละ 70 มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนและคะแนนร้อยละ 70 ขึ้นไป

ปราณี จิณฤทธิ์ (2552 : 72-74) ผลการใช้แบบฝึกคณิตศาสตร์ที่มีต่อผลสัมฤทธิ์และ เงศคดิทางการเรียนคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 โรงเรียนเทศประชาสามัคคี จังหวัดราชสีมา พบว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 หลังการใช้แบบฝึกทักษะคณิตศาสตร์สูงกว่าก่อนเรียน เงศคดิของนักเรียนหลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียนอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ 0.01 และอยู่ในระดับสูงมาก

ฉลอม ไชยบูรินทร์ (2553 : 100) การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้กู้ภัยสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ตามแนวทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เรื่องความน่าจะเป็น สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ผลการวิจัยพบว่า สามารถพัฒนากิจกรรมการจัดการเรียนรู้คณิตศาสตร์และทักษะการแก้ปัญหา โดยใช้การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ของ Underhill มีขั้นตอนที่สำคัญ 5 ขั้นตอน คือ (1) ขั้นนำเข้าสู่บทเรียน (2) ขั้นสอน (3) ขั้นสรุป (4) ขั้นฝึกทักษะ และการนำไปใช้ (5) ขั้นประเมินผล มีนักเรียนจำนวนร้อยละ 73.68 มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน เรื่องความน่าจะเป็นสูงกว่าร้อยละ 70 ของคะแนนเต็ม มีนักเรียนจำนวนร้อยละ 71.05 มีทักษะการแก้โจทย์ปัญหารึ่งความน่าจะเป็นสูงกว่าร้อยละ 70 ของคะแนนเต็ม

ชุดม�าตร บรรณงส์ (2553 : 61-66) ผลการใช้นบทเรียนออนไลน์ตามแนวคิดทฤษฎีการสร้างองค์ความรู้ด้วยตนเอง เรื่อง ความน่าจะเป็น วิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ผลการวิจัย พบว่า พัฒนาบทเรียนออนไลน์ตามแนวทฤษฎีการสร้างองค์ความรู้ด้วยตนเอง เรื่องความน่าจะเป็น วิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ให้มีประสิทธิภาพตามเกณฑ์ 75/75 ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน เรื่องความน่าจะเป็น วิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ที่สอนโดยใช้บทเรียนออนไลน์ตามแนวคิดทฤษฎีการสร้างองค์ความรู้ด้วยตนเองกับการสอนปกติและความพึงพอใจต่อการเรียนด้วยบทเรียนออนไลน์ตามแนวคิดทฤษฎีการสร้างองค์ความรู้ด้วยตนเอง เรื่องความน่าจะเป็นวิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5

นรริชญ์ ภูสังค์ (2553 : 95-96) การศึกษาทักษะในการแก้โจทย์ปัญหา เรื่อง การประยุกต์ของสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียว โดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวความคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ที่เน้นขั้นตอนการแก้ปัญหาของโพลยา สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ผลการวิจัยพบว่า การศึกษาทักษะการแก้โจทย์ปัญหาเรื่องการประยุกต์ของสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียว โดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ที่เน้นขั้นตอนการแก้ปัญหาของโพลยา ประกอบด้วย 3 ขั้นตอน คือ (1) ขั้นสร้างความขัดแย้งทางปัญญา (2) ขั้นไตรตรอง (3) ขั้นสร้างโครงสร้างใหม่ทางปัญญา เป็นการสรุปวิธีคิด การคำนวณ และการแก้โจทย์ปัญหา ตามวิธีที่นักเรียนเข้าใจ ทำให้นักเรียนมีความมั่นใจ และมีแรงจูงใจในการเรียนมากยิ่งขึ้น นักเรียนได้คะแนนทักษะการแก้โจทย์ปัญหาเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 73.15 และมีจำนวนนักเรียนที่ผ่านเกณฑ์ 16 คน คิดเป็นร้อยละ 80.00 ของนักเรียนทั้งหมด ซึ่งเป็นไปตามเกณฑ์ที่กำหนดไว้

พนา ไพร ทนงค์ (2553 : 98) การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้โดยเน้นผู้เรียนเป็นผู้สร้างองค์ความรู้ ด้วยตนเองและเพิ่มสะสภผลงาน กู้ภัยสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่อง สมการเชิงเส้นตัวแปรเดียว ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 ผลการวิจัยพบว่า กิจกรรมการเรียนรู้โดยเน้นผู้เรียน เป็นผู้สร้างองค์ความรู้ด้วยตนเองและเพิ่มสะสภผลงาน กู้ภัยสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่อง

สมการเชิงเส้นตัวแปรเดียว ขั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 มีประสิทธิภาพ  $77.66/73.50$  ซึ่งสูงกว่าเกณฑ์  $70/70$  ที่ตั้งไว้ ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนหลังเรียนด้วยกิจกรรมการเรียนรู้ที่สร้างขึ้น สูงกว่าก่อนเรียน อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 และเจตคติดีต่อการเรียนคณิตศาสตร์ของ นักเรียนหลังเรียนด้วยกิจกรรมการเรียนรู้ที่สร้างขึ้นสูงกว่าก่อนเรียนอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ ระดับ .01

วนิดา นนถาชา (2553 : 87) ผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ตามแนวทฤษฎี คณิตศาสตร์คิวสต์ เรื่อง ความรู้เบื้องต้นเกี่ยวกับจำนวนจริง ขั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ผลการวิจัยพบว่า แผนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ตามแนวทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวสต์ เรื่อง ความรู้เบื้องต้น กับจำนวนจริง ขั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ที่ผู้ศึกษาค้นคว้าสร้างขึ้นมีประสิทธิภาพ  $82.87/81.19$  ซึ่งสูงกว่าเกณฑ์  $75/75$  ที่ตั้งไว้ ด้านประสิทธิผลของแผนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ตามแนวทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวสต์ เรื่อง ความรู้เบื้องต้นเกี่ยวกับจำนวนจริง ขั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 มีค่า เท่ากับ  $0.6624$  นักเรียนขั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ที่เรียนโดยการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ตามแนวทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวสต์ มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนหลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียน อย่างมี นัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 และนักเรียนมีความพึงพอใจต่อการเรียนด้วยการจัดกิจกรรม การเรียนรู้คณิตศาสตร์อยู่ในระดับมากที่สุด

จากรุวรรณ ศรีสวัสดิ์ (2554 : 90) การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์โดยใช้ รูปแบบการเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวสต์ เรื่องเลขยกกำลัง สำหรับนักเรียน ขั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 มีขั้นตอนการจัดการเรียนรู้ 3 ขั้นตอนคือ 1.1) ขั้นนำเข้าสู่บทเรียน 1.2) ขั้นสอนประกอบด้วย ขั้นสร้างความขัดแย้งทางปัญญา ขั้นกิจกรรมໄต่ร์ตอร์ง ขั้นสร้างสถานการณ์ ปัญหาขั้นสรุปผลการสร้างโครงสร้างใหม่ทางปัญญาและ 1.3) ขั้นวัดและประเมินผลของการพัฒนา พบว่า นักเรียนที่ได้รับการจัดการเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคณิตศาสตร์สามารถสร้าง องค์ความรู้และตรวจสอบความรู้ได้ด้วยตัวเอง มีความเชื่อมั่นในตนเองกล้าแสดงความคิดเห็น สามารถถกบีบราญแลกเปลี่ยนความรู้ซึ่งกันและกันมีทักษะในการทำงานร่วมกับผู้อื่น มีความ รับผิดชอบ มีการช่วยเหลือซึ่งกันและกัน รวมทั้งมีเจตคติที่ดีต่อวิชาคณิตศาสตร์ นักเรียน มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนเฉลี่ยร้อยละ  $73.23$  และจำนวนนักเรียนที่ผ่านเกณฑ์คิดเป็นร้อยละ  $78.57$  เมื่อนำไปเทียบกับเกณฑ์ร้อยละ  $70$  พบว่าผ่านเกณฑ์ทั้งคะแนนและจำนวนนักเรียน ความคิดเห็น ของนักเรียนที่มีต่อการเรียนโดยใช้รูปแบบการเรียนรู้ตามแนวคิดของทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวสต์พบว่า โดยภาพรวมอยู่ในระดับมากที่สุด ( $\bar{X} = 4.54$ )

พิสมัย พุงกระโทก (2556 : 107-111) ผลการใช้แบบฝึกทักษะเรื่อง อสมการ ที่เรียน โดยการเรียนรู้แบบร่วมมือ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 พบว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

หลังเรียนโดยใช้แบบฝึกทักษะ สูงกว่าก่อนเรียน นักเรียนมีความพึงพอใจต่อการเรียนที่เรียนโดยใช้แบบฝึกทักษะเรื่อง อสมการ ที่เรียนโดยการเรียนรู้แบบร่วมมืออยู่ในระดับมากที่สุด

### งานวิจัยต่างประเทศ

เอด (Wade, 1995 : 11-A) ได้ศึกษาผลของการสอนคณิตศาสตร์แบบแก้ปัญหาการเรียนรู้แบบคณิตศาสตร์ด้วยสื่อคอมพิวเตอร์ ต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน ความเชื่อมั่นในตนเองและเจตคติต่อวิชาคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 5 โดยศึกษากลุ่มตัวอย่าง 17 คนและระยะเวลา 6 สัปดาห์ สอนวันละ 3 ชั่วโมง ทุกวัน ผลการศึกษาพบว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของตัวอย่างเพิ่มขึ้น อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .05 นอกจากนี้ยังพบว่า นักเรียนที่ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนดี มีอัจฉริยะทางคณิตศาสตร์สูงกว่า นักเรียนที่มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนต่ำ มีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ 0.05 จากการศึกษาข้อมูลเชิงคุณภาพ พบว่า เจตคติและความเชื่อในตนเองต่อวิชาคณิตศาสตร์ของกลุ่มตัวอย่างสูงขึ้น

นีล (Neal, 2004 : 74 - 78) ได้พัฒนาการจัดกิจกรรมการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย โดยการจัดการเรียนรู้ตามแนวทฤษฎีคณิตศาสตร์ด้วยสื่อคอมพิวเตอร์ มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์ ตามแนวทฤษฎีคณิตศาสตร์ด้วยสื่อคอมพิวเตอร์ กลุ่มเป้าหมายคือนักเรียนระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนปลายที่สอบไม่ผ่านเกณฑ์การสอนระดับประเทศ ดำเนินการพัฒนาการจัดกิจกรรมโดยการนำผลการสอนระดับประเทศ เป็นเกณฑ์การพิจารณา นำนักเรียนที่สอบไม่ผ่านเกณฑ์เข้าเรียนในห้องปฏิบัติการคอมพิวเตอร์ โดยจับคู่นักเรียนที่มีผลการเรียนสูงและต่ำ นักเรียนแต่ละคู่เรียนรู้ร่วมกัน ช่วยเหลือกัน และใช้คอมพิวเตอร์ช่วยสอน ในระยะเวลา 16 สัปดาห์ ผลการวิจัยพบว่าการจัดกิจกรรมการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์ด้วยสื่อคอมพิวเตอร์ เป็นกลยุทธ์ในการสอนคณิตศาสตร์สามารถพัฒนา ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์ตามมาตรฐานได้และมีประสิทธิภาพในการพัฒนาผลการเรียน โดยพิจารณาจากผลคะแนนการทดสอบก่อนเรียนและหลังเรียนมีความก้าวหน้าเฉลี่ยวอยู่ระดับ 91

เบลนีส (Blenis, 2007 : unpaged) ได้ศึกษาระบวนการสอนที่โรงเรียนต่างๆ นำเสนอ การสอนในรูปแบบของมัลติมีเดีย มาใช้ประกอบการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ การศึกษาแบบรายการณีนี้จะนำเอาบทเรียนมัลติมีเดียไปประกอบการสอนในชั้นเรียนคณิตศาสตร์ ซึ่งจะให้ภาพประกอบ เพื่อก่อตั้งชุมชนแห่งการเรียนรู้ ลูกจ้างสำคัญของเขตโรงเรียน ในรัฐนิวยอร์ก คือ โรงเรียน State University of New York Institute of Technology ได้รับการสัมภาษณ์ และนักเรียนในชั้นเรียนคณิตศาสตร์ ชั้นประถมปีที่ 6 ได้เรียนบทเรียนแล้วถูกถามให้ตอบ การสำรวจ ทฤษฎีการเรียนรู้แบบที่ให้มุขย์เป็นศูนย์กลางของ การเรียนรู้ และทฤษฎีการเรียนรู้แบบสร้างสรรค์

(Constructivism) ได้ถูกนำมาใช้ในการศึกษาเป็นรายกรณีและสังคมและพัฒนาอย่างต่อเนื่องแต่ละบุคคล ได้รับการวิเคราะห์ตามที่พากษาสามพันธ์กับบทเรียนมัลติมีเดีย

เวสเบิม (Washburn. 2008 : unpaged) ได้ศึกษาโปรแกรมการสอนแบบใช้ผู้เชี่ยวชาญในการสอน มีผลต่อการทำให้เกิดการเปลี่ยนแปลงในวิธีการสอนของครูสอนคณิตศาสตร์ในระดับมัธยมศึกษาตอนปลาย โดยยึดเป็นหลักในทฤษฎี ในเชิงสร้างสรรค์และทฤษฎีแบบสร้าง ความสามารถส่วนตัว การค้นพบ ที่แต่ละขั้นของการวิเคราะห์ ซึ่งเป็นครั้งทางค่านโปรแกรม การสืบสุดโปรแกรมและ 3 ปี หลังโปรแกรม ซึ่งให้เห็นรูปทรง 5 รูปทรง กือ เมตาคอกนิชั่น (Metacognition) โซเชียล (Social) คอนสตรัคติวิสต์ (Constructivist) เซลฟ์-อฟฟิคซี่ (Self-efficacy) ขุนชนของผู้เรียนรู้ และการวิจัยการกระทำเป็นธรรมชาติทั่วๆ ไปทั่วชุดข้อมูล 4 รูปทรงใน 5 รูปทรง เป็นที่ยอมรับกันมากขึ้น ที่แต่ละขั้นของการวิเคราะห์ ที่มีการวิจัยการกระทำการระดับสูง ก่อนขั้นที่ 3 รูปแบบทั้งหลาย ได้รับการพัฒนาระหว่างการศึกษาขั้นของการเปลี่ยนแปลงระยะยาวในการปฏิบัติ ของครูและรูปทรงเหล่านี้ ทำให้เป็นรูปแบบที่เป็นส่วนหนึ่งของปรัชญา การสอนของพากษา ส่งผลให้เกิดการเปลี่ยนแปลงการปฏิบัติของครูคณิตศาสตร์ โรงเรียนมัธยมศึกษา 6 คน ในมุมกล จอร์เจีย ชานเมืองหรือไม่ ผลการเรียนรู้ของโปรแกรมและการรับรู้ความมีประสิทธิผลของตนเอง ได้รับการประเมิน และใช้เป็นคู่มือสำหรับความมีประสิทธิภาพของโปรแกรม

จากการศึกษางานวิจัยข้างต้น สรุปได้ว่า การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์ และการใช้แบบฝึกหักษะ ช่วยส่งเสริมการเรียนรู้และความพึงพอใจในการเรียน ของผู้เรียน ล่างผลให้ผู้เรียนมีผลลัพธ์ทางการเรียนคือกว่าการสอนปกติ เกิดความเชื่อมั่นในการคิด ของตนอย่างมากขึ้น รู้จักเดือกวิช ในการแก้ปัญหาเกิดทักษะการแก้ปัญหา ผู้วิจัยคาดหวังว่าการใช้ แบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ที่ศูนย์สร้างขึ้น สามารถส่งผลให้ผู้เรียน มีผลลัพธ์ทางการเรียนสูงขึ้น เกิดความพึงพอใจต่อการเรียนเป็นอย่างดีเช่น

## บทที่ 3

### วิธีดำเนินการวิจัย

การวิจัยผลการใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ผู้วิจัยได้กำหนดวิธีดำเนินการวิจัยตามขั้นตอนดังนี้

1. ประชากรและกลุ่มตัวอย่าง
2. เครื่องมือที่ใช้ในการเก็บรวบรวมข้อมูล
3. การเก็บรวบรวมข้อมูล
4. การวิเคราะห์ข้อมูล
5. สถิติที่ใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูล

#### ประชากรและกลุ่มตัวอย่าง

1. ประชากรที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ เป็นนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 โรงเรียนนาย โอกาสในกลุ่มเครือข่ายพัฒนาคุณภาพทางการศึกษาประจำโภนชัย 2 สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์ เขต 2 จำนวน 3 โรงเรียน ได้แก่ โรงเรียนบ้านจรเข้มาก จำนวน 2 ห้องเรียน จำนวน 47 คน โรงเรียนวัดบ้านประทัดบุจำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 29 คน และโรงเรียนบ้านโคลกบ่างจำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 14 คนรวมทั้งสิ้น 90 คน  
2. กลุ่มตัวอย่าง กลุ่มตัวอย่างที่ใช้ในงานวิจัยครั้งนี้ เป็นนักเรียนที่กำลังศึกษาอยู่ ในชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 โรงเรียนบ้านโคลกบ่าง ตำบลโคลกบ่าง อำเภอประโภนชัย สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์ เขต 2 จำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 14 คน ซึ่งได้มาจากการสุ่มแบบแบ่งกลุ่ม (Cluster Random Sampling)

## เครื่องมือที่ใช้ในการเก็บรวบรวมข้อมูล

### เครื่องมือที่ใช้ในการเก็บรวบรวมข้อมูลครั้งนี้ มี 4 ชุด ดังนี้

1. แบบฟึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ จำนวน 5 ชุด

2. แผนการจัดการเรียนรู้ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ จำนวน 10 แผน แผนที่ 1 1 ชั่วโมง แผนที่ 2-3 แผนละ 2 ชั่วโมง แผนที่ 4 ถึง 10 แผนละ 1 ชั่วโมง รวม 12 ชั่วโมง

3. แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน ที่ผู้วิจัยสร้างขึ้น ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ หลังจากที่นักเรียนเรียนจนทุกแผนการจัดการเรียนรู้ซึ่งเป็นแบบปรนัยชนิดเลือกตอบ 4 ตัวเลือก จำนวน 40 ข้อ

4. แบบสอบถามความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฟึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เป็นแบบมาตราส่วนประมาณค่า (Rating Scales) 5 ระดับ จำนวน 15 ข้อ

### ขั้นตอนในการสร้างเครื่องมือและการหาคุณภาพของเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย

1. การสร้างแบบฟึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ผู้วิจัยได้ดำเนินการดังนี้

1.1 ศึกษาหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551

ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 เรื่อง ความน่าจะเป็น เพื่อศึกษาโครงสร้าง สาระสำคัญ มาตรฐานและตัวชี้วัดเนื้อหาและคู่มือการจัดการเรียนรู้ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์หนังสือเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ของกรมวิชาการกระทรวงศึกษาธิการ

1.2 ศึกษาหลักการ แนวคิด และทฤษฎีที่เกี่ยวข้องกับการสร้างแบบฟึกทักษะ

1.3 วิเคราะห์มาตรฐานและตัวบ่งชี้ เนื้อหาที่นำมาใช้ในการจัดกิจกรรมการ

เรียน

1.4 สร้างแบบฟึกทักษะโดยให้ครบถ้วนเนื้อหา มาตรฐานและตัวชี้วัด จำนวน 5 ชุด ดังตาราง 3.1

**ตาราง 3.1 รายละเอียดการสร้างแบบฝึกหัด吉祥เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้  
คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์**

แบบฝึกหัด吉祥ที่	ชื่อเรื่อง	จำนวนชั่วโมง
1	ความน่าจะเป็น	1
2	การทดลองสุ่ม	2
3	เหตุการณ์	2
4	ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์	5
5	ความน่าจะเป็นกับการตัดสินใจ	2

1.5 นำแบบฝึกหัด吉祥ที่สร้างขึ้น เสนอคณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์เพื่อพิจารณาตรวจสอบและให้ข้อเสนอแนะแล้วนำมาปรับปรุงแก้ไขต่อไป

1.6 นำแบบฝึกหัด吉祥ที่ปรับปรุงแก้ไขขึ้นบกพร่องตามข้อเสนอแนะของคณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์แล้ว เสนอต่อผู้เชี่ยวชาญเพื่อพิจารณาความเหมาะสมของเนื้อหา ความถูกต้องของการใช้ภาษาและพิจารณาความสอดคล้องกับมาตรฐานและตัวชี้วัดที่กำหนดไว้ในแบบฝึกหัด吉祥 และนำมาปรับปรุงแก้ไข ซึ่งมีผู้เชี่ยวชาญดังนี้

1) นางยุพาพิน ขาวัญญา วุฒิการศึกษา วท.น. (คณิตศาสตร์ศึกษา)  
ครูชำนาญการพิเศษ สาขาวิชาคุณลักษณะการเรียนรู้คณิตศาสตร์ โรงเรียนบ้านจรเข็มกา สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์ เขต 2 เป็นผู้เชี่ยวชาญด้านการสอนคณิตศาสตร์

2) นางสาวสุลักษณ์ สุขแก้ว ค.ม. (หลักสูตรและการสอน)  
ครูชำนาญการพิเศษ สาขาวิชาคุณลักษณะการเรียนรู้คณิตศาสตร์ โรงเรียนบ้านหนองตะขบ สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์ เขต 2 เป็นผู้เชี่ยวชาญด้านเนื้อหาคณิตศาสตร์

3) นางจารุวรรณ อินทรชน วุฒิการศึกษา กศ.น. (วัดผลและประเมินผล)  
ครูชำนาญการพิเศษ สาขาวิชาคุณลักษณะการเรียนรู้คณิตศาสตร์ โรงเรียนประโคนชัยวิทยา สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์ เขต 2 เป็นผู้เชี่ยวชาญด้านการวัดผลและประเมินผล

1.7 นำแบบฝึกหัด吉祥ที่ได้รับการการตรวจสอบจากผู้เชี่ยวชาญ มาหากาเนลลี่บผลการประเมินทั้ง 5 ชุด ผู้เชี่ยวชาญประเมินโดยใช้หลักเกณฑ์การให้คะแนนตามแบบประเมินของลิเคอร์ท (Likert) เป็นมาตราส่วนแบบประมาณค่า (Rating Scales) ซึ่งมี 5 ระดับ ดังนี้ (บัญชี ศิริสะอาด. 2545 : 103)

คะแนน 5	หมายถึง เหนาะสมมากที่สุด
คะแนน 4	หมายถึง เหนาะสมมาก
คะแนน 3	หมายถึง เหนาะสมปานกลาง
คะแนน 2	หมายถึง เหนาะสมน้อย
คะแนน 1	หมายถึง เหนาะสมน้อยที่สุด
<b>กำหนดเกณฑ์การตัดสินการประเมินดังนี้</b>	
คะแนนเฉลี่ย	แปลความหมาย
4.51 – 5.00	มีความเหนาะสมมากที่สุด
3.51 – 4.50	มีความเหนาะสมที่สุด
2.51 – 3.50	มีความเหนาะสมปานกลาง
1.51 – 2.50	มีความเหนาะสมน้อย
1.00 – 1.50	มีความเหนาะสมน้อยที่สุด

โดยกำหนดเกณฑ์การผ่านจะต้องมีคะแนนเฉลี่ย 3.51 ขึ้นไป (บัญชี ศรีสะอุด.

2545 : 103) ผลการประเมินแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตครรคติวิสด์ พนว่า มีค่าเฉลี่ย ในภาพรวม เท่ากับ 4.64 และคงว่าแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตครรคติวิสด์ มีความ เหนาะสมในระดับมากที่สุด

1.8 ปรับปรุงแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตครรคติวิสด์ ตามคำแนะนำของผู้เชี่ยวชาญ

1.9 นำแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตครรคติวิสด์ ห้อง 5 ชุด ที่ปรับปรุงแล้ว ไปทดลอง (Try -Out) หาประสิทธิภาพร่วมกับแผนการจัดการเรียนรู้ โดยใช้กับนักเรียน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 โรงเรียนบ้านจรเข้มาก สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานบูรรัมย์ เขต 2 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 ที่ไม่ใช่กลุ่มตัวอย่าง เพื่อหาความเหมาะสมด้านเนื้อหา การใช้ภาษา เวลา การสื่อความหมาย และลักษณะรูปเล่นของแบบฝึกทักษะ โดยผู้วิจัยดำเนินการ ตามขั้นตอนต่อไปนี้

1) การหาคุณภาพเครื่องมือเป็นรายบุคคล (1 : 1) ผู้วิจัยได้ทำการทดลองเพื่อหาประสิทธิภาพของแบบฝึกทักษะกับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 โรงเรียนบ้านจรเข้มาก สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์ เขต 2 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 จำนวน 3 คน ที่ไม่ใช่กลุ่มตัวอย่าง คือ นักเรียนเก่ง 1 คน นักเรียนปานกลาง 1 คน และนักเรียนอ่อน 1 คน ในขณะทำการทดลองผู้วิจัยสังเกตพฤติกรรมการเรียนของนักเรียนอย่างใกล้ชิด จากการทดลองพบข้อบกพร่องในเรื่องการพินพ懿ด และการใช้ภาษาในแบบฝึกทักษะ ผู้วิจัยได้นำข้อมูลที่พบข้างต้นไปปรับปรุง เพื่อให้มีความเหมาะสมกับนักเรียนทุกคน แล้วจึงนำไปทดลองแบบ 1:10 ต่อไป

2) การหาคุณภาพเครื่องมือเป็นกลุ่มเล็ก (1 : 10) ผู้วิจัยได้ทำการทดลองเพื่อหาประสิทธิภาพของแบบฝึกทักษะกับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 โรงเรียนบ้านจรเข้มาก สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์ เขต 2 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 จำนวน 10 คน ที่ไม่ใช่กลุ่มตัวอย่าง คือ นักเรียนเก่ง 3 คน นักเรียนปานกลาง 4 คน และนักเรียนอ่อน 3 คน ในขณะทำการทดลองผู้วิจัยสังเกตพฤติกรรมการเรียนของนักเรียนอย่างใกล้ชิด จากการทดลองพบว่าแบบฝึกทักษะบางชุด นักเรียนบางคนทำไม่ทันเวลา ผู้วิจัยได้นำข้อมูลที่พบข้างต้นไปปรับปรุง เพื่อให้มีความเหมาะสมกับนักเรียนทุกคน แล้วจึงนำไปทดลองแบบ 1 : 100 ต่อไป

3) การหาคุณภาพเครื่องมือภาคสนาม (1 : 100) ผู้วิจัยได้ทำการทดลองเหมือนจริง โดยทดลองใช้กับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 โรงเรียนบ้านจรเข้มาก สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์ เขต 2 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 จำนวน 30 คน ที่ไม่ใช่กลุ่มตัวอย่าง ในขณะทำการทดลองผู้วิจัยสังเกตพฤติกรรมและหาประสิทธิภาพของแบบฝึกทักษะ ตามเกณฑ์ 75/75 ผลปรากฏว่า มีประสิทธิภาพ ( $E_1/E_2$ ) เท่ากับ 82.07/80.42

1.10 นำแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ที่ปรับปรุงแก้ไขแล้วให้อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ตรวจสอบอีกรึ้ง แล้วนำมาปรับปรุงเพื่อให้สมบูรณ์มากขึ้น

1.11 นำแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ที่ปรับปรุงแก้ไขแล้ว จัดพิมพ์เป็นต้นฉบับให้สมบูรณ์ แล้วนำไปใช้กับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 โรงเรียนบ้านโภกย่าง ตำบลโภกย่าง อำเภอพระโขนงชัย สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัตน์ เขต 2 จำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 14 คน

2. การสร้างและหาคุณภาพของแผนการจัดการเรียนรู้ โดยใช้แบบฝึกหักษะ  
เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3  
ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ผู้จัดดำเนินการตามขั้นตอน ดังนี้

- 2.1 ศึกษาหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551  
กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์
- 2.2 ศึกษามาตรฐานการเรียนรู้ ตัวชี้วัดจากหลักสูตรสถานศึกษา
- 2.3 ศึกษาเอกสาร ตำราและงานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับการเขียนแผนการจัดการ  
เรียนรู้ตามหัวข้อต่อไปนี้
- 2.4 กำหนดโครงสร้างได้ว่าดำเนินการเขียนแผนการจัดการเรียนรู้ตามหัวข้อ  
ต่อไปนี้

- 1) สาระ
- 2) มาตรฐานการเรียนรู้
- 3) ตัวชี้วัดและสารการเรียนรู้
- 4) สาระสำคัญ
- 5) จุดประสงค์การเรียนรู้
- 6) กิจกรรมการเรียนรู้
- 7) สื่อ/แหล่งเรียนรู้
- 8) การวัดผลประเมินผล
- 9) ตัวชี้วัดและสารการเรียนรู้
- 10) บันทึกผลหลังการจัดการเรียนรู้

**ตาราง 3.2 รายละเอียดการสร้างแผนการจัดการเรียนรู้ โดยใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์**

แผนที่	สาระการเรียนรู้	จำนวนชั่วโมง
1	ความน่าจะเป็น	1
2	การทดลองสุ่ม	2
3	เหตุการณ์	2
4-8	ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์	5
9-10	ความน่าจะเป็นกับการตัดสินใจ	2
รวม		12

2.2.5 นำแผนการจัดการเรียนรู้ที่สร้างขึ้นเสนอต่อคณะกรรมการที่ปรึกษา วิทยานิพนธ์ เพื่อพิจารณาตรวจสอบ เสนอแนะในส่วนที่บกพร่องเพื่อนำไปปรับปรุงแก้ไข

2.2.6 นำแผนการจัดการเรียนรู้ที่ได้รับการแก้ไขข้อบกพร่องให้ผู้เชี่ยวชาญ ชุดเดียวกันที่ประเมินแบบฝึกทักษะ โดยใช้แบบประเมินแผนการจัดการเรียนรู้ ที่มีลักษณะเป็น มาตราส่วนประมาณค่า ตามวิธีของลิกเกอร์ท (Likert) เป็นมาตราส่วนประมาณค่า (Rating scales) 5 ระดับ

2.2.7 นำคะแนนจากการประเมินแผนการจัดการเรียนรู้ ของผู้เชี่ยวชาญมาหา ค่าเฉลี่ยแล้วนำไปเทียบกับเกณฑ์การประเมิน โดยกำหนดเกณฑ์การผ่านจะต้องมีคะแนนเฉลี่ย 3.51 ขึ้นไป (บุญชุม ศรีสะคาด. 2545 : 103) ผลการประเมินแผนการจัดการเรียนรู้ พบว่า มีค่าเฉลี่ย ในภาพรวม เท่ากับ 4.57 แสดงว่า แผนการจัดการเรียนรู้ มีความเหมาะสมในระดับมากที่สุด

2.2.8 ปรับปรุง แก้ไขแผนการจัดการเรียนรู้ตามข้อเสนอแนะของผู้เชี่ยวชาญ แล้วนำไปทดลองสอนร่วมกับแบบฝึกทักษะเรื่อง ความน่าจะเป็น สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษา ปีที่ 3 เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ โดยทดลองกับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 จำนวน 30 คน ที่ไม่เคยเรียนเนื้อหานี้มาก่อน แล้วนำแผนการจัดการเรียนรู้จัดพิมพ์เป็นฉบับสมบูรณ์ เพื่อ นำไปเป็นเครื่องมือในการทดลองกับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 โรงเรียนบ้านโภกย่าง ตำบลโภกย่าง อำเภอพระโขนงชัย สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษา บุรีรัมย์ เขต 2 จำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 14 คน

3. การสร้างแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน เรื่อง ความน่าจะเป็น ผู้วัยได้ดำเนินการสร้างและหาคุณภาพตามลำดับดังนี้

3.1 ศึกษาหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551

สาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ขั้นมัธยมศึกษาตอนต้น สาระที่ 5 สาระและมาตรฐานการเรียนรู้  
ตัวชี้วัด สมรรถนะ คุณลักษณะอันพึงประสงค์

3.2 ศึกษาเทคนิคที่ใช้ในการวัดผลการศึกษา ชนิดของแบบทดสอบและรูปแบบ  
ของข้อสอบ

3.3 สร้างแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนชนิดเลือกตอบ 5 ตัวเลือก  
จำนวน 80 ข้อ แต่ต้องการใช้จริง 40 ข้อ ดังตาราง 3.3

**ตาราง 3.3 การกำหนดจำนวนข้อของแบบทดสอบที่ต้องการให้สอดคล้องกับเนื้อหาและ  
จุดประสงค์การเรียนรู้**

เนื้อหาสาระ	จุดประสงค์การเรียนรู้	จำนวนข้อสอบ	
		ทั้งหมด (ข้อ)	ต้องการ (ข้อ)
ความน่าจะเป็น	ใช้ความรู้สึกเชิงจำนวนบอกได้ว่า เหตุการณ์ที่กำหนดให้มีโอกาสเกิดขึ้น มากหรือน้อยเพียงใด	7	3
การทดลองสุ่ม	เขียนผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นจาก การทดลองสุ่มและบอกจำนวนในผล ทั้งหมดที่เกิดขึ้นจากการทดลองสุ่มได้	17	9
เหตุการณ์	เขียนเหตุการณ์และบอกจำนวน สามารถของเหตุการณ์ที่กำหนดให้ได้	17	9
ความน่าจะเป็นของ เหตุการณ์	หากความน่าจะเป็นของเหตุการณ์จาก การทดลองสุ่มที่แต่ละตัวมีโอกาส เกิดขึ้นได้เท่าๆ กัน	17	9
ความน่าจะเป็นกับการ ตัดสินใจ	ใช้ความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการ คาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล	11	5
	ใช้ความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็น ประกอบการตัดสินใจได้	11	5
รวม		80	40

3.4 นำแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนที่สร้างขึ้นเสนอคณะกรรมการ  
ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์พิจารณาตรวจสอบให้ข้อเสนอแนะเพื่อนำมาแก้ไขปรับปรุง

3.5 นำแบบทดสอบ วัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนที่แก้ไขปรับปรุงเสนอ  
ผู้เชี่ยวชาญชุดเดิม เพื่อตรวจพิจารณาหาค่าดัชนีความสอดคล้อง (IOC) ของแบบทดสอบกับ  
จุดประสงค์ โดยมีเกณฑ์การประเมิน ดังนี้ (สมนึก กัททิษฐนี. 2546 : 218 -219)

ให้คะแนน +1 เมื่อแน่ใจว่าข้อสอบนั้นมีความสอดคล้องกับจุดประสงค์

ให้คะแนน 0 เมื่อยังไม่แน่ใจว่าข้อสอบนั้นมีความสอดคล้องกับจุดประสงค์

ให้คะแนน -1 เมื่อแน่ใจว่าข้อสอบนั้นไม่สอดคล้องกับจุดประสงค์

### 3.6 นำแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนที่ผู้เชี่ยวชาญประเมินหาค่า IOC

(Index of Item Objective Congruence) แล้วเลือกข้อสอบที่มีค่า IOC ตั้งแต่ 0.50 ถึง 1.00

ซึ่งแสดงว่าแบบทดสอบที่สร้างขึ้นมีความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหาและเชิงโครงสร้าง (สมนึก ก้าทพิษณุ 2546 ข : 218 -220) ผลการประเมินข้อสอบจำนวน 80 ข้อ พนวณมีค่า IOC เท่ากับ 0.67 - 1.00

แสดงว่าผ่านเกณฑ์ทุกข้อ

### 3.7 นำแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน เสนอต่อคณะกรรมการ ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ตรวจสอบ เสนอแนะเพื่อแก้ไขปรับปรุงอีกครั้ง

3.8 นำแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนที่แก้ไขปรับปรุงแล้ว ไปทดลอง  
ใช้กับนักเรียนที่ไม่ใช่กลุ่มตัวอย่าง นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 โรงเรียนบ้านบุรีวิทยาสรรค์ ที่เคย  
เรียนวิชาคณิตศาสตร์ เรื่องความน่าจะเป็น ผ่านมาแล้ว เพื่อนำคะแนนที่ได้มามาวิเคราะห์หาค่าความ  
ยาก (P) และค่าอำนาจจำแนก (B) โดยใช้วิธีของเบรนแนน (Brennan) (บุญชน พรีสะอาด. 2545 :  
90-92) โดยคัดเลือกข้อสอบที่มีค่าความยากรายข้อ 0.20 - 0.80 และมีค่าอำนาจจำแนกรายข้อตั้งแต่  
0.20 ขึ้นไป จำนวน 40 ข้อ ผลปรากฏว่ามีค่าความยากรายข้อตั้งแต่ 0.50 – 0.70 และค่าอำนาจ  
จำแนกรายข้อตั้งแต่ 0.33 – 0.67

3.9 นำแบบทดสอบ 40 ข้อ มาวิเคราะห์หาค่าความเชื่อมั่น ( $\tau_c$ ) ของ  
แบบทดสอบทั้งฉบับ โดยใช้วิธีการของโลเวต (Lovett) (บุญชน พรีสะอาด. 2545 : 96) ปรากฏว่า  
ได้ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบทั้งฉบับเท่ากับ 0.94

### 3.10 นำแบบทดสอบที่ได้รับการตรวจสอบคุณภาพแล้วไปใช้เป็นเครื่องมือ ในการทดลองต่อไป

4. การสร้างแบบสอบถามความพึงพอใจของนักเรียนนิ่ต่อการเรียนด้วย  
แบบฝึกหักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียน  
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ ผู้จัดฯได้ดำเนินการสร้างและหาคุณภาพ  
ตามลำดับขั้นตอนดังนี้

4.1 ศึกษานิยาม ทฤษฎี และเอกสารรายงานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับการสร้าง  
แบบสอบถาม

4.2 นำข้อมูลที่ได้จากการศึกษาค้นคว้ามาสร้างแบบสอบถาม ซึ่งเป็นแบบมาตราส่วนประมาณค่า จำนวน 30 ข้อ ใช้จริง 15 ข้อ โดยศึกษาการสร้างแบบประเมินความพึงพอใจโดยวิธีของลิกเกอร์ (Likert's Method) ซึ่งมี 5 ระดับ ดังนี้

ระดับ 5 หมายถึง มีความพึงพอใจมากที่สุด

ระดับ 4 หมายถึง มีความพึงพอใจมาก

ระดับ 3 หมายถึง มีความพึงพอใจปานกลาง

ระดับ 2 หมายถึง มีความพึงพอใจน้อย

ระดับ 1 หมายถึง มีความพึงพอใจน้อยที่สุด

4.3 นำแบบสอบถามความพึงพอใจ จำนวน 30 ข้อที่สร้างขึ้น เสนอคณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ เพื่อตรวจและให้ข้อเสนอแนะในการปรับปรุงแก้ไข

4.4 นำแบบสอบถามความพึงพอใจที่ได้รับการปรับปรุงแก้ไขแล้วเสนอต่อผู้เชี่ยวชาญชุดเดิม พิจารณาตรวจสอบความเที่ยงตรงเชิงประจักษ์ (Face Validity) เพื่อขอคำแนะนำปรับปรุงแก้ไข

4.5 นำแบบสอบถามความพึงพอใจที่ได้จากการตรวจสอบแก้ไขจากผู้เชี่ยวชาญ มาปรับปรุงแก้ไขและเสนอคณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ เพื่อตรวจสอบความถูกต้อง ความเหมาะสมและเพิ่มเติมในส่วนที่บกพร่องให้สมบูรณ์ยิ่งขึ้น และคัดเลือกแบบสอบถามที่ต้องการใช้จริง 15 ข้อ

4.6. นำแบบสอบถามความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียน ด้วยแบบฝึกหัดระยะเรื่องความน่าจะเป็น กรุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ที่มีความถูกต้องสมบูรณ์แล้วไปทดลองใช้กับกลุ่มตัวอย่างต่อไป

### การเก็บรวบรวมข้อมูล

#### 1. รูปแบบการทดลอง

การวิจัยครั้งนี้ เป็นการวิจัยเชิงทดลอง (Experiment Research) ซึ่งดำเนินการทดลอง กลุ่มเดียว โดยการวัดผลก่อนเรียนและหลังเรียน (One Group Pre-test Post-test Design) ดังตาราง 3.4

ตาราง 3.4 รูปแบบการทดลองแบบ One Group Pre-test Post-test Design

กลุ่ม	Pre-test	Treatment	Post-test
กลุ่มทดลอง	$T_1$	X	$T_2$

สัญลักษณ์ที่ใช้ในแบบแผนการทดลอง

T<sub>1</sub> หมายถึง สอบก่อนทดลอง (Pre-test)

X หมายถึง การทดลองโดยใช้แบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น สำหรับนักเรียน  
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

T<sub>2</sub> หมายถึง สอบหลังทดลอง (Post-test)

## 2. การดำเนินการทดลอง

ผู้จัดมีขั้นตอนดำเนินการวิจัย ดังนี้

2.1 ทดสอบก่อนเรียน ดำเนินการทดสอบก่อนเรียนกับนักเรียนกลุ่มตัวอย่าง  
คัวแบบทดสอบวัดผลลัพธ์ทางการเรียนที่สร้างขึ้น และทำการเก็บรวบรวมข้อมูลที่ได้จาก  
การทำแบบทดสอบ ไว้เพื่อวิเคราะห์ข้อมูลทางสถิติ

2.2 ดำเนินการทดลอง (Treatment) ทดสอบการจัดกิจกรรมการเรียนการสอน  
คัวแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียน  
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ด้านทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ กับกลุ่มนักเรียนตัวอย่าง แล้วทำการ  
เก็บรวบรวมข้อมูลที่ได้จากการทดลอง ไว้เพื่อวิเคราะห์ข้อมูลทางสถิติ

### ตาราง 3.5 กำหนดการสอน

วัน เดือน ปี	สาระการเรียนรู้	เวลา (ชั่วโมง)
2 ธ.ค. 57	ทดสอบก่อนเรียน	1
4 ธ.ค. 57	ความน่าจะเป็น	1
5 ธ.ค. 57	การทดลองสุ่ม	1
9 ธ.ค. 57	การทดลองสุ่ม	1
11 ธ.ค. 57	เหตุการณ์	1
12 ธ.ค. 57	เหตุการณ์	1
16 ธ.ค. 57	ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์	1
18 ธ.ค. 57	ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์	1
19 ธ.ค. 57	ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์	1
23 ธ.ค. 57	ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์	1
25 ธ.ค. 57	ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์	1
26 ธ.ค. 57	ความน่าจะเป็นกับการตัดสินใจ	1
30 ธ.ค. 57	ความน่าจะเป็นกับการตัดสินใจ	1
6 ม.ค. 58	ทดสอบหลังเรียน	1
รวม		14

2.3 ทดสอบหลังเรียน เมื่อเสร็จสิ้นการทดลองแล้วดำเนินการทดสอบหลังเรียน กับนักเรียนกลุ่มตัวอย่างด้วยแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนที่สร้างขึ้น ซึ่งเป็นชุดเดียวกับ การทดสอบก่อนเรียน และทำการเก็บรวบรวมข้อมูลที่ได้จากการทำแบบทดสอบไว้เพื่อวิเคราะห์ ข้อมูลทางสถิติ

2.4 ดำเนินการสอนตามความพึงพอใจต่อการเรียนรู้ด้วยแบบฝึกทักษะ ร่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความถี่คุณลักษณะของสตรีคิวิสต์ และทำการเก็บรวบรวมข้อมูลที่ได้ไว้เพื่อวิเคราะห์ข้อมูล ทางสถิติ

## การวิเคราะห์ข้อมูล

การวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยได้ดำเนินขั้นตอนการวิเคราะห์ข้อมูล ดังนี้

1. นำผลคะแนนจากการทดสอบก่อนเรียน ระหว่างเรียนและหลังเรียนมาวิเคราะห์หาค่าสถิติพื้นฐาน คือ ร้อยละ (Percentage) ค่าเฉลี่ย (Mean) และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน (Stand Deviation)

2. วิเคราะห์หาค่าประสิทธิภาพของแบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวติวิสต์ วิเคราะห์โดยการหาประสิทธิภาพของกระบวนการ ( $E_1$ ) และประสิทธิภาพของผลลัพธ์ ( $E_2$ )

3. วิเคราะห์เปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนระหว่างก่อนเรียนและหลังเรียนด้วยแบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวติวิสต์ โดยใช้สถิติ t-test (Dependent Samples) กำหนดค่าสถิติที่ระดับนัยสำคัญ .05

4. วิเคราะห์ค่าดัชนีประสิทธิผลของการเรียนโดยใช้แบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวติวิสต์

5. วิเคราะห์ความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนรู้ด้วยแบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวติวิสต์โดยหาค่าเฉลี่ย ( $\bar{X}$ ) ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน (S.D.) กำหนดเกณฑ์ แปลค่าเฉลี่ยความพึงพอใจดังนี้

ค่าเฉลี่ย 4.51 – 5.00 หมายถึง มีความพึงพอใจมากที่สุด

ค่าเฉลี่ย 3.51 – 4.50 หมายถึง มีความพึงพอใจมาก

ค่าเฉลี่ย 2.51 – 3.50 หมายถึง มีความพึงพอใจปานกลาง

ค่าเฉลี่ย 1.51 – 2.50 หมายถึง มีความพึงพอใจน้อย

ค่าเฉลี่ย 1.00 – 1.50 หมายถึง มีความพึงพอใจน้อยที่สุด

## สถิติที่ใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูล

### 1. สถิติพื้นฐาน

1.1 ร้อยละ (Percentage) โดยใช้สูตร (บุญชุม ศรีสะอาด และคณะ. 2552 : 125-126)

$$p = \frac{f}{N} \times 100$$

เมื่อ  $P$  แทน ร้อยละ  
 $f$  แทน ความถี่ที่ต้องการแปลงให้เป็นร้อยละ  
 $N$  แทน จำนวนข้อมูลทั้งหมด

1.2 ค่าเฉลี่ย (Mean) โดยใช้สูตร (บุญชุม ศรีสะอาด และคณะ. 2552 : 126)

$$\bar{X} = \frac{\sum X}{N}$$

เมื่อ  $\bar{X}$  แทน ค่าเฉลี่ย  
 $\sum X$  แทน ผลรวมทั้งหมดของคะแนน  
 $N$  แทน จำนวนคนทั้งหมด

1.3 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน (Standard Deviation) โดยคำนวณจากสูตรดังนี้ (สมนึก กัททิษฐ尼. 2551 : 250)

$$S.D. = \sqrt{\frac{N\sum X^2 - (\sum X)^2}{N(N-1)}}$$

เมื่อ S.D. แทน ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน  
 $\sum X$  แทน ผลรวมของคะแนนทั้งหมด  
 $N$  แทน จำนวนคนทั้งหมด

## 2. สถิติที่ใช้ในการหาคุณภาพเครื่องมือ

2.1 ความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหา (Content Validity) ของแบบทดสอบโดยหาดัชนีความสอดคล้องหรือ IOC ดังนี้ (สมนึก กัฟทิธนี. 2551 : 221)

$$IOC = \frac{\Sigma R}{N}$$

เมื่อ	$IOC$	แทน	คัชนีความสอดคล้องระหว่างจุดประสงค์กับเนื้อหา
	$\Sigma R$	แทน	ผลรวมคะแนนความคิดเห็นของผู้ใช้ข้อมูลทั้งหมด
	$N$	แทน	จำนวนผู้ใช้ข้อมูลทั้งหมด

2.2 ความยาก (Difficulty) ของแบบทดสอบโดยการใช้สูตร ดังนี้ (สมนึก กัฟทิธนี. 2551 : 212)

$$p = \frac{R}{N}$$

เมื่อ	$p$	แทน	ค่าความยากของข้อสอบ
	$R$	แทน	จำนวนคนตอบถูก
	$N$	แทน	จำนวนคนทั้งหมด

2.3 อำนาจจำแนก (B) โดยใช้สูตรดังนี้ (บุญชุม ศรีสะอาด. 2553 : 106)

$$B = \frac{U}{N_1} - \frac{L}{N_2}$$

เมื่อ	$B$	แทน	ค่าอำนาจจำแนก
	$U$	แทน	จำนวนผู้รู้หรือสอนผ่านเกณฑ์ที่ตอบถูก
	$L$	แทน	จำนวนผู้ไม่รู้หรือสอนไม่ผ่านเกณฑ์
	$N_1$	แทน	จำนวนผู้รับรู้หรือสอนผ่านเกณฑ์
	$N_2$	แทน	จำนวนผู้ไม่รับรู้หรือสอนไม่ผ่านเกณฑ์

2.4 ความเชื่อมั่น (Reliability) ของแบบทดสอบซึ่งมีลักษณะเป็นแบบอิงเกณฑ์ใช้สูตรของโลเวต (Lovett) ดังนี้ (บุญชุม ศรีสะอาด. 2553 : 112)

$$\text{สูตร } r_{cc} = 1 - \frac{k \sum X_i - \sum X_i^2}{(k-1) \sum (X_i - C)^2}$$

เมื่อ	$r_{cc}$	แทน	ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบ
	$k$	แทน	จำนวนข้อสอบ
	$X_i$	แทน	คะแนนของนักเรียนแต่ละคน
	$C$	แทน	คะแนนเกณฑ์หรือจุดตัดของแบบทดสอบ

### 3. สอดคล้องในการทดสอบสมมติฐาน

3.1 ประสิทธิภาพของแผนการขัดการเรียนรู้ โดยใช้สูตรดังนี้ (บุญชุม ศรีสะอาด ๒๕๕๒ : 113-114)

#### 3.1.1 ประสิทธิภาพของกระบวนการ ( $E_1$ )

$$E_1 = \frac{\sum X}{\frac{N}{A}} \times 100$$

เมื่อ	$E_1$	แทน	ประสิทธิภาพของกระบวนการ
	$\sum X$	แทน	คะแนนรวมของแบบฝึกทักษะทุกชุด
	$A$	แทน	คะแนนเต็มของแบบฝึกทักษะทุกชุด
	$N$	แทน	จำนวนนักเรียนทั้งหมด

#### 3.1.2 ประสิทธิภาพของกระบวนการ ( $E_2$ )

$$E_2 = \frac{\sum Y}{\frac{N}{B}} \times 100$$

เมื่อ  $E_2$  แทน ประสิทธิภาพของผลลัพธ์

$\Sigma Y$  แทน คะแนนรวมของแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

B แทน คะแนนรวมของแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

N แทน จำนวนนักเรียนทั้งหมด

3.2 เปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนก่อนเรียนและหลังเรียน โดยใช้สูตร Dependent Sample t-test (บุญชุม ศรีสะอาด. 2553 : 133)

$$t = \frac{\sum D}{\sqrt{\frac{N \sum D^2 - (\sum D)^2}{N-1}}} ; \quad df = N-1$$

เมื่อ t แทน ค่าสถิติที่จะใช้เปรียบเทียบค่าไวกฤตเพื่อทราบ  
ความมีนัยสำคัญ

D แทน ค่าผลต่างระหว่างคู่คะแนน

$\sum D$  แทน ผลรวมค่าผลต่างระหว่างคู่คะแนน

N แทน จำนวนกลุ่มตัวอย่างหรือจำนวนคู่คะแนน

3.3 ดัชนีประสิทธิผลของแผนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ โดยใช้สูตรดังนี้  
(บุญชุม ศรีสะอาด และคณะ. 2545 : 117)

ดัชนีประสิทธิผล = ผลรวมของคะแนนทดสอบหลังเรียน - ผลรวมของคะแนนทดสอบก่อนเรียน  
(จำนวนนักเรียน X คะแนนเต็ม) - ผลรวมของคะแนนทดสอบก่อนเรียนทุกคน

## บทที่ 4

### ผลการวิเคราะห์ข้อมูล

การวิจัยผลการใช้แบบฝึกหัดจะเรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ผู้วิจัยนำเสนอผลการวิเคราะห์ข้อมูลตามลำดับ ดังนี้

1. สัญลักษณ์ที่ใช้ในการวิเคราะห์
2. การวิเคราะห์ข้อมูล
3. ผลการวิเคราะห์ข้อมูล

#### สัญลักษณ์ที่ใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูล

การวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยกำหนดสัญลักษณ์ที่ใช้ในการเสนอผลการวิเคราะห์ข้อมูล ดังนี้

$\bar{X}$	แทน	ค่าเฉลี่ย
S.D.	แทน	ค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน
$E_1$	แทน	ประสิทธิภาพของกระบวนการ
$E_2$	แทน	ประสิทธิภาพของผลลัพธ์
t	แทน	ค่าสถิติที่ใช้ในการวิเคราะห์ t-test Dependent
E.I.	แทน	ภาคชั้นปัจฉิมผล
$\sum D$	แทน	ผลรวมค่าผลต่างระหว่างคู่คะแนน
$\sum D^2$	แทน	ผลรวมค่าผลต่างระหว่างคู่คะแนนยกกำลังสอง
*	แทน	ความนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .05

#### การวิเคราะห์ข้อมูล

การวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยกำหนดลำดับขั้นตอนในการวิเคราะห์ข้อมูล ดังนี้

ตอนที่ 1 วิเคราะห์ประสิทธิภาพของแบบฝึกหัดจะเรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์ ให้มีประสิทธิภาพตามเกณฑ์ 75/75 โดยการหาประสิทธิภาพของกระบวนการ/ผลลัพธ์ ( $E_1/E_2$ )

ตอนที่ 2 เปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนก่อนเรียนและหลังเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีคณิตศาสตร์โดยการหาสถิติค่าที่ (t-test Dependent Samples)

ตอนที่ 3 วิเคราะห์ดัชนีประสิทธิภาพของการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีคณิตศาสตร์โดยการหาค่าความแตกต่างของการทดสอบก่อนเรียนกับหลังเรียนด้วยคะแนนพื้นฐาน

ตอนที่ 4 วิเคราะห์ความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีคณิตศาสตร์โดยการหาค่าเฉลี่ย และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน

### ผลการวิเคราะห์ข้อมูล

ตอนที่ 1 วิเคราะห์ประสิทธิภาพของแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีคณิตศาสตร์ให้มีประสิทธิภาพตามเกณฑ์ 75/75 ดังตาราง 4.1

ตาราง 4.1 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานและร้อยละจากการทดสอบระหว่างเรียน

ด้วยแบบฝึกทักษะเรื่องความน่าจะเป็นกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีคณิตศาสตร์

แบบฝึกทักษะที่	คะแนนเดิม	คะแนนรวม	$\bar{X}$	S.D.	ร้อยละ
1	10	115	8.21	0.70	81.14
2	10	120	8.57	0.76	85.71
3	10	117	8.36	0.74	83.57
4	10	126	9.00	0.68	90.00
5	10	121	8.64	0.74	86.43
รวม	50	599	42.79	2.81	427.85
เฉลี่ย	10	119.80	8.56	0.56	85.57

จากตาราง 4.1 พบว่า ค่าเฉลี่ยจากการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น สาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี กอนสตรัคติวิสต์ เท่ากับ 8.56 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน เท่ากับ 0.56 และร้อยละของค่าเฉลี่ยเท่ากับ 85.57 ซึ่งแสดงให้เห็นว่า ประสิทธิภาพด้านกระบวนการ การเรียนการสอน ( $E_s$ ) ของแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี กอนสตรัคติวิสต์ เท่ากับ 85.57

ตาราง 4.2 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานและร้อยละจากการทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ ทางการเรียนหลังเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็นกลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี กอนสตรัคติวิสต์

คะแนนทดสอบหลังเรียน (คะแนนเต็ม 40 คะแนน)	จำนวนนักเรียน (คน)	คะแนนรวม (คะแนน)
29	1	29
31	1	31
32	2	64
33	2	66
34	2	68
35	2	70
36	2	72
37	1	37
38	1	38
รวม	14	475
X		33.93
S.D.		2.46
ร้อยละ		84.82

จากตาราง 4.2 พบว่า ค่าเฉลี่ยผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนจากการทดสอบหลังเรียนด้วยแบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เท่ากับ 33.93 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 2.46 และร้อยละของค่าเฉลี่ยเท่ากับ 84.82 ซึ่งแสดงให้เห็นว่า แบบฝึกหักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ มีประสิทธิภาพด้านผลลัพธ์ ( $E_2$ ) เท่ากับ 84.82

ตาราง 4.3 ประสิทธิภาพของแบบฝึกหักษะ เรื่องความน่าจะเป็นกับกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

ประสิทธิภาพ	คะแนนเต็ม	$\bar{X}$	S.D.	ร้อยละ
คะแนนทดสอบระหว่างเรียน ( $E_1$ )	10	8.56	0.56	85.57
คะแนนทดสอบหลังเรียน ( $E_2$ )	40	33.93	2.46	84.82
ประสิทธิภาพของแบบฝึกหักษะ ( $E_1/E_2$ ) เท่ากับ			85.57/84.82	

จากตาราง 4.3 พบว่า ประสิทธิภาพของกระบวนการเรียนการสอน ( $E_1$ ) ของแบบฝึกหักษะ เรื่องความน่าจะเป็นกับกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เท่ากับ 85.57 และประสิทธิภาพของผลลัพธ์ ( $E_2$ ) ของแบบฝึกหักษะเรื่องความน่าจะเป็นกับกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ โดยรวมเท่ากับ 84.82 ซึ่งแสดงให้เห็นว่า ประสิทธิภาพ ( $E_1/E_2$ ) ของ แบบฝึกหักษะเรื่องความน่าจะเป็นกับกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ โดยรวมเท่ากับ 85.57/84.82 ซึ่งสูงกว่าเกณฑ์ที่กำหนดไว้ที่ 75/75

ตอนที่ 2 เมริบันเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนก่อนเรียนและหลังเรียนด้วยแบบฝึกหักษะ เรื่องความน่าจะเป็นกับกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ปรากฏผล ดังตาราง 4.4

**ตาราง 4.4 การวิเคราะห์เปรียบเทียบความแตกต่างของคะแนนจากการทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนก่อนเรียนและหลังเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์**

ผลสัมฤทธิ์	n	คะแนนเต็ม	$\bar{X}$	S.D.	$\Sigma D$	$\Sigma D^2$	t
ก่อนเรียน	14	40	22.43	2.79			
หลังเรียน	14	40	33.93	2.46	498	8442	39.41*

\* มีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .05

จากตาราง 4.4 พบว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนที่เรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็นกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ นักเรียนมีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนหลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียนอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .05

ตอนที่ 3 วิเคราะห์ดัชนีประสิทธิภาพของการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์ ปรากฏผล ดังตาราง 4.5

**ตาราง 4.5 การวิเคราะห์ดัชนีประสิทธิภาพของการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์**

จำนวน นักเรียน	คะแนนเต็ม	ผลรวมของคะแนน		ดัชนี ประสิทธิผล	ร้อยละ
		ก่อนเรียน	หลังเรียน		
14	40	314	475	0.6545	65.45

จากตารางสามารถคำนวณหาค่าชั้นประถมที่ผลของแบบฝึกหัดจะ เรื่องความน่าจะเป็น  
ใช้สูตร ดังนี้

$$\text{สูตร E.I.} = \frac{\text{ผลรวมของคะแนนทดสอบหลังเรียน} - \text{ผลรวมของคะแนนทดสอบก่อนเรียน}}{(\text{จำนวนนักเรียน} \times \text{คะแนนเต็ม}) - \text{ผลรวมของคะแนนทดสอบก่อนเรียน}}$$

$$\text{E.I.} = \frac{475 - 314}{(14 \times 40) - 314}$$

$$\begin{aligned}\text{E.I.} &= \frac{161}{246} \\ &= 0.6545\end{aligned}$$

จากตาราง 4.5 พบว่า นักเรียนที่เรียนด้วยแบบฝึกหัดจะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ มีประสิทธิผลเท่ากับ 0.6545 หรือคิดเป็นร้อยละ 65.45

ตอนที่ 4 วิเคราะห์ความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกหัดจะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ปรากฏผลดังตาราง 4.6

**ตาราง 4.6 ค่าเฉลี่ยและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์**

ข้อ	ข้อความ	ความพึงพอใจ		ความหมาย
		$\bar{X}$	S.D.	
1	รูปแบบการใช้งานแบบฝึกทักษะเป็นไปตามลำดับขั้นตอน	4.79	0.43	มากที่สุด
2	แบบฝึกทักษะมีคำชี้แจงและคำแนะนำที่เข้าใจง่าย	4.21	0.58	มาก
3	แบบฝึกทักษะมีรูปแบบและภาพประกอบที่สวยงามน่าสนใจ	4.71	0.47	มากที่สุด
4	แบบฝึกทักษะช่วยให้นักเรียนเกิดความรู้ความเข้าใจในบทเรียนได้ชัดขึ้น	4.64	0.50	มากที่สุด
5	แบบฝึกทักษะมีความหลากหลายและสอดคล้องตามจุดประสงค์	4.57	0.51	มากที่สุด
6	แบบฝึกทักษะมีความยากง่ายเหมาะสมกับนักเรียน	4.50	0.52	มาก
7	แบบฝึกทักษะช่วยให้นักเรียนได้ฝึกทักษะและทั้นหาความรู้ด้วยตนเอง	4.64	0.50	มากที่สุด
8	แบบฝึกทักษะช่วยให้นักเรียนได้ฝึกทักษะการคิดแก้ปัญหาด้วยตนเอง	4.64	0.50	มากที่สุด
9	แบบฝึกทักษะช่วยให้นักเรียนได้ฝึกทักษะทางคณิตศาสตร์ด้วยตนเอง	4.50	0.52	มาก
10	แบบฝึกทักษะเต็ลลิ่ชุดมีเวลาสำหรับการเรียนที่เหมาะสม	4.64	0.50	มากที่สุด
11	แบบฝึกทักษะมีการประเมินผลการเรียนที่เหมาะสมกับนักเรียน	4.57	0.51	มากที่สุด
12	ผู้ดูแลที่ได้รับแต่งตั้งให้ดูแลจากการทำแบบฝึกทักษะ	4.50	0.52	มาก
13	นักเรียนมีความสุขกับการเรียนโดยใช้แบบฝึกทักษะ	4.64	0.50	มากที่สุด
14	ครูสอนช่วยเหลือและอำนวยความสะดวกในการจัดกิจกรรม	4.57	0.51	มากที่สุด
15	นักเรียนสามารถนำความรู้ที่ได้รับไปใช้ประโยชน์ในชีวิตประจำวัน	4.71	0.47	มากที่สุด
	เฉลี่ย	4.59	0.50	มากที่สุด

จากตาราง 4.6 พบว่า นักเรียนที่เรียนด้วยแบบฝึกหัดจะ เรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ ความสุ่มภัยตอนสครับติวสต์ มีความพึงพอใจ โดยภาพรวมอยู่ในระดับมากที่สุด ( $\bar{X} = 4.59$ ,  $S.D. = 0.50$ ) เมื่อพิจารณาข้อพบว่านักเรียนมีความพึงพอใจในระดับมากที่สุด จำนวน 11 ข้อ และมีความพึงพอใจในระดับมากจำนวน 4 ข้อ

## บทที่ 5

### สรุปผล อภิปรายผล และข้อเสนอแนะ

การวิจัยผลการใช้แบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิถี นำเสนอรายละเอียดดังนี้

1. ความน่าจะหมายของการวิจัย
2. สมมติฐานของการวิจัย
3. วิธีดำเนินการวิจัย
4. สรุปผลการวิจัย
5. อภิปรายผล
6. ข้อเสนอแนะ
  - 6.1 ข้อเสนอแนะในการนำไปใช้
  - 6.2 ข้อเสนอแนะในการวิจัยครั้งต่อไป

#### ความน่าจะหมายของงานวิจัย

1. เพื่อศึกษาประสิทธิภาพของแบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิถี ให้มีประสิทธิภาพตามเกณฑ์ 75/75
2. เพื่อเปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนก่อนและหลังเรียนด้วยแบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ ความทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิถี
3. เพื่อศึกษาดัชนีประสิทธิผลของการเรียนด้วยแบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิถี
4. เพื่อศึกษาความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกหักษะ

## สมมติฐานของการวิจัย

ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนที่เรียนคัวขแบบฝึกหัดจะเรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์ หลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียน

## วิธีดำเนินการวิจัย

### 1. ประชากรและกลุ่มตัวอย่าง

1.1 ประชากรที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ เป็นนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 โรงเรียนขاب โอกาสในกลุ่มเครือข่ายพัฒนาคุณภาพทางการศึกษาประโภคในชั้น 2 สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัมย์ เขต 2 จำนวน 3 โรงเรียน ได้แก่ โรงเรียนบ้านจรเข้มาก จำนวน 2 ห้องเรียน จำนวน 47 คน โรงเรียนวัดบ้านประทัดบุญ จำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 29 คน และ โรงเรียนบ้านโภกบ่ำง จำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 14 คนรวมทั้งสิ้น 90 คน

1.2 กลุ่มตัวอย่าง กลุ่มตัวอย่างที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ เป็นนักเรียนที่กำลังศึกษาอยู่ ในชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2557 โรงเรียนบ้านโภกบ่ำง ตำบลโภกบ่ำง อำเภอประโภค สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครรัมย์ เขต 2 จำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 14 คน ซึ่งได้มาจากการสุ่มแบบแบ่งกลุ่ม (Cluster Random Sampling)

### 2. เมื่อหาที่ใช้ในการวิจัย

เมื่อหาที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ เป็นเมื่อหาตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ วิชาคณิตศาสตร์พื้นฐาน หน่วยการเรียนรู้ที่ 2 สาระที่ 5 เรื่อง ความน่าจะเป็น ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ประกอบด้วย

- 2.1 ความน่าจะเป็น
- 2.2 การทดลองสุ่มและเหตุการณ์
- 2.3 ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์
- 2.4 ความน่าจะเป็นกับการตัดสินใจ

### 3. เครื่องมือที่ใช้ในการเก็บรวบรวมข้อมูลครั้งนี้ มี 4 ชุด ดังนี้

3.1 แบบฝึกหัดจะเรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ จำนวน 5 ชุด

3.2 แผนการจัดการเรียนรู้ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ จำนวน 10 แผน แผนที่ 11 ชั่วโมง แผนที่ 2-3 แผนละ 2 ชั่วโมง แผนที่ 4 ถึง 10 แผนละ 1 ชั่วโมง รวม 12 ชั่วโมง

3.3 แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน ที่ผู้วิจัยสร้างขึ้น ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์ หลังจากที่นักเรียนเรียนจบทุกแผนการจัดการเรียนรู้ซึ่งเป็นแบบปรนัย ชนิดเลือกตอบ 4 ตัวเลือก จำนวน 40 ข้อ

3.4 แบบสอบถามความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกหัด กะรำ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เป็นแบบมาตราส่วนประมาณค่า 5 ระดับ จำนวน 15 ข้อ

#### 4. การเก็บรวบรวมข้อมูล

4.1 ทดสอบก่อนเรียน ดำเนินการทดสอบก่อนเรียนกับนักเรียนกลุ่มตัวอย่าง ด้วยแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนที่สร้างขึ้น

4.2 ดำเนินการทดลอง ทดลองการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนด้วยแบบฝึกหัด กะรำ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ กับกลุ่มนักเรียนตัวอย่าง แล้วทำการเก็บรวบรวมข้อมูลที่ได้จากการทดลอง

4.3 ทดสอบหลังเรียน เมื่อเสร็จสิ้นการทดลองแล้ว ดำเนินการทดสอบหลังเรียน กับนักเรียนกลุ่มตัวอย่าง ด้วยแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนที่สร้างขึ้น ซึ่งเป็นชุดเดียว กับการทดสอบก่อนเรียน แล้วทำการเก็บรวบรวมข้อมูลที่ได้จากการทำแบบทดสอบ

4.4 ดำเนินการสอบถามความพึงพอใจที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกหัด กะรำ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ แล้วทำการเก็บรวบรวมข้อมูล

#### 5. การวิเคราะห์ข้อมูล

5.1 วิเคราะห์หาค่าประสิทธิภาพของแบบฝึกหัด กะรำ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระ การเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ วิเคราะห์โดยการหาประสิทธิภาพของกระบวนการ ( $E_1$ ) และประสิทธิภาพของผลลัพธ์ ( $E_2$ )

5.2 วิเคราะห์เปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนระหว่างก่อนเรียนและ หลังเรียนด้วยแบบฝึกหัด กะรำ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ โดยใช้สถิติ t-test (Dependent Samples) กำหนดค่าสถิติที่ระดับนัยสำคัญ .05

5.3 วิเคราะห์ค่าดัชนีประสิทธิผลของการเรียนโดยใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย

5.4 วิเคราะห์ความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนรู้ด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัยโดยหาค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน (S.D.)

### สรุปผลการวิจัย

การวิจัยเรื่อง ผลการใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย สรุปผลการวิจัยได้ดังนี้

1. ประสิทธิภาพของแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย มีประสิทธิภาพเท่ากับ  $85.57/84.82$  ซึ่งสูงกว่าเกณฑ์ที่กำหนดไว้คือ  $75/75$
2. ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 หลังเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย สูงกว่าก่อนเรียนอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .05
3. ค่าดัชนีประสิทธิผลของการเรียนโดยใช้แบบฝึกทักษะเรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย เท่ากับ  $0.6545$
4. ความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิดวิสัย โดยภาพรวมอยู่ในระดับมากที่สุด

## อภิปรายผล

จากการศึกษาผลการใช้แบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ สามารถอภิปรายผลได้ดังนี้

1. ประสิทธิภาพของแบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ มีประสิทธิภาพเท่ากับ  $85.57/84.82$  ซึ่งสูงกว่าเกณฑ์ที่กำหนดไว้ คือ  $75/75$  เป็นไปตามสมมติฐานที่ดึงไว้ ทั้งนี้เป็น เพราะผู้จัดได้สร้างแบบฝึกหักษะที่มีกระบวนการออกแบบและพัฒนาอย่างเป็นระบบ โดยเริ่มจากการศึกษาเอกสารต่างๆ แนวคิดทฤษฎี และงานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับการพัฒนาแบบฝึกหักษะเพื่อเป็นแนวทางในการสร้างแบบฝึกหักษะ จากนั้นวิเคราะห์เนื้อหาในหลักสูตรแล้วแบ่งเนื้อหาออกเป็น 5 ชุด ให้มีความเหมาะสมกับเวลาและลักษณะของนักเรียน โดยเรียงลำดับเนื้อหาจากง่ายไปยาก และสร้างแบบฝึกหักษะที่มีเนื้อหาที่ชัดเจนและเข้าใจง่าย มีจุดประสงค์การเรียนรู้ที่สอดคล้องกับเนื้อหาและกิจกรรมการเรียนรู้ โดยผ่านการตรวจสอบจากอาจารย์ที่ปรึกษา วิทยานิพนธ์ และผ่านการประเมินจากผู้เชี่ยวชาญและยังผ่านการทดลอง (Try-out) เพื่อหาประสิทธิภาพ แล้วปรับปรุงแก้ไขสมบูรณ์ก่อนนำไปใช้จริง

ดังนั้นจึงมีความหมายเสมอว่าเป็นแบบฝึกหักษะให้แก่นักเรียนได้เป็นอย่างดี และเมื่อนักเรียนเรียนด้วยแบบฝึกหักษะแล้วทำให้นักเรียนมีพัฒนาทางการเรียนรู้ได้ยิ่งขึ้น ซึ่งสอดคล้องกับ วินลอร์ตัน สุนทรiron (2551 : 111) ได้กล่าวถึงความสำคัญของแบบฝึกหักษะว่าเป็นการสอนที่สนุกอีกเช่นนั้น คือ การให้นักเรียนได้ทำแบบฝึกมากๆ ถึงที่จะช่วยให้นักเรียนมีพัฒนาการทางการเรียนรู้ ในเนื้อหาวิชาได้ดีขึ้น คือแบบฝึกเพื่อนักเรียนมีโอกาสนำความรู้ที่เรียนมาแล้วมาฝึกให้เกิดความเข้าใจกวดขวางของขึ้น ซึ่ง วรรณพิพา รอดแรงค์ (2541 : 7) ได้กล่าวว่า การเรียนรู้ตามแนวทางทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์เป็นแบบอย่างที่ศักดิ์สิทธิ์ในการเรียนการสอนคณิตศาสตร์เป็นการกระตุ้นให้ผู้เรียนคงความรู้ที่มีอยู่มาหากับความรู้ใหม่ที่ครูเพิ่มเติมให้ ซึ่งสอดคล้องกับงานวิจัยของ ชุลีมาตร บรรณรงส์ (2553 : 61-66) ได้ทำการวิจัยเกี่ยวกับ การใช้บทเรียนออนไลน์ตามแนวคิดทฤษฎีการสร้างองค์ความรู้ ด้วยตนเอง เรื่อง ความน่าจะเป็น วิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ผลการวิจัยพบว่า พัฒนาบทเรียนออนไลน์ตามแนวทางทฤษฎีการสร้างองค์ความรู้ด้วยตนเองเรื่อง ความน่าจะเป็น วิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ให้มีประสิทธิภาพตามเกณฑ์  $75/75$  ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน เรื่องความน่าจะเป็น วิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ที่สอนโดยใช้บทเรียนออนไลน์ ตามแนวคิดทฤษฎีการสร้างองค์ความรู้ด้วยตนเองกับการสอนปกติและความพึงพอใจต่อการเรียนด้วยบทเรียนออนไลน์ตามแนวคิดทฤษฎีการสร้างองค์ความรู้ด้วยตนเอง

เรื่องความน่าจะเป็นวิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 และขังสอดคล้องกับ พลอาไฟร ทันงค์ (2553 : 98) ได้ทำการวิจัยเรื่อง การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้โดยเน้นผู้เรียนเป็นผู้สร้างองค์ความรู้ ด้วยตนเองและเพิ่มประสิมผลงาน กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่อง สมการเชิงเส้นตัวแปรเดียว ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 ผลการวิจัยพบว่า กิจกรรมการเรียนรู้โดยเน้นผู้เรียนเป็นผู้สร้างองค์ความรู้ด้วยตนเองและเพิ่มประสิมผลงาน กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่อง สมการเชิงเส้นตัวแปรเดียว ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 มีประสิทธิภาพ  $77.66/73.50$  ซึ่งสูงกว่าเกณฑ์  $70/70$  ที่ตั้งไว้

2. ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนที่เรียนด้วยแบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์ มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนหลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียน อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับ .05 เป็นไปตามสมมติฐานที่ตั้งไว้ ซึ่งแสดงให้เห็นว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนที่ เรียนด้วยแบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เพิ่มสูงขึ้น ทั้งนี้เนื่องจากผู้วิจัยได้สร้างแบบฝึกหักษะโดยได้ศึกษาหลักการ แนวคิด ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง เลือกประเภทของแบบฝึกหักษะที่เหมาะสมกับวัยของนักเรียน กำหนดขอบข่ายเนื้อหาสาระ ได้ชัดเจนเข้าใจง่าย กำหนดกิจกรรมโดยเรียงจากเนื้อหาที่ง่ายไปยาก

นอกจากนี้ผู้วิจัยยังได้นำความคิดในการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ โดยใช้ทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์ มาใช้ในการวิจัยครั้งนี้ โดยทิศนา แม้มมณี (2548 : 27) ได้กล่าวว่า การจัด การเรียนการสอนตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เป็นรูปแบบที่ได้รับการพิสูจน์และทดสอบว่ามี ประสิทธิภาพและมีขั้นตอนที่สามารถช่วยให้ผู้เรียนเกิดการเรียนรู้ตามจุดมุ่งหมาย ได้เป็นอย่างดี ซึ่งสอดคล้องกับรัชนีวรรณ ขันชัยภูมิ (2551 : 69 -70) กล่าวว่า การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ตาม แนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ประกอบด้วย 5 ขั้นตอน ดังนี้ 1. ขั้นนำเข้าสู่บทเรียน 2. ขั้นสอน ประกอบด้วย 3 ขั้นตอน (ขั้นแพชญสถานการณ์ปัญหาและแก้ปัญหาเป็นรายบุคคล, ขั้นกิจกรรม ได้ตระองระดับกลุ่มย่อย, ขั้นเสนอแนวทางแก้ปัญหาต่อขั้นเรียนกลุ่มย่อยหาแนวทางแก้ปัญหา)

3. ขั้นสรุป 4. ขั้นประเมิน อีกทั้งยังสอดคล้องกับงานวิจัยของ สุรเดช นิกรม่วง (2551 : 92-96) ได้ทำการวิจัยเกี่ยวกับการพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ และศึกษาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน คณิตศาสตร์ของนักเรียนให้มีจำนวนนักเรียนไม่น้อยกว่าร้อยละ 70 มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนและ คะแนนเฉลี่ยร้อยละ 70 ขึ้นไปโดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวคิดผู้เรียนเป็นผู้สร้างองค์ความรู้ด้วย ตนเองแบบผสมผสานระหว่างแบบ 5E และ STAD ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 โรงเรียนบ้าน หันวิทยา อำเภอเกยตรามบูรพา จังหวัดชัยภูมิ พบว่า นักเรียนได้ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนเฉลี่ยคิดเป็น ร้อยละ 78.33 คน และมีจำนวนนักเรียนที่ผ่านเกณฑ์ทั้งหมด 24 คน จากจำนวนนักเรียน 27 คน

คิดเป็นร้อยละ 88.99 ซึ่งเป็นไปตามเกณฑ์ที่กำหนดไว้คือ ให้มีจำนวนนักเรียนไม่น้อยกว่าร้อยละ 70 มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนและคะแนนร้อยละ 70 ขึ้นไป และบังสอคลส่องกับงานวิจัยของ ฉลอม ไชยบุรินทร์ (2553 : 100) "ได้ทำการวิจัยเกี่ยวกับการพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ การเรียนรู้คณิตศาสตร์ตามแนวทางถูกต้องศรัคติวิสดิ์ เรื่องความน่าจะเป็น สำหรับนักเรียน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ผลการวิจัยพบว่า สามารถพัฒนากิจกรรมการจัดการเรียนรู้คณิตศาสตร์และ ทักษะการแก้ปัญหา โดยใช้การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคณิตศรัคติวิสดิ์ ของ Underhill มี ขั้นตอนที่สำคัญ 5 ขั้นตอน คือ (1) ขั้นนำเข้าสู่บทเรียน (2) ขั้นสอน (3) ขั้นสรุป (4) ขั้นฝึกทักษะและการนำไปใช้ (5) ขั้นประเมินผล มีนักเรียนจำนวนร้อยละ 73.68 มีผลสัมฤทธิ์ ทางการเรียน เรื่องความน่าจะเป็นสูงกว่าร้อยละ 70 ของคะแนนเต็ม มีนักเรียนจำนวนร้อยละ 71.05 มีทักษะการแก้โจทย์ปัญหาระดับความน่าจะเป็นสูงกว่าร้อยละ 70 ของคะแนนเต็ม

นอกจากนี้บังสอคลส่องกับงานวิจัยของเวด (Wade. 1995 : 11-A) "ได้ทำการวิจัยเกี่ยวกับ ผลของการสอนคณิตศาสตร์แบบแก้ปัญหาการเรียนรู้แบบคณิตศรัคติวิสดิ์ ต่อผลสัมฤทธิ์ทางการ เรียน ความเชื่อมั่นในตนเองและเจตคติต่อวิชาคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 5 โดย ศึกษากลุ่มตัวอย่าง 17 คนและระยะเวลา 6 สัปดาห์ สอนวันละ 3 ชั่วโมง ทุกวัน ผลการศึกษา พบว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของตัวอย่างเพิ่มขึ้น อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ 0.05 นอกจากนี้ บังพบร่วมนักเรียนที่ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนต่ำ เมื่อเรียนด้วยวิธีสอนแบบแก้ปัญหาตามทฤษฎี คณิตศรัคติวิสดิ์ มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนเพิ่มสูงขึ้นกว่ากลุ่มนักเรียนที่มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน สูงอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ 0.05 จากการศึกษาข้อมูลเชิงคุณภาพ พบว่า เจตคติและความ เชื่อในตนเองต่อวิชาคณิตศาสตร์ของกลุ่มตัวอย่างสูงขึ้น

3. ผลการศึกษาดังนี้ประสิทธิผลของแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คณิตศรัคติวิสดิ์ พบว่า ค่าดัชนีประสิทธิผล เท่ากับ 0.6545 แสดงว่า นักเรียนที่เรียนด้วย แบบฝึกทักษะเรื่องความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษา ปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศรัคติวิสดิ์ มีความรู้เพิ่มขึ้นคิดเป็นร้อยละ 65.45 ซึ่งเป็นไปตาม สมนติฐานที่ตั้งไว้ ที่เป็นเช่นนี้เนื่องจากการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนคณิตศาสตร์จำเป็นต้อง อาศัยแบบฝึกทักษะเป็นสื่อประกอบการเรียนซึ่งแบบฝึกทักษะที่มีประสิทธิภาพจะช่วยให้การเรียน ของนักเรียนประสบความสำเร็จและบรรลุความต้องการที่ตั้งไว้ซึ่งช่วยขับ อาจิสมานาจาร (2540 : 98) ได้กล่าวถึงความสำคัญของแบบฝึกทักษะว่า แบบฝึกทักษะเป็นส่วนหนึ่งของบทเรียน ที่จะทำให้นักเรียนสำเร็จผล ในอุดมแบบฝึกถูกมองว่าเป็นการบ้าน ปัจจุบันเป็นงานที่ทำในชั้นเรียน หรือที่บ้าน เป็นบทเรียนที่ต้องฝึกเรียนรู้ เป็นโครงการที่ต้องทำให้เสร็จ เป็นคำสอนที่ต้องตอบหรือ

ทบทวนการเรียนที่ผ่านมา กิจกรรมเหล่านี้เป็นกิจกรรมที่นุ่งให้ผู้เรียนได้ฝึกทักษะ เป็นการฝึกนำความรู้หรือในมโนติ (Concept) ที่มีไปใช้ให้เกิดทักษะและเสริมประสบการณ์ ซึ่งแบบฝึกทักษะควร มีโจทย์ที่หลากหลาย เพื่อให้ผู้เรียนได้ฝึกในสิ่งที่แตกต่างออกไป (อัมพร ม้าคมนอง. 2546 : 84)

นอกจากนี้ยังสอดคล้องกับงานวิจัยของ วนิดา นนถาชา (2553 : 87) ซึ่งทำการวิจัย เกี่ยวกับผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ตามแนวทางทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เรื่อง ความรู้เบื้องต้นเกี่ยวกับจำนวนจริง ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ผลการวิจัยพบว่า แผนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ตามแนวทางทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เรื่องความรู้เบื้องต้นเกี่ยวกับจำนวนจริง ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ที่ผู้วิจัยสร้างขึ้น มีประสิทธิภาพ  $82.87/81.19$  ซึ่งสูงกว่าเกณฑ์  $75/75$  ที่ตั้งไว้ ดังนั้นประสิทธิผลของแผนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ตามแนวทางทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เรื่อง ความรู้เบื้องต้นเกี่ยวกับจำนวนจริง ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 มีค่าเท่ากัน  $0.6624$  นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ที่เรียนโดยการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ตามแนวทางทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนหลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียน อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 และ นักเรียนมีความพึงพอใจต่อการเรียนด้วยการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์อยู่ในระดับมากที่สุด

ทั้งนี้ยังสอดคล้องกับงานวิจัยของ นีล (Neal. 2004 : 74 - 78) ได้พัฒนาการจัดกิจกรรมการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย โดยการจัดการเรียนรู้ตามแนวทางทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์ ตามแนวทางทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ กลุ่มเป้าหมายคือนักเรียนระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนปลายที่สอบไม่ผ่าน เกณฑ์การสอบระดับประเทศ ดำเนินการพัฒนากิจกรรมโดยการนำผลการสอบระดับประเทศ เป็นเกณฑ์การพิจารณา นำนักเรียนที่สอบไม่ผ่านเกณฑ์เข้าเรียนในห้องปฏิบัติการคอมพิวเตอร์ โดยจับคู่นักเรียนที่มีผลการเรียนสูงและต่ำ นักเรียนแต่ละคู่เรียนรู้ร่วมกัน ช่วยเหลือกัน และใช้ คอมพิวเตอร์ช่วยสอน ในระยะเวลา 16 สัปดาห์ผลการวิจัยพบว่า การจัดกิจกรรมการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เป็นกลยุทธ์ในการสอนคณิตศาสตร์สามารถพัฒนา ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์ตามมาตรฐานได้และมีประสิทธิภาพในการพัฒนาผลการเรียน โดยพิจารณาจากผลกระทบจากการทดสอบก่อนเรียนและ หลังเรียนมีความก้าวหน้าเฉลี่ยวัยละ 91

4. ความพึงพอใจของนักเรียนที่เรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ พบว่า นักเรียนมีความพึงพอใจอยู่ในระดับมากที่สุด ทั้งนี้เป็นเพราะผู้วิจัยได้สร้างแบบฝึกทักษะ โดยมีการวิเคราะห์เนื้อหาและจัดเนื้อหาออกเป็นส่วนย่อยๆเรียงลำดับเนื้อหาจากง่ายไปยาก มีเนื้อหาสาระที่ชัดเจนเข้าใจง่ายใช้ภาษาได้เหมาะสม มีสีสันและภาพประกอบที่ช่วยให้ นักเรียนมีความสนใจมากขึ้น มีการสรุปความรู้เพื่อให้นักเรียนมีความรู้ความเข้าใจเนื้อหา

ในแต่ละชุดเป็นอย่างดี กิจกรรมการเรียนรู้ทุกกิจกรรมเปิดโอกาสให้นักเรียนได้ลงมือปฏิบัติจริง จึงช่วยให้นักเรียนมีความพึงพอใจต่อการเรียนด้วยแบบฝึกหักษะ ซึ่งสอดคล้องกับ วิระพร ลาหอง (2554 : 90) ให้ความหมายของความพึงพอใจ หมายถึง ความคิดเห็นของผู้เรียนว่ามีความพอใจ หรือไม่พอใจต่อการเรียนหรือการปฏิบัติกิจกรรมต่างๆ ที่ได้รับมอบหมาย การจัดการเรียนการสอน ควรคำนึงถึงความพึงพอใจของผู้เรียนโดยเฉพาะอย่างยิ่ง การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ที่สอดคล้องกับ ความต้องการและความสามารถของผู้เรียน เป็นสิ่งสำคัญที่จะช่วยกระตุ้นให้นักเรียนมีความมุ่งมั่น ในการปฏิบัติกิจกรรมต่างๆ และเกิดการเรียนรู้ต่อไปและช่วยสอดคล้องกับงานวิจัยของ ปราณี จิตฤทธิ์ (2552 : 72-74) ได้ทำการวิจัยเกี่ยวกับผลการใช้แบบฝึกหัดคณิตศาสตร์ที่มีต่อ ผลสัมฤทธิ์และเจตคติทางการเรียนคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 โรงเรียนเทศ ประชาสามัคคี จังหวัดนครราชสีมา พบว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนชั้นประถมศึกษา ปีที่ 6 หลังการใช้แบบฝึกหักษะคณิตศาสตร์สูงกว่าก่อนเรียน เจตคติของนักเรียนหลังเรียนสูงกว่า ก่อนเรียน อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ 0.01 และอยู่ในระดับสูงมาก

นอกจากนี้ยังสอดคล้องกับงานวิจัยของชาญวรรษ พรีสวัสดิ์ (2554 : 90) ได้ทำการวิจัย เกี่ยวกับ การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ โดยใช้รูปแบบการเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์ เรื่องเลขยกกำลัง สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 มีขั้นตอนการจัดการ เรียนรู้ 3 ขั้นตอนคือ 1.1) ขั้นนำเข้าสู่บทเรียน 1.2) ขั้นสอนประกอบด้วย ขั้นสร้างความขัดแย้ง ทางปัญญา ขั้นกิจกรรม โครงสร้าง ขั้นสร้างสถานการณ์ปัญหาขั้นสรุปผลการสร้างโครงสร้างใหม่ ทางปัญญาและ 1.3) ขั้นวัดและประเมินผลของการพัฒนาพบว่า นักเรียนที่ได้รับการจัดการเรียนรู้ ตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์สามารถสร้างองค์ความรู้และตรวจสอบความรู้ได้ด้วยตัวเอง มีความเชื่อมั่นในตนเองกล้าแสดงความคิดเห็นสามารถอภิปรายแลกเปลี่ยนความรู้ซึ่งกันและกัน มีทักษะในการทำงานร่วมกับผู้อื่นมีความรับผิดชอบ มีการช่วยเหลือซึ่งกันและกัน รวมทั้งมีเจตคติ ที่ดีต่อวิชาคณิตศาสตร์ นักเรียนมีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนเฉลี่ยร้อยละ 73.23 และจำนวนนักเรียนที่ ผ่านเกณฑ์คิดเป็นร้อยละ 78.57 เมื่อนำไปเทียบกับเกณฑ์ร้อยละ 70 พบว่าผ่านเกณฑ์ทั้งคะแนนและ จำนวนนักเรียน ความคิดเห็นของนักเรียนที่มีต่อการเรียนโดยใช้รูปแบบการเรียนรู้ตามแนวคิดของ ทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์พบว่าโดยภาพรวมอยู่ในระดับมากที่สุด ( $\bar{X} = 4.54$ ) และยังสอดคล้องกับ งานวิจัยของ พิสมัย พุงกระโทก (2556 : 107-111) ได้ทำการวิจัยเกี่ยวกับ ผลการใช้แบบฝึกหักษะ เรื่อง อสมการ ที่เรียนโดยการเรียนรู้แบบร่วมมือ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 พบว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนหลังเรียนโดยใช้แบบฝึกหักษะสูงกว่าก่อนเรียน นักเรียนมีความพึงพอใจ ต่อการเรียน ที่เรียนโดยใช้แบบฝึกหักษะเรื่อง อสมการ ที่เรียนโดยการเรียนรู้แบบร่วมมืออยู่ ในระดับมากที่สุด จากเหตุผลที่กล่าวมาข้างต้น ทำให้นักเรียนนักเรียนที่เรียนด้วยแบบฝึกหักษะ

เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ มีความพึงพอใจอยู่ในระดับมากที่สุด

## ข้อเสนอแนะ

### 1. ข้อเสนอแนะในการนำไปใช้

1.1 การใช้แบบฝึกหักษณ์ในการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ครูผู้สอน ต้องมีความเข้าใจในแนวคิด หลักการและวิธีการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนที่ชัดเจน ต้องคงอยู่ แนะนำและช่วยเหลือในการแก้ไขที่นักเรียนมีปัญหา

1.2 การใช้แบบฝึกหักษณ์ การมีคำชี้แจงและคำแนะนำที่นักเรียนสามารถอ่านและเข้าใจได้ง่าย

1.3 ใน การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ตามแนวคิดของทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ เป็น การสอนที่เน้นผู้เรียนเป็นสำคัญ ให้นักเรียนทำกิจกรรมด้วยตนเอง นักเรียนต้องใช้ความคิดและ ความสามารถของตนเองซึ่งครูต้องคำนึงถึงความแตกต่างระหว่างบุคคล สภาพความพร้อมทาง ด้านร่างกาย จิตใจ อารมณ์ สังคม ศติปัญญาและพื้นฐานความรู้เดิมของนักเรียนแต่ละคน

1.4 เวลาที่ใช้ในการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ ควรมีการแบ่งเวลาให้นักเรียนทราบ เพื่อให้งานสำเร็จตามเป้าหมาย เป็นการกระตุ้นให้นักเรียนมีความกระตือรือร้นในการปฏิบัติ

### 2. ข้อเสนอแนะในการวิจัยครั้งต่อไป

2.1 ควรมีการศึกษาเปรียบเทียบผลลัพธ์จากการเรียนที่เกิดจากการใช้แบบฝึกหักษณ์ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ กับรูปแบบการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนโดยวิธีอื่นๆ

2.2 ควรมีการศึกษาการพัฒนาแบบฝึกหักษณ์ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ในระดับชั้นอื่น ๆ

2.3 ควรมีการศึกษาสภาพปัญหาการเรียนการสอนของวิชาที่มีปัญหา เพื่อที่จะสร้าง แบบฝึกหักษณ์ในการพัฒนาการเรียนการสอน

**บารณานุกรม**

## บรรณานุกรม

- กระทรวงศึกษาธิการ. (2545). คู่มือการจัดการเรียนรู้ก่อสู่สาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์. กรุงเทพฯ : โรงพิมพ์องค์การรับส่งศินค้าและพัสดุภัณฑ์.
- \_\_\_\_\_ . (2551). ตัวชี้วัดและสาระการเรียนรู้แกนกลางก่อสู่สาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐานพุทธศักราช 2551. กรุงเทพฯ : โรงพิมพ์ชุมนุม สถากรณ์การเกษตรแห่งประเทศไทย.
- กองวิจัยทางการศึกษา. (2545). การวิจัยเพื่อการพัฒนาการเรียนรู้. กรุงเทพฯ : โรงพิมพ์ครุสกา ลาดพร้าว
- คำนวณ สำนักในเมือง และคณะ. (น.ป.ป.). ความสำคัญของแบบฝึกหัดคณิต. กรุงเทพ : น.ป.พ.
- มนัส ชาตุทอง. (2551). การออกแบบการสอนแบบย้อนกลับ Backward Design. กรุงเทพฯ : เพชรเกjmการพิมพ์.
- จากรุวรรณ หรีสวัสดิ์. (2554). การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่อง เลขยกกำลังสาม หารบ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 โรงเรียนบ้านห้วยบงเหนือ สังกัดสำนักงานเขตพื้นที่ การศึกษาประถมศึกษาขัยภูมิ เขต 1 โดยใช้รูปแบบการเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์. วิทยานิพนธ์ ศษ.ม. (หลักสูตรและการสอน). ขอนแก่น : บัณฑิต วิทยาลัย มหาวิทยาลัยขอนแก่น.
- ฉลอม ใจบุรินทร์. (2553). การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้ก่อสู่สาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ตาม แนว ทฤษฎีคณสตรัคติวิสต์ เรื่องความน่าจะเป็น สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3. วิทยานิพนธ์ ศษ.ม. (หลักสูตรและการสอน). ขอนแก่น : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัย ขอนแก่น.
- ชัยฤทธิ์ ศิลาเดช. (2545). คู่มือการเขียนแผนการสอนที่เน้นผู้เรียนเป็นสำคัญ ระดับประถมศึกษา (ปรับปรุงใหม่). กรุงเทพ : แม็ค.
- ชาญชัย ยมดิษฐ์. (2548). เทคนิคและวิธีสอนร่วมสมัย. กรุงเทพฯ : โรงพิมพ์หลักพิมพ์.
- ชาญชัย อรจิพสมานาجار. (2540). หลักการสอนทั่วไป. กรุงเทพฯ : พิทักษ์อักษร.
- ชุลีมาตร บรรณวงศ์. (2553). ผลการใช้งานเรียนออนไลน์ตามแนวคิดทฤษฎีการสร้างองค์ความรู้ ด้วย ตนเองเรื่องความน่าจะเป็น วิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5. วิทยานิพนธ์ ค.ม. (เทคโนโลยีและสื่อสารการศึกษา). นครราชสีมา : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏ นครราชสีมา.

ไชยศ เรืองสุวรรณ. (2545). การออกแบบและพัฒนาบทเรียนคอมพิวเตอร์และบทเรียนเครือข่าย.

มหาสารคาม : ภาควิชาเทคโนโลยีและสื่อสารการศึกษา คณะศึกษาศาสตร์

มหาวิทยาลัยมหาสารคาม.

ดวงมาดา ใจร้านนท. (2551). การพัฒนาแผนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้การอ่านเพื่อฝึกการคิด

วิเคราะห์ด้วยแบบฝึกทักษะสำหรับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1. วิทยานิพนธ์ กศ.ม. (หลักสูตร  
และการสอน). มหาสารคาม : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยมหาสารคาม.

ถวัลย์ มากจารัส. (2546). นวัตกรรมการศึกษาชุด แบบฝึกทักษะ. กรุงเทพฯ : ธรรมอักษร.

ทิวาพร ศุภลัญชา. (2550). การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้การแก้โจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์  
เรื่องบทประยุกต์ ชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 ตามแนวคิดทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ ที่เน้น  
กระบวนการแก้ปัญหาของโพยา. วิทยานิพนธ์ ศน.ม. (หลักสูตรและการสอน). ขอนแก่น :  
บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยขอนแก่น.

ทิศนา แรมนันณี. (2548). รูปแบบการเรียนการสอน : ทางเลือกที่หลากหลาย. พิมพ์ครั้งที่ 3.

กรุงเทพฯ : จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.

ชนพร โนราฐุร. (2547). การพัฒนาแผนการเรียนรู้ที่เน้นทักษะกระบวนการทำงาน กลุ่มสาระ  
การเรียนรู้การงานอาชีพและเทคโนโลยี เรื่อง การจัดทำนาดีสมุนไพรจากผักผลไม้ใน  
ท้องถิ่นชั้นประถมศึกษาปีที่ 6. วิทยานิพนธ์ กศ.ม. (หลักสูตรและการสอน). มหาสารคาม :  
บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยมหาสารคาม.

ธีระพัฒน์ ฤทธิ์ทอง. (2545). การจัดกระบวนการเรียนแบบบล็อก. พิมพ์ครั้งที่ 2. กรุงเทพฯ :  
โรงพิมพ์ไทยวัฒนาพาณิช.

นริชญ์ ภูสังค. (2553). ศึกษาทักษะการแก้โจทย์ปัญหา เรื่อง การประยุกต์ของสมการเชิงเส้นตัว  
แปรเดียวโดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวทางทฤษฎีคณิตศาสตร์คิวิสต์ ที่เน้นขั้นตอนการ  
แก้ปัญหาของโพยา สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2. วิทยานิพนธ์ ศน.ม.  
(หลักสูตรและการสอน). ขอนแก่น : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยขอนแก่น.

บุญชุม ศรีสะอาด. (2545). การวิจัยเบื้องต้น. พิมพ์ครั้งที่ 7. กรุงเทพฯ : สุวิชาสาส์น

\_\_\_\_\_. (2546). การวิจัยสำหรับครู. กรุงเทพฯ : สุวิชาสาส์น.

\_\_\_\_\_. (2553). การวิจัยเบื้องต้น. พิมพ์ครั้งที่ 8. กรุงเทพฯ : สุวิชาสาส์น.

บุญชุม ศรีสะอาด และคณะ. (2552). พื้นฐานการวิจัยการศึกษา. ก้าวเดินที่ 1 : ประสานการพิมพ์.  
เบญจวรรณ เสาร์โค. (2553). การพัฒนาแบบฝึกภาษาไทย เรื่องการเขียนสะกดคำตามมาตรฐาน

- ตัวสะกดโดยใช้กิจกรรมการเรียนรู้แบบร่วมนือเทคนิค STAD สำหรับนักเรียนชั้น ประถมศึกษาปีที่ 1. วิทยานิพนธ์ ค.ม. (หลักสูตรและการสอน). บุรีรัมย์ : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์.
- ปราณี จันฤทธิ์. (2552). ผลการใช้แบบฝึกปฏิคิดคำสัตรที่มีต่อผลสัมฤทธิ์และเจตคติทางการเรียน คณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 โรงเรียนเทศประชาสามัคคี จังหวัด นครราชสีมา. วิทยานิพนธ์ ศญ.ม. (หลักสูตรและการสอน). นนทบุรี : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมราช.
- เพชรุ กิจระการ. (2544, กรกฎาคม). “การวิเคราะห์หาประสิทธิภาพสื่อและเทคโนโลยีเพื่อ การศึกษา (E1/E2),” วารสารการวัดผลการศึกษา มหาวิทยาลัยมหा�สารคาม. 7(4) : 31-50.
- พนาไพร หนงค์ (2553). การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้โดยเน้นผู้เรียนเป็นผู้สร้างองค์ความรู้ด้วย ตนเองและเพิ่มประสบการณ์ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่องส่วนการเชิงเส้น ตัวแปรเดียว ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1. วิทยานิพนธ์ ค.ม. (หลักสูตรและการสอน). ศากลนคร : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏศากลนคร.
- พรพรรณ อัตตวัฒนานุกูล. (2547). ผลการใช้แบบฝึกทักษะการแก้โจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์ เรื่อง การประยุกต์ของสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียว ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2. ปริญญาโท วิทยานิพนธ์ กศ.ม. (การมัธยมศึกษา). มหาวิทยาลัยศรีนครินทร์วิโรฒ : กรุงเทพฯ.
- พัลลภ คงนุรัตน์. (2547). การศึกษาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนและความพึงพอใจ ในวิชาคณิตศาสตร์ของนักเรียนประถมศึกษาปีที่ 4 ที่ได้รับการสอนโดยบทเรียน คอมพิวเตอร์มัลติมีเดีย เรื่อง โจทย์ปัญหาการบวก ลบ. วิทยานิพนธ์ กศ.ม. (การประถมศึกษา). มหาวิทยาลัยศรีนครินทร์วิโรฒ ประสานมิตร.
- พิชิต ฤทธิ์จรรยา. (2552). หลักการวัดและประเมินผลการศึกษา. พิมพ์ครั้งที่ 6. กรุงเทพฯ : เอ้าส์อฟเโคอร์มีสท์.
- พิสมัย พุงกระ ໄอก. (2556). ผลการใช้แบบฝึกทักษะ เรื่องอัตราการ ที่เรียนโดยการเรียนรู้แบบ ร่วมนือ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3. วิทยานิพนธ์ ค.ม. (หลักสูตรและการสอน). บุรีรัมย์ : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์.
- ไฟจิตร ศดวกการ. (2539). ผลของการสอนคณิตศาสตร์ตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคทิวิสต์ที่มี ต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์และความสามารถในการถ่ายทอดการเรียนรู้ของ นักเรียนระดับมัธยมศึกษาตอนต้น. วิทยานิพนธ์ ค.ค. (หลักสูตรและการสอน). กรุงเทพฯ : บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.
- เยาวดี วิบูลย์ศรี. (2545). การวัดผลและการสร้างแบบสอบถามผลสัมฤทธิ์. พิมพ์ครั้งที่ 3

- กรุงเทพมหานคร : จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.
- รัชนีวรรณ ขันชัยภูมิ. (2551). ผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ตามแนวคิดทฤษฎี  
คอนสตรัคติวิสต์ที่มีผลต่อทักษะการเชื่อมโยงของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2.  
วิทยานิพนธ์ กศ.ม. (หลักสูตรและการสอน) ขอนแก่น : มหาวิทยาลัยขอนแก่น.
- รุจิร์ ภู่สาระ. (2545). การเขียนแผนการเรียนรู้. พิมพ์ครั้งที่ 2. กรุงเทพฯ : บู๊ฟฟ์.
- รุจิรา สารคำ. (2550). การเปรียบเทียบความสามารถในการคิดวิเคราะห์และผลลัพธ์จากการ  
เรียนวิชาภาษาไทยของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษา  
ร้อยเอ็ด เขต 1 ที่มีสไตล์การเรียนแตกต่างกัน. วิทยานิพนธ์ กศ.ม.  
(หลักสูตรและการสอน). มหาสารคาม : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยมหาสารคาม.
- โรงเรียนบ้านโภกย่าง. (2556). รายงานประเมินตนเอง (SAR) ปีการศึกษา 2556. บูรรัมย์ :  
เอกสารอัดสำเนา.
- วนิดา เทียนเงยภู. (2556). ผลการใช้แบบฝึกทักษะการแก้โจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์ เรื่อง เศษส่วน  
และทศนิยม โดยใช้การเรียนรู้แบบร่วมมือ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1.  
วิทยานิพนธ์ ค.ม.(หลักสูตรและการสอน). บูรรัมย์ : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏ  
บูรรัมย์.
- วนิดา นนถาชา. (2553). ผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ตามแนวทฤษฎีคอนสตรัค  
ติวิสต์ เรื่อง ความรู้เบื้องต้นเกี่ยวกับจำนวนจริง ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2. วิทยานิพนธ์ กศ.ม.  
(หลักสูตรและการสอน). มหาสารคาม : มหาวิทยาลัยมหาสารคาม.
- วรรณพิพาร อุดแท่งคำ. (2541, เมษายน-มิถุนายน). “ทฤษฎีการสร้างความรู้ (Constructivism)”,  
วารสาร สสวท. 26 (101) : 7-12.
- วินลรัตน์ สุนทรโจน์. (2548). เอกสารประกอบการสอนวิชาสัมมนาหลักสูตรและการสอน  
ภาษาไทย. มหาสารคาม : มหาวิทยาลัยมหาสารคาม.
- \_\_\_\_\_. (2551). นวัตกรรมเพื่อการเรียนรู้. กาฬสินธุ์ : ประสานการพิมพ์.
- วีໄล พิพัฒน์มงคลพร. (2544). เอกสารประกอบการสอนวิชา 215311 การสร้างแบบฝึกทักษะ<sup>1</sup>  
ภาษาไทย. ขอนแก่น : มหาวิทยาลัยขอนแก่น.
- วีระพล ลาหอง. (2554). การพัฒนาชุดกิจกรรมการเรียนรู้ โดยใช้กระบวนการสืบเสาะหาความรู้  
แบบวquist การเรียนรู้ 5 ขั้น เรื่อง ระบบหมุนเวียนเลือดกับการรักษาดูแลภาพของร่างกาย  
กลุ่มสาระการเรียนรู้วิทยาศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5. วิทยานิพนธ์ ค.ม.  
(หลักสูตรและการสอน). อุบลราชธานี : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏ  
อุบลราชธานี.

ศรีนยา คุณประทุม. (2554). การพัฒนาชุดกิจกรรมโดยใช้เทคนิคการแก้ปัญหาของโพลยา ก่อตุ้นสร้างการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 5. วิทยานิพนธ์ ก.ม. (หลักสูตรและการสอน). นวัตกรรม : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏบูรีรัมย์.

สถาบันทดสอบทางการศึกษาแห่งชาติ (องค์กรมหาชน). (2556). ประกาศผลสอบ O – NET รายโรงเรียน. สืบค้นเมื่อวันที่ 14 สิงหาคม 2557, จาก

<http://www.onetresult.niets.or.th/AnnouncementWeb/MainSch/MainSch.aspx>

สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี. (2550). การวัดประเมินผลเพื่อคุณภาพ การเรียนรู้. กรุงเทพมหานคร ฯ เ渣เว่นพรีนติ้งกรุ๊ป.

สมนึก ภัททิยชนี. (2546). เทคนิคการสอนและรูปแบบการเรียนข้อสอบแบบเลือกตอบ วิชาคณิตศาสตร์เบื้องต้น. กาฬสินธุ์ : ประสานการพิมพ์.

\_\_\_\_\_\_. (2551). การวัดผลการศึกษา (พิมพ์ครั้งที่ 6). กาฬสินธุ์ : ประสานการพิมพ์

สมช. นาวีการ. (2544). การบริหารเชิงกลยุทธ์กรณีศึกษาพฤษติกรรมในองค์กร. กรุงเทพฯ : บรรณกิจ.

สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครศรีธรรมราช เขต 2. (2556). รายงานผลการประเมินคุณภาพ การศึกษาชั้นพื้นฐาน สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครศรีธรรมราช เขต 2 ปีการศึกษา 2556. นวัตกรรม : สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครศรีธรรมราช เขต 2.

สำนักงานคณะกรรมการการประถมศึกษาแห่งชาติ. (2545). การมีส่วนร่วมของชุมชนในการจัด การศึกษาของสถานศึกษา. กรุงเทพฯ : สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาแห่งชาติ.

ศิริพร พิพัฒน์. (2545). หลักสูตรและการสอนคณิตศาสตร์. กรุงเทพฯ : สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาแห่งชาติ.

สุนทร ลุนทรประเสริฐ. (2544). การพัฒนาระบบการเรียนการสอนการสร้างแบบฝึกทักษะ 2. กรุงเทพฯ : ชัมรนพัฒนาความรู้ด้านการเรียนกฎหมาย.

สุนทร พรมนุช และคณะ. (2540). การเรียนรู้แบบมีส่วนร่วมตามแนวคิด 5 ทฤษฎี. กรุงเทพฯ สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาแห่งชาติ.

สุรเดช ม่วงนิกร. (2551). การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์ ตามทักษะคณิตศาสตร์ ตัวตัว เรื่องสอดคล้องกับ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 โดยใช้รูปแบบการสอนผสมผสานระหว่างแบบ 5E กับ STAD. วิทยานิพนธ์ ก.ม. (หลักสูตรและการสอน). ขอนแก่น : บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยขอนแก่น.

สุวิทย์ นูลคำ. (2549). แฟ้มสะสมผลงาน. กรุงเทพฯ : ที.พี. ปริ้น.

อัจฉรา เกณฑุน. (2550). การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้กลุ่มสาระคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียน

- ขั้นประเมินศักยภาพที่ 3 โดยจัดกิจกรรมการเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคทิฟ.  
วิทยานิพนธ์ ศย.ม. (หลักสูตรและการสอน). ขอนแก่น : บัณฑิตวิทยาลัย  
มหาวิทยาลัยขอนแก่น.
- อัมพร ม้าคำนอง. (2546). คณิตศาสตร์ : การสอนและการเรียนรู้. กรุงเทพฯ : จุฬาลงกรณ์  
มหาวิทยาลัย.
- อาจารย์ ใจเที่ยง. (2546). หลักการสอน. พิมพ์ครั้งที่ 2 กรุงเทพฯ ; ไอเอสพรินต์เจ้าสี.
- อาภาพร ปัญญาภู. (2551). การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่อง ทฤษฎีบทปีทาゴรัส  
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคทิฟ. วิทยานิพนธ์ ศย.ม. ขอนแก่น :  
มหาวิทยาลัยขอนแก่น
- Bloom, B.A. (1976). **Taxonomy of Educational Objective Handbook I : Cognitive Domain.**  
New York :David Mc kay Company Inc.
- Brooks, J.G. (1999). **The Case for Constructivist Classrooms.** New York : Association for  
Supervision and Curriculum Development.
- Confrey, J. (1991). Learning to listen : A student's understanding of powers of ten. In E. von  
Glassersfeld (ed.), **In Radical Constructivism in Mathematics Education.**
- George, R. (1991). **A field evaluation of the cognitive interview.** Unpublished masters thesis,  
Polytechnic of East London.
- Maslow, A.H. ( 1970). **Motivation and Personality.** 2<sup>th</sup> ed. New York : Harper and Row.
- Neal, K. L. (2004). **Improving High School Mathematics Instruction: Using Constructivist  
Pedagogy.** Doctoral dissertation. Retrieved March.
- Underhill, H.P. ( 1991). **Two Layers of Constructivist Curricular Interraction.** Dordrecht  
The Natherlands : Kluwer Academic.
- Wade, E. G. (1995). **A Study of Constructivist-based Mathematics Problem-Solving  
Instructional Program on the Attitudes, Self-confidence and Achievement of  
Post-Fifth-grade Students (Thailand)[CD-ROM].** Abstract from File :  
Dissertation Abstracts Item : 3411-A.
- Washburn, M. N. Jr. (2008). "Effects of an Advanced Mathematics Education Graduate  
Program on Teacher Practice," **Dissertation Abstracts International.** 70(03) :  
unpaged ; September.

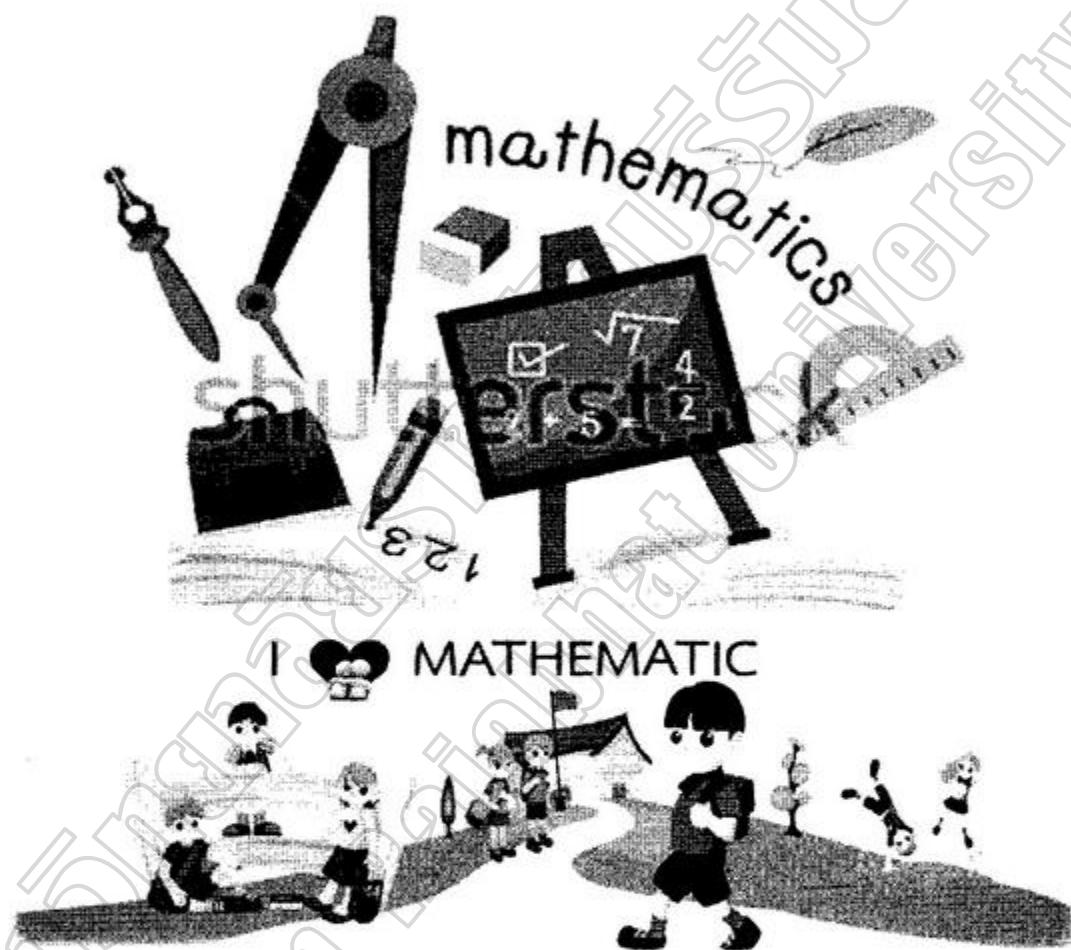
ภาควิชานักศึกษาสัมภาระ

มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์  
Buriram Rajabhat University

### ภาคผนวก ก

ตัวอย่างแบบสิกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

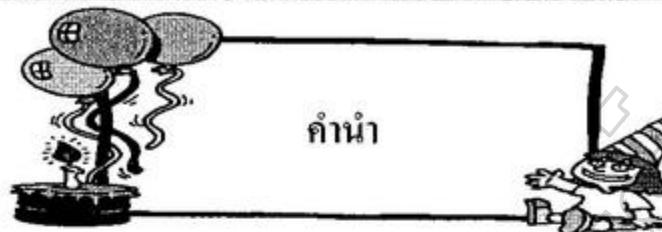
แบบฝึกหักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น  
 กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3  
 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์



โดย

นางสาวพิชากร ทองระยับ

นักศึกษาปริญญาโท สาขาวิชาลักษณะและการจัดการเรียนรู้  
 มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์



### คำนำ

แบบฝึกทักษะการเรียนรู้คณิตศาสตร์เรื่อง ความน่าจะเป็น ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ชุดนี้ จัดทำขึ้นเพื่อใช้เป็นแบบฝึกทักษะประกอบการเรียน กดุลสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 เรื่องความน่าจะเป็น ซึ่งประกอบด้วยคำข้อเขียน มาตรฐานการเรียนรู้และตัวชี้วัด จุดประสงค์การเรียนรู้ ในความรู้และแบบฝึกทักษะประกอบการเรียนพร้อมเฉลย ซึ่งหมายถึงการเรียนรู้ คุณภาพและผู้ที่สนใจที่จะนำไปใช้เป็นสื่อการเรียนรู้ในการจัดกระบวนการเรียนการสอนสำหรับ นักเรียนและเหมาะสมกับนักเรียนซึ่งถือเป็นการเรียนการสอนที่เน้นผู้เรียนเป็นสำคัญ เนื้หางาน เริ่มจากง่ายไปยากขึ้นจึงง่ายต่อการเข้าใจของนักเรียนมากขึ้นและเป็นแบบฝึกทักษะ ที่ส่งเสริมให้ ผู้เรียนได้เรียนรู้และคิดวิเคราะห์ ค้นพบความรู้ด้วยตนเอง โดยมีครุคอยให้คำแนะนำชี้แนะ

แบบฝึกทักษะการเรียนรู้คณิตศาสตร์เรื่อง ความน่าจะเป็น ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

มีจำนวน 5 ชุด ประกอบด้วย

ชุดที่ 1 เรื่อง ความน่าจะเป็น

ชุดที่ 2 เรื่อง การทดลองสุ่ม

ชุดที่ 3 เรื่อง เหตุการณ์

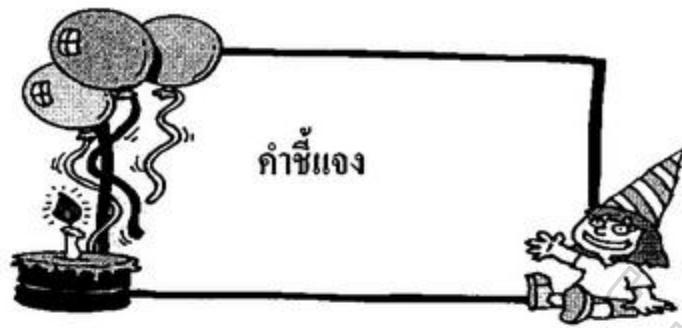
ชุดที่ 4 เรื่อง ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์

ชุดที่ 5 เรื่อง ความน่าจะเป็นกับการตัดสินใจ

ผู้จัดทำหวังเป็นอย่างยิ่งว่า แบบฝึกทักษะประกอบการเรียนรู้คณิตศาสตร์

เรื่อง ความน่าจะเป็น ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ทั้ง 5 ชุดนี้ กจะเป็นประโยชน์สำหรับครูหรือผู้สอน ในการนำไปพัฒนาแบบฝึกทักษะการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เพื่อให้นักเรียนมีความรู้ ความสามารถสำหรับการศึกษาคณิตศาสตร์ในระดับสูงต่อไป

พิชากร ทองระขัน



**แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 มีรายละเอียดดังนี้**

1. แบบฝึกทักษะมีหัวหน้า 5 ชุด ดังนี้
  - 1.1 ชุดที่ 1 เรื่อง ความน่าจะเป็น
  - 1.2 ชุดที่ 2 เรื่อง การทดลองสุ่ม
  - 1.3 ชุดที่ 3 เรื่อง เหตุการณ์
  - 1.4 ชุดที่ 4 เรื่อง ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์
  - 1.5 ชุดที่ 5 เรื่อง ความน่าจะเป็นกับการตัดสินใจ
2. แบบฝึกทักษะแต่ละชุดมีส่วนประกอบดังนี้
  - 2.1 ชื่อชุดแบบฝึกทักษะ
  - 2.2 จุดประสงค์การเรียนรู้
  - 2.3 ในความรู้
  - 2.4 แบบฝึกทักษะ
  - 2.5 แบบทดสอบหลังเรียน
  - 2.6 เฉลยแบบฝึกทักษะ
  - 2.7 เฉลยแบบทดสอบหลังเรียน
  - 2.8 ใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียน

# คำแนะนำการใช้คำหัวรับครู



1. แบบฝึกทักษะเล่มนี้เป็นแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น สำหรับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3
2. แบบฝึกทักษะเล่มนี้มีพั้งหนด 5 ชุด ใช้เวลาเรียนดังนี้
3. แบบฝึกทักษะแต่ละชุด มีส่วนประกอบดังนี้
  - 3.1 ชื่อชุดแบบฝึกทักษะ
  - 3.2 ถูกประสงค์การเรียนรู้
  - 3.3 ใบความรู้
  - 3.4 แบบฝึกทักษะ
  - 3.5 แบบทดสอบหลังเรียน
  - 3.6 เฉลยแบบฝึกทักษะ
  - 3.7 เฉลยแบบทดสอบหลังเรียน
  - 3.8 ใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับนักเรียน
  - 3.9 ใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับครู
4. ควรศึกษานៅด้านของแบบฝึกทักษะล่วงหน้าก่อนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ เพราะจะช่วยให้ครูเตรียมตัวล่วงหน้าได้
5. ควรเตรียมต่อการเรียนรู้ล่วงหน้าก่อนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อความสะดวกในการจัดกิจกรรม
6. ควรอธิบายให้นักเรียนได้ทราบถึงความสำคัญของการฝึกทักษะแต่ละครั้ง เพื่อให้นักเรียนเห็นประโยชน์ที่จะได้รับจากการใช้แบบฝึกทักษะ
7. ระหว่างการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ ครุครัวให้คำแนะนำ ช่วยเหลือนักเรียนที่พบปัญหาในระหว่างปฏิบัติกิจกรรม เพื่อให้นักเรียนสามารถเรียนรู้ได้อย่างเต็มศักยภาพ
8. เวลาที่ใช้ในการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ สามารถขดหยุ่นได้ตามเหมาะสม



## คำแนะนำการใช้สำหรับนักเรียน

1. แบบฝึกทักษะเล่มนี้เป็นแบบฝึกทักษะ เรื่องความน่าจะเป็น สำหรับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓
2. แบบฝึกทักษะเล่มนี้ทั้งหมด ๕ ชุด ใช้เวลาเรียนค้างนี้
3. ขั้นตอนการใช้แบบฝึกทักษะแต่ละชุด มีดังนี้
  - 3.1 ศึกษาทำความเข้าใจจุดประสงค์การเรียนรู้
  - 3.2 ศึกษาทำความเข้าใจในความรู้อย่างละเอียด
  - 3.3 ทำแบบฝึกทักษะด้วยความตั้งใจ
  - 3.4 ตรวจสอบแบบฝึกทักษะจากเฉลยแบบฝึกทักษะ ด้วยความรอบคอบ
  - 3.5 ทำแบบทดสอบหลังเรียนเพื่อวัดความรู้จากการเรียนในแต่ละครั้ง
  - 3.7 บันทึกคะแนนลงในใบบันทึกคะแนน

## มาตรฐานการเรียนรู้

### สาระที่ 5 การวิเคราะห์ข้อมูลและความน่าจะเป็น

**มาตรฐาน ก 5.2** ใช้วิธีการทางสถิติและความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้ด้วยช่องสมเหตุสมผล

**มาตรฐาน ก 5.3** ใช้ความรู้เกี่ยวกับสถิติและความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล

### สาระที่ 6 ทักษะและกระบวนการทางคณิตศาสตร์

**มาตรฐาน ก 6.1** มีความสามารถในการแก้ปัญหา การให้เหตุผล การสื่อสาร การสื่อความหมายทางคณิตศาสตร์และการนำเสนอ การเชื่อมโยงความรู้ต่างๆทางคณิตศาสตร์และเชื่อมโยงคณิตศาสตร์กับศาสตร์อื่นๆและมีความคิดสร้างสรรค์

## ตัวชี้วัด

นฐ. ก.5.2 ม.3/1 หากความน่าจะเป็นของเหตุการณ์จากการทดลองสุ่มที่ผลแต่ละตัวมีโอกาสเกิดขึ้นเท่า ๆ กัน และใช้ความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล

นฐ. ก 6.1 ม.3/1 ใช้วิธีการที่หลากหลายแก้ปัญหา

ม.3/3 ให้เหตุผลประกอบการตัดสินใจและสรุปผลได้อย่างเหมาะสม

ม.3/4 ใช้ภาษาและสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ในการสื่อสาร การสื่อความหมายและการนำเสนอ ได้อย่างถูกต้องและชัดเจน

ม.3/5 เชื่อมโยงความรู้ต่างๆในคณิตศาสตร์และนำความรู้ หลักการกระบวนการทางคณิตศาสตร์ไปเชื่อมโยงกับศาสตร์อื่นๆ

**แบบฝึกหัดภาษาไทย**

**ชุดที่ 1 เรื่อง ความน่าจะเป็น**

**จุดประสงค์การเรียนรู้**

นักเรียนสามารถใช้ความรู้สึกเชิงจำนวนบอกได้ว่า  
เหตุการณ์ที่กำหนดให้มีโอกาสเกิดขึ้นมากหรือน้อยเพียงใด



## ใบความรู้ เรื่อง ความน่าจะเป็น

ในชีวิตประจำวันเรามักจะได้ยินคำพูดที่เกี่ยวกับการคาดคะเน การทำงาน โอกาส หรือ ความเป็นไปได้ที่จะเกิดเหตุการณ์ที่กล่าวถึง แต่ไม่สามารถบอกได้แน่ชัดว่าเหตุการณ์เหล่านั้นจะ เกิดขึ้นหรือไม่ จนกว่าจะถึงเวลาที่กำหนด

จำนวนจำนวนหนึ่งที่บ่งบอกถึงโอกาสในการน้อยที่จะเกิดแต่ละเหตุการณ์นั้น ในทางคณิตศาสตร์เรียกจำนวนนั้นว่า ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์

การทราบความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ใดเหตุการณ์หนึ่ง ทำให้ทราบว่าเหตุการณ์นั้นมี โอกาสเกิดขึ้นมากหรือน้อยเพียงใดหรือไม่เกิดขึ้นเลย ทำให้สามารถตัดสินใจดำเนินกิจกรรมที่ เกี่ยวข้องกับเหตุการณ์นั้นๆ ได้อย่างมีประสิทธิภาพ

การหาความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ ได้มีการศึกษาอย่างจริงจังเมื่อ ก.ศ.1654 หลังจาก เชอวาลิ约 เดอ เม雷 ( Chevalier de Mere ) นักการพนันชาวฝรั่งเศสแพ้การพนัน เมื่อเข้าได้ ห้าพนันกับนักการพนันอื่นๆ ว่า “เมื่อทอดลูกเต๋าสองลูกพร้อมกัน 24 ครั้ง จะมีอย่างน้อยหนึ่งครั้งที่ ขึ้น แต้ม 6 ทั้งสองลูก” เดอเม雷 สงสัยว่าทำไนจึงเป็นเช่นนั้น เขายังนำปัญหานี้ไปถาม เบลล์ ปascal ( Blaise Pascal ) นักคณิตศาสตร์ผู้เป็นเพื่อนของเขาระบบสากลก็ได้นำปัญหาเดียวกันนี้ ไปปรึกษา ปีแยร์ เดอ เฟร์มา ( Pierre de Fermat) เพื่อนนักคณิตศาสตร์ของเขายังคงจึงได้ ทำการศึกษาด้านควาณน่าจะเป็นของเหตุการณ์อย่างจริงจัง จนได้คำตอบว่า ถ้าโยนลูกเต่า ที่เที่ยงตรงสองลูกพร้อมกัน 24 ครั้ง ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ที่ลูกเต่าจะหายขึ้นแต้ม 6 ทั้งสองลูกอย่างน้อยหนึ่งครั้ง เท่ากับ 0.4914 หรือประมาณ ค่าความน่าจะเป็นข้างต้นเป็นหลักฐานยืนยันว่า พระเหตุใด เดอเม雷 จึงแพ้พนันมากกว่าจะชนะพนัน

### หลักการพื้นฐานความน่าจะเป็น

หลักการนี้ถือได้ว่า เป็นจุดเริ่มต้นของการศึกษาความน่าจะเป็น ต่อมาได้มีการศึกษา ด้านควาณน่าจะเป็นเพิ่มเติมอย่างกว้างขวางจนถึงปัจจุบันและพบว่าความน่าจะเป็น เป็นเรื่องที่มีบทบาทสำคัญ ในคณิตศาสตร์ วิทยาศาสตร์และสังคมศาสตร์ นักคณิตศาสตร์ นักเคมีศาสตร์ และ นักสังคมศาสตร์ต่างต้องอาศัยความรู้เรื่องความน่าจะเป็นในการศึกษาเหตุการณ์ที่เข้าสนใจ



ในความรู้  
เรื่อง ความน่าจะเป็น (ต่อ)

ความน่าจะเป็น เป็นสิ่งที่เราใช้คาดคะเนเหตุการณ์ที่ไม่แน่นอนต่างๆว่ามีโอกาสเกิดขึ้นมากน้อยเพียงใด เพื่อนำไปใช้ในการประกอบการตัดสินใจที่จะเลือกทำหรือไม่ทำเพื่อให้เกิดประโยชน์มากที่สุด

**ตัวอย่างที่ 1**

**พิจารณาสถานการณ์ต่อไปนี้**

**สถานการณ์ :** ปัจจุบันหน่วยงานทางราชการและเอกชน ได้รับงบคืบ้านมิให้สูบบุหรี่ ในสถานที่ต่างๆที่มีสัญลักษณ์ห้ามสูบบุหรี่ นักเรียนคิดว่าหน่วยงานทางราชการและเอกชนมีเหตุผลอย่างไรจึงทำเช่นนั้น

**ตอบ :** ผู้ที่สูบบุหรี่และผู้ที่อยู่ใกล้เคียงที่ได้รับควันบุหรี่มีโอกาสป่วยเป็นโรคปอดมะเร็งจนถึงตายสูง

**สถานการณ์ :** หนูแดงมีหน้าที่รดน้ำต้นไม้ทุกเย็นหลังจากกลับจากโรงเรียน แต่วันนี้เมื่อหนูแดงกลับถึงบ้านเห็นห้องพักมีครึ่นและลมพัดแรงหนูแดงจึงไม่รดน้ำต้นไม้เหมือนทุกวัน หนูแดงคิดอย่างไรจึงทำเช่นนั้น

**ตอบ :** หนูแดงคิดว่ามีโอกาสที่ฝนจะตกหนักในเวลาเย็นໄกสีซึ่งดันไม่จะได้รับน้ำจากน้ำฝนที่ตก



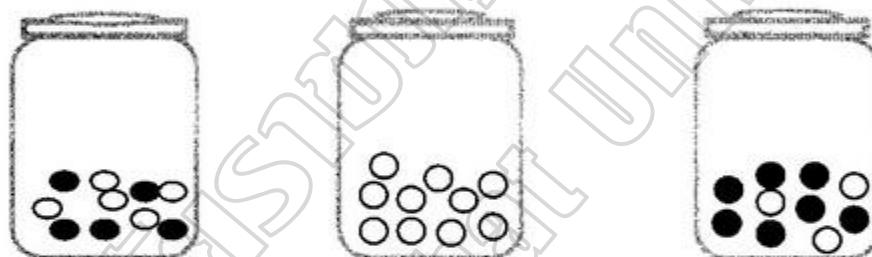
ใบความรู้

### เรื่อง ความน่าจะเป็น (ต่อ)

#### ตัวอย่างที่ 2

##### พิจารณาสถานการณ์ต่อไปนี้

มีขวดโหลทั้ง 3 ใบ ปิดฝาขวดด้วยผ้า เจาะรูไว้สำหรับให้มือลอดคลงไปได้บรรจุลูกแก้วสีต่างๆกัน ดังรูป



ให้นักเรียน 2 คน เล่นเกม โดยปิดฝาหลักกันหันหลังแก่จากขวดโหล ให้ขวดโหลหนึ่ง มา 1 ถูก เมื่อหันหลังให้แล้วให้กินขวดโหลเดิน โดยมีเงื่อนไขดังนี้

ถ้านักเรียนคนแรกหันให้ลูกแก้วสีดำได้ 1 กะแนน หันบันได้ลูกแก้วสีขาวได้ 0 กะแนน

ถ้านักเรียนคนแรกหันให้ลูกแก้วสีขาวได้ 1 กะแนน หันบันได้ลูกแก้วสีดำได้ 0 กะแนน

จากกิจกรรมข้างต้น นักเรียนมาช่วยกันตอบค่าตอบแทนของความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ ข้างต้นดังนี้

1. นักเรียนคนแรกหันให้ลูกแก้วจากขวดโหลใด จึงจะมีโอกาสชนะมากกว่า ตอบ ขวดโหลที่สาม เพราะในขวดโหลมีลูกแก้วสีดำมากกว่าลูกแก้วสีขาว
2. นักเรียนคนที่สองหันลูกแก้วจากขวดโหลใด จึงจะมีโอกาสชนะมากกว่า ตอบ ขวดโหลที่สอง เพราะในขวดโหลมีลูกแก้วสีขาว多いกว่า
3. นักเรียนคนแรกหันลูกแก้วจากขวดโหลใด จึงจะไม่มีโอกาสชนะ ตอบ ขวดโหลที่สอง
4. ถ้าต้องการให้นักเรียนคนแรก และคนที่สองมีโอกาสชนะเท่ากัน ควรให้หันลูกแก้วจากขวดโหลใด ตอบ ขวดโหลที่ 1





## แบบฝึกทักษะเรื่อง ความน่าจะเป็น

### คำอธิบาย ให้นักเรียนตอบคำถามต่อไปนี้ (10 คะแนน)

1. จากการสำรวจหมู่เลือดของนักเรียนชั้น ม.3/1 พบร่วมกัน พบว่าหมู่เลือด A มีร้อยละ 28 หมู่เลือด B มีร้อยละ 17 หมู่เลือด AB มีร้อยละ 25 ที่เหลือเป็นหมู่เลือด O ถ้าสุ่มนักเรียนมา 1 คน หมู่เลือดใดมีโอกาสสูงกว่ามากที่สุด และมีโอกาสสูงกว่าเลือกเป็นเท่าไหร่

นักเรียนหมู่เลือด B มีร้อยละเท่าไหร่ \_\_\_\_\_

นักเรียนหมู่เลือด AB มีร้อยละเท่าไหร่ \_\_\_\_\_

นักเรียนหมู่เลือด O มีร้อยละเท่าไหร่ \_\_\_\_\_

หมู่เลือดที่มีโอกาสสูงกว่ามากที่สุดคือ \_\_\_\_\_ และมีโอกาสเท่ากับ \_\_\_\_\_

2. มีถุงอยู่ 2 ใบ ซึ่งแต่ละใบมีลูกปิงปองอยู่ชั้นลูกปิงปองแต่ละถุงเป็นตัวอักษรภาษาอังกฤษกำกับไว้ดังนี้ ถุงที่ 1 เขียนตัวอักษรตั้งแต่ A ถึง H ลูกละ 1 ตัวอักษร  
ถุงที่ 2 เขียนตัวอักษรตั้งแต่ N ถึง Q ลูกละ 1 ตัวอักษร

ถ้าสุ่มหยิบลูกปิงปองขึ้นมา 1 ลูก ถุงใบไหนมีโอกาสที่จะหยิบได้ลูกปิงปองที่มีตัวอักษรเป็นสรณะมากกว่ากัน

ตัวอักษรตั้งแต่ A ถึง H มีทั้งหมด \_\_\_\_\_ ตัว ได้แก่ \_\_\_\_\_

ตัวอักษรตั้งแต่ A ถึง H มีตัวอักษรที่เป็นสรณะอยู่ \_\_\_\_\_ ตัว ได้แก่ \_\_\_\_\_

เมื่อสุ่มหยิบลูกปิงปอง 1 ลูกจากถุงใบที่ 1 โอกาสที่หยิบได้ลูกปิงปองที่มีตัวอักษรเป็นสรณะเท่ากัน \_\_\_\_\_

ตัวอักษรตั้งแต่ N ถึง Q มีทั้งหมด \_\_\_\_\_ ตัว ได้แก่ \_\_\_\_\_

ตัวอักษรตั้งแต่ N ถึง Q มีตัวอักษรที่เป็นสรณะอยู่ \_\_\_\_\_ ตัว ได้แก่ \_\_\_\_\_

เมื่อสุ่มหยิบลูกปิงปอง 1 ลูกจากถุงใบที่ 2 โอกาสที่หยิบได้ลูกปิงปองที่มีตัวอักษรเป็นสรณะเท่ากัน \_\_\_\_\_

ถุงใบไหนมีโอกาสที่จะหยิบได้ลูกปิงปองที่มีตัวอักษรเป็นสรณะมากกว่ากัน \_\_\_\_\_



3. อ้อมกำลังตั้งครรภ์อยู่ อยากรู้ว่า อ้มจะมีโอกาสได้ลูกชายหรือลูกสาวมากกว่ากัน และ โอกาสที่จะได้ลูกชายเป็นเท่าไคร และ โอกาสที่จะได้ลูกสาวเป็นเท่าไคร

ในการมีลูก 1 คน ลูกที่ออกมากจะเป็นเพศใดได้บ้าง \_\_\_\_\_

โอกาสที่อ้มจะได้ลูกชาย เท่ากัน \_\_\_\_\_

โอกาสที่อ้มจะได้ลูกสาว เท่ากัน \_\_\_\_\_

อ้มจะมีโอกาสได้ลูกชายหรือลูกสาวมากกว่ากัน \_\_\_\_\_

4. กล่องใบหนึ่งมีชื่อจังหวัดอยู่ 6 จังหวัดซึ่งเป็นจังหวัดในภาคเหนือและ

ภาคกลางได้แก่ ลพบุรี เชียงใหม่ อุตรดิตถ์ นนทบุรี สมุทรปราการ จ่างทอง พะเยา

ถ้าถุ่มให้บินชื่อขึ้นมา 1 ชื่อ จะมีโอกาสหันบิน

ชื่อจังหวัดที่อยู่ในภาคเหนือ ได้แก่ \_\_\_\_\_

ชื่อจังหวัดที่อยู่ในภาคกลาง ได้แก่ \_\_\_\_\_

โอกาสที่หันบินชื่อจังหวัดขึ้นมา 1 ชื่อแล้วได้จังหวัดที่อยู่ในภาคเหนือเท่ากัน \_\_\_\_\_

โอกาสที่หันบินชื่อจังหวัดขึ้นมา 1 ชื่อแล้วได้จังหวัดที่อยู่ในภาคกลางเท่ากัน \_\_\_\_\_



## แบบทดสอบหลังเรียน

### เรื่อง ความน่าจะเป็น

**คำชี้แจง**

1. แบบทดสอบปรนัยชนิด ตัวเลือก จำนวน 10 ข้อ ข้อละ 1 คะแนน
2. จงเลือกคำตอบที่ถูกต้องที่สุดเพียงข้อเดียว

1. กล่องใบหนึ่งบรรจุลูกปิงปองสีต่างๆ ดังนี้

สีแดง 3 ลูก สีเหลือง 4 ลูก สีส้ม 2 ลูก และสีชมพู 1 ลูก จงหาว่าโอกาสที่จะหยิบได้ลูกสีใดมากที่สุด

- ก. สีชมพู
- ข. สีแดง
- ค. สีส้ม
- ง. สีเหลือง

2. ถุงใบหนึ่งมีลูกแก้วสีแดง สีฟ้า สีส้ม อย่างละ 1 ลูก ถ้าหยิบขึ้นมา 2 ลูก โดยไม่ได้คุ้น จะมีโอกาสได้ลูกแก้วสีอะไร

- ก. สีแดงกับ สีส้ม
- ข. สีแดง กับ สีฟ้า
- ค. สีฟ้า กับ สีส้ม
- ง. เป็นไปได้ทั้งข้อ ก , ข และ ค

3. เหตุการณ์ในข้อใดต่อไปนี้มีโอกาสมากที่สุด

- 1) โอกาสที่จะถูกรางวัลที่ 1 ของสลากรินแบ่งรัฐบาล เมื่อซื้อสลากร 20 ใบ
- 2) โอกาสหานิยบลูกบนอลได้สีส้ม เมื่อมีลูกบนอลสีแดง 1 ลูก สีฟ้า 1 ลูก สีเขียว 1 ลูก และสีขาว 1 ลูก ซึ่งมีขนาดเท่ากันทุกลูก
- 3) โอกาสที่ลูกเต้าจะหงายແడ้ม 6 จากการโยนลูกเต้า 1 ลูก 1 ครั้ง
  - ก. ข้อที่ 1
  - ข. ข้อที่ 2
  - ค. ข้อที่ 3
  - ง. ข้อที่ 2 , 3 เท่ากัน



4. ไฟ 1 สำรับมี 2 ใน 4 ชุด กือ ชุดโพคำ โพแดง ข้าวหลามตัดและคอกจิก ในการเสียงหินไฟ 1  
ใน ชา กไฟ 1 สำรับ เหตุการณ์ใดมีโอกาสจะเกิดได้มากที่สุด

- ก. ไฟไฟโพแดง
- ข. ไฟไฟข้าวหลามตัด
- ค. ไฟไฟโพคำ
- ง. ไฟไฟคอกจิก

5. คำกล่าวในข้อใดไม่มีโอกาสเกิดขึ้น

- ก. ถูกสลาภกินแบ่งรัฐบาลรางวัลที่ 1
- ข. เป็นนี้ฝันจะตก
- ค. พรุ่งนี้ฉันจะตั้งใจเรียน
- ง. ได้เหรียญ 10 บาทจากการกด ATM

6. กล่องใบมีลูกบล็อกสีแดง ศีด้า สีขาวอย่างละ 1 ลูก ถ้าหินขึ้นมา 2 ลูก โดยไม่ได้ดูเหตุการณ์ใดใน  
มีโอกาสเกิดขึ้นแลบ

- ก. สีแดงกับสีขาว
- ข. สีดำกับสีขาว
- ค. สีดำกับสีแดง
- ง. สีแดงกับสีแดง

7. ขวดโลหะหนึ่งบรรจุแก้วสีต่างๆดังนี้

สีแดง 4 ลูก สีเขียว 3 ลูก สีเหลือง 2 ลูก และสีขาว 2 ลูก จงหาว่าโอกาสที่จะหินได้  
ลูกแก้วสีใดมากที่สุด

- ก. สีแดง
- ข. สีเขียว
- ค. สีขาว
- ง. สีเหลือง



8. กำกัล่าวให้มีโอกาสเกิดขึ้นได้นากที่สุด

- ก. เย็นนี้ฝนจะตก
- ข. ดวงอาทิตย์ขึ้นทางทิศตะวันออก
- ค. อุณหภูมิอากาศในประเทศไทยจะลดลง
- ง. พรุ่งนี้ฉันจะรักคุณ

9. ในการซื้อสตางค์กินแบ่งรัฐบาล 1 ใน ในข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

- ก. มีโอกาสสูงที่จะได้รับเงินเดือนมากที่สุด
- ข. มีโอกาสสูงที่จะได้รับเงินเดือนต่ำที่สุด
- ค. โอกาสสูงที่จะได้รับเงินเดือนมากที่สุด
- ง. มีโอกาสสูงที่จะได้รับเงินเดือนต่ำที่สุด

10. ไฟฟ้า 1 สำรับ มี 52 ใบ 4 ชุด ชุดไฟคำ ไฟแดง ข้าวหลามตัดและดอกจิก ในการเสียบหัวไฟฟ้า 1 ใน ขาไฟฟ้า 1 สำรับ เหตุการณ์ใดจะได้ไฟจากชุดไฟมากที่สุด

- ก. ชุดไฟคำ
- ข. ชุดดอกจิก
- ค. ชุดไฟแดง
- ง. โอกาสได้เท่ากันหมด





1. จากการสำรวจหมู่เลือดของนักเรียนชั้น ม.3/1 พบว่าหมู่เลือด A มีร้อยละ 28 หมู่เลือด B มีร้อยละ 17 หมู่เลือด AB มีร้อยละ 25 ที่เหลือเป็นหมู่เลือด O ถ้าสุ่มนักเรียนมา 1 คน หมู่เลือดใดมีโอกาสสูงเลือกมากที่สุด และมีโอกาสสูงเลือกเป็นเท่าใด

นักเรียนหมู่เลือด B มีร้อยละเท่าใด \_\_\_\_\_ 17 \_\_\_\_\_

นักเรียนหมู่เลือด AB มีร้อยละเท่าใด \_\_\_\_\_ 25 \_\_\_\_\_

นักเรียนหมู่เลือด O มีร้อยละเท่าใด \_\_\_\_\_ 30 \_\_\_\_\_

หมู่เลือดที่มีโอกาสสูงเลือกมากที่สุดคือ \_\_\_\_\_ O \_\_\_\_\_ และมีโอกาสเท่ากัน \_\_\_\_\_  $\frac{3}{10}$  \_\_\_\_\_

2. มีถุงอุ้ย 2 ใบ ซึ่งแต่ละใบมีลูกปิงปองอยู่ชั้งลูกปิงปองแต่ละถุงเป็นตัวอักษรภาษาอังกฤษกำกับไว้ดังนี้ ถุงที่ 1 เขียนตัวอักษรตัวเดียว A ถึง H ลูกละ 1 ตัวอักษร

ถุงที่ 2 เขียนตัวอักษรตัวเดียว N ถึง Q ลูกละ 1 ตัวอักษร

ถ้าสุ่มหยิบลูกปิงปองขึ้นมา 1 ลูก ถุงใบไหนมีโอกาสที่จะหยิบได้ลูกปิงปองที่มีตัวอักษรเป็นสรณะกว่ากัน

ตัวอักษรตัวเดียว A ถึง H มีทั้งหมด 8 ตัว ได้แก่ \_ A,B,C,D,E,F,G และ H \_\_\_\_\_

ตัวอักษรตัวเดียว N ถึง Q มีตัวอักษรที่เป็นสรณะอยู่ 2 ตัว ได้แก่ \_ A และ E \_\_\_\_\_

เมื่อสุ่มหยิบลูกปิงปอง 1 ลูกจากถุงใบที่ 1 โอกาสที่หยิบได้ลูกปิงปองที่มีตัวอักษรเป็นสรณะกว่ากัน \_\_\_\_\_  $\frac{1}{4}$  \_\_\_\_\_

ตัวอักษรตัวเดียว N ถึง Q มีทั้งหมด 4 ตัว ได้แก่ \_ N,O,P และ Q \_\_\_\_\_

ตัวอักษรตัวเดียว N ถึง Q มีตัวอักษรที่เป็นสรณะอยู่ 1 ตัว ได้แก่ \_ O \_\_\_\_\_

เมื่อสุ่มหยิบลูกปิงปอง 1 ลูกจากถุงใบที่ 2 โอกาสที่หยิบได้ลูกปิงปองที่มีตัวอักษรเป็นสรณะกว่ากัน \_\_\_\_\_  $\frac{1}{4}$  \_\_\_\_\_

ถุงใบไหนมีโอกาสที่จะหยิบได้ลูกปิงปองที่มีตัวอักษรเป็นสรณะมากกว่ากัน หั้งสองถุงมีโอกาสเท่ากัน



3. อ้อมกำลังตั้งครรภ์อยู่ อยากรู้ว่าอ้มจะมีโอกาสได้ลูกชายหรือลูกสาวมากกว่ากัน และโอกาสที่จะได้ลูกชายเป็นเท่าไถ และโอกาสที่จะได้ลูกสาวเป็นเท่าไถ

ในการมีลูก 1 คน ลูกที่ออกมากจะเป็นเพศใด ได้บ้าง \_\_\_\_\_ เป็นเพศหญิงหรือเพศชาย \_\_\_\_\_

โอกาสที่เจ็บจะได้ลูกชาย เท่ากับ \_\_\_\_\_  $\frac{1}{2}$  \_\_\_\_\_

โอกาสที่เจ็บจะได้ลูกสาว เท่ากับ \_\_\_\_\_  $\frac{1}{2}$  \_\_\_\_\_

อ้มจะมีโอกาสได้ลูกชายหรือลูกสาวมากกว่ากัน มีโอกาสได้ลูกชายและลูกสาวเท่ากัน \_\_\_\_\_

4. ก่อจงในหนึ่งมีชื่อจังหวัดอยู่ 6 รูปซึ่งเป็นจังหวัดในภาคเหนือและภาคกลาง ได้แก่ ลพบุรี เชียงใหม่ อุตรดิตถ์ นนทบุรี สมุทรปราการ อ่างทอง พะเยา

ถ้าตุ่นหินชื่อขึ้นมา 1 ชื่อ จะได้ชื่อของภาคใดมากกว่ากัน

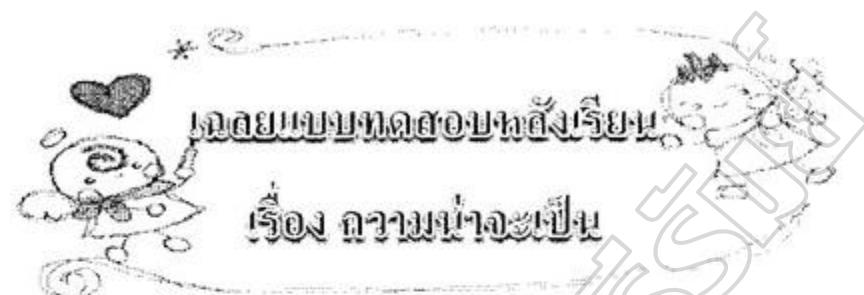
ชื่อจังหวัดที่อยู่ในภาคเหนือ ได้แก่ เชียงใหม่ อุตรดิตถ์ พะเยา \_\_\_\_\_

ชื่อจังหวัดที่อยู่ในภาคกลาง ได้แก่ ลพบุรี นนทบุรี สมุทรปราการ อ่างทอง \_\_\_\_\_

โอกาสที่หินชื่อจังหวัดขึ้นมา 1 ชื่อแล้วแล้วได้จังหวัดที่อยู่ในภาคเหนือเท่ากับ \_\_\_\_\_  $\frac{1}{3}$  \_\_\_\_\_

โอกาสที่หินชื่อจังหวัดขึ้นมา 1 ชื่อแล้วแล้วได้จังหวัดที่อยู่ในภาคใต้เท่ากับ \_\_\_\_\_  $\frac{2}{3}$  \_\_\_\_\_





ข้อ	คำตอบ
1	ก
2	จ
3	ก
4	ก
5	จ
6	จ
7	ก
8	ข
9	ก
10	จ

แบบฝึกทักษะ

ชุดที่ 2 เรื่องการทดลองสุ่ม



- 1) วิเคราะห์ผลการทดลองสุ่มด้วยวิธีการ ให้วิธีการหนึ่ง  
ได้อย่างถูกต้อง
- 2) เขียนแสดงผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลองสุ่มทั้งหมดได้



## ในความรู้ เรื่อง การทดลองสุ่ม

ในชีวิตประจำวันของรามก็จะได้ยินประโยคเหล่านี้ เช่น ทางภาคเหนือของประเทศไทยมีฝน 70% ของปีนั้นที่ ฝนตกหนักกระวังดินถล่ม การแข่งขันกีฬานักเรียนปีนี้คาดว่าโรงเรียนเราจะเป็นจ้าวสูงนำ เป็นต้น ประโยคข้างต้นเป็นประโยคที่เกี่ยวกับการคาดคะเน การทำงาน โอกาสหรือความเป็นไปได้ เหตุการณ์ต่างๆ บางเหตุการณ์อาจจะมีโอกาสเกิดขึ้นแน่นอน บางเหตุการณ์ไม่มีโอกาสเกิดขึ้นเลย บางเหตุการณ์มีโอกาสเกิดขึ้นได้ บางเหตุการณ์มีโอกาสเกิดขึ้นมากกว่าอีกเหตุการณ์หนึ่ง และเหตุการณ์สองเหตุการณ์มีโอกาสเกิดขึ้นเท่ากัน ได้ ซึ่งจะเป็นเหตุการณ์ที่มีโอกาสเกิดขึ้นในแบบใดตามที่กล่าวข้างต้น ต้องเกี่ยวข้องกับวิธีการเขียนแสดงผลทั้งหมดที่เกิดจาก การทดลองสุ่ม

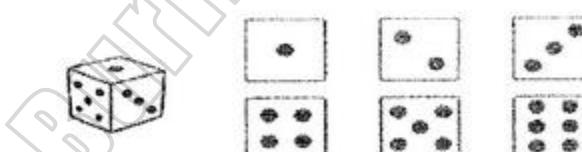
เหตุการณ์ที่ไม่สามารถบอกล่วงหน้าได้ว่าผลลัพธ์ที่เกิดขึ้นจากเหตุการณ์นั้นเป็นอะไร แต่สามารถบอกได้ว่ามีผลลัพธ์อะไรบ้างที่จะเกิดขึ้นได้ เรียกการกระทำเหล่านั้นว่า “การทดลองสุ่ม” ตัวอย่าง ให้นักเรียนพิจารณาวิธีเขียนแสดงผลทั้งหมดในแต่ละข้อต่อไปนี้

1. การโยนเหรียญบาท 1 เหรียญ 1 ครั้ง ผลที่จะเกิดขึ้นได้คือ



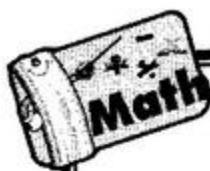
ดังนั้นผลลัพธ์ทั้งหมดที่จะเกิดขึ้นคือ หัว ก้อย ผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นได้คือ หน้าหัว หรือ หน้าก้อย

2. การทดลองลูกเต๋า 1 ลูก 1 ครั้ง แต้มที่จะเกิดขึ้นได้คือ แต้ม 1, 2, 3, 4, 5 หรือ 6



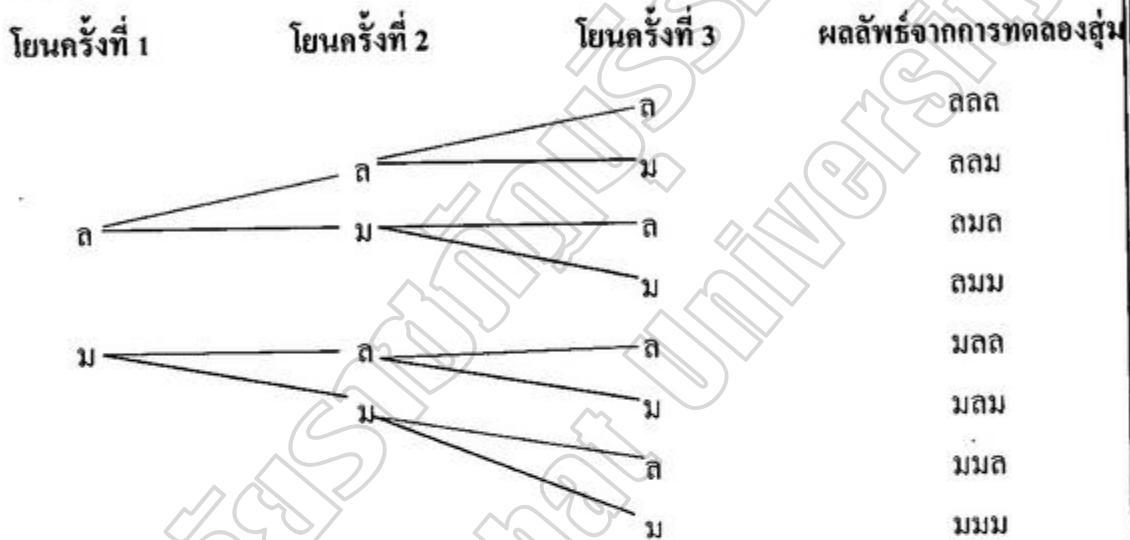
ซึ่งไม่สามารถบอกได้ว่าจะเป็นแต้มอะไรใน 6 แต้มนี้ ดังนั้นผลลัพธ์ทั้งหมดที่จะเกิดขึ้นคือ 1, 2, 3, 4, 5, 6





3. การใบอนุญาตเกตบอล 1 สูก ลงห่วงจำนวน 3 ครั้ง โดยมีผลการทดสอบสุ่ม ดังนี้  
 กำหนดให้ ล แทนใบอนุญาตเกตบอลลงห่วง  
 ม แทนใบอนุญาตเกตบอลมไม่ลงห่วง  
 การแสดงผลการทดสอบสุ่มเขียนได้หลายแบบ ดังนี้

แบบที่ 1 ใช้แผนภาพด้านใน



แบบที่ 2 ใช้การแจกแจงเขียนในตาราง

ตารางแสดงผลการใบอนุญาตเกตบอลลงห่วง 1 สูก 3 ครั้ง

ครั้งที่ 1	ครั้งที่ 2	ครั้งที่ 3
ล	ล	ล
ล	ล	ม
ล	ม	ล
ล	ม	ม
ม	ล	ล
ม	ล	ม
ม	ม	ล
ม	ม	ม





**แบบที่ 3 ใช้การแข่งนับ ผลการทดลองสุ่มจากการใบอนุญาตเก็บอัลลงห่วง 1 ถูก 3 ครั้ง ได้ผลดังนี้**

ผลลัพธ์ ลดม. ลดม. ลดม. ลดล. ลดม. นม.

จากการเขียนผลการทดลองสุ่มทั้ง 3 แบบ จะมีความสัมพันธ์กัน นักเรียนอาจหาความสัมพันธ์ของเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นจากแบบที่ 1 และแบบที่ 2 มาเขียนเป็นแบบที่ 3 ก็ได้ และการเขียนทั้ง 3 แบบ ได้ผลลัพธ์ของการทดลองสุ่มเหมือนกัน

**แบบที่ 4 ใช้คู่อันดับ ซึ่งใช้กับสถานการณ์ที่มีโอกาสเกิดขึ้น 2 เหตุการณ์ เช่น การใบอนุญาตเก็บอัลลงห่วง 1 ถูก ลงห่วงจำนวน 3 ครั้ง เหตุการณ์ที่เกิดขึ้นคือ จำนวนครั้งที่ลูกบากล่องอัลลงห่วงกับไม่ลงห่วง ดังนี้**

ถ้ากำหนดให้ สามารถตัวหน้าแทนจำนวนครั้งที่ลูกบากล่องอัลลงห่วง  
สามารถตัวหลังแทนจำนวนครั้งที่ลูกบากล่องอัลลงห่วงไม่ลงห่วง  
ดังนั้น จะเขียนคู่อันดับแสดงเหตุการณ์ได้ ดังนี้

(3,0), (2,1), (1,2), (0,3)

หมายเหตุ : (3,0) หมายถึง ใบอนุญาตเก็บอัลลงห่วง 1 ถูก 3 ครั้ง ลงห่วง 3 ครั้ง ไม่ลงห่วง 0 ครั้ง





"กล่องใบหนึ่งมีลูกบอลสีแดง 1 ลูก สีน้ำเงิน 1 ลูก สีเขียว 1 ลูก

- หยิบลูกปิงปอง 2 ลูกจากกล่องพร้อมๆ กัน
- หยิบลูกปิงปอง 2 ลูก โดยหยิบทีละลูก แล้วนำไปใส่คืนก่อนหยิบลูกที่สอง
- หยิบลูกปิงปอง 2 ลูก โดยหยิบทีละลูก แล้วใส่คืนก่อนหยิบลูกที่สอง

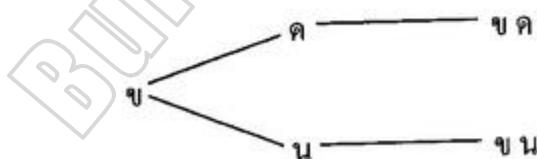
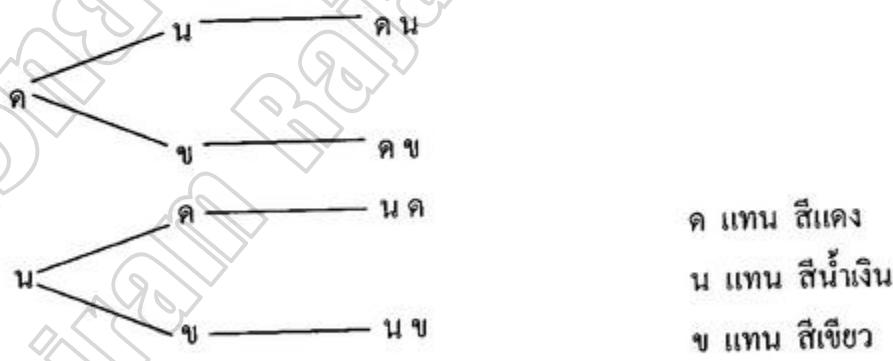
การแสดงผลการทดลองสุ่มเก็บได้หลายแบบ ดังนี้

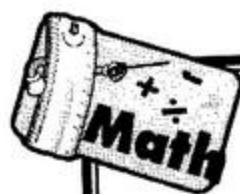
แผนภาพด้านไม้

(ก) หยิบ 2 ลูก พร้อมๆ กัน

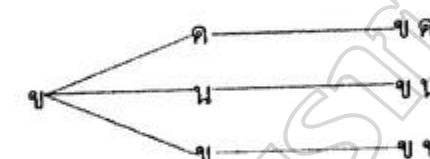
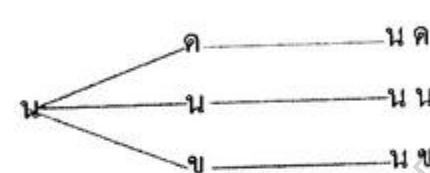
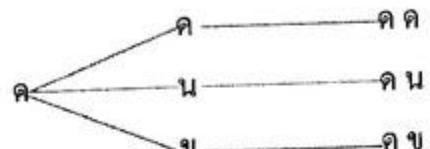


(ข) หยิบ 2 ลูก โดยหยิบทีละลูก แล้วไม่ใส่คืน





(ค)ข้อ 2 ลูกโดบหินที่ลະลูกแล้วใส่กีน



ด แทน สีแดง  
น แทน สีน้ำเงิน  
ข แทน สีเขียว

#### แบบตาราง

การทดลองสุ่ม	ผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น	จำนวนผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น
(ก) หินลูกปิงปอง 2 ลูกจากกล่องพร้อมๆ กัน	CN, CX, NX	3
(ข) หินลูกปิงปอง 3 ลูก โดยหินที่ลະลูกแล้วไม่ใส่กีน ก่อนหินลูกที่สอง	CN, CX, NC NX, XC, XN	6
(ค) หินลูกปิงปอง 2 ลูก โดยหินที่ลະลูกแล้วใส่กีน ก่อนหินลูกที่สอง	CC, CN, CX NC, NN, NX XC, XN, XX	9





## แบบฝึกทักษะที่ 1

### “ ทดลองสุ่มรีเปล่า ”

คำชี้แจง ให้นักเรียนพิจารณาเหตุการณ์ที่กำหนดให้ แล้วบอกว่าเป็นการทดลองสุ่มหรือไม่  
พร้อมทั้งนับเหตุผล ( 10 คะแนน )

- 1) ในวันขึ้นปีใหม่ส่งท้ายปีเก่า ครูและนักเรียนร่วมกันจัดให้มีการจับสลากของขวัญ  
ตอบ ..... เพราะ .....
- 2) การโอนเงิน 2 เหรียญ 1 เหรียญ ครึ่ง  
ตอบ ..... เพราะ .....
- 3) ผลการเรียนของเด็กชายยังภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2556  
ตอบ ..... เพราะ .....
- 4) การหินบลูกแก้ว 1 ลูก จากกล่องปิดเก็บแสดง  
ตอบ ..... เพราะ .....
- 5) ครูชี้ให้ ค.ญ.จริยา ขึ้นบนตอบคำถาม  
ตอบ ..... เพราะ .....
- 6) นักเรียนจับตัวเลข 2 ตัว จากสตางค์ 10 ใบ  
ตอบ ..... เพราะ .....
- 7) การสำรวจเพศของผู้เข้าประชุม  
ตอบ ..... เพราะ .....
- 8) ครูสุ่มหินบลูกเลขที่เป็นเลขที่ของนักเรียน เพื่อตอบคำถาม  
ตอบ ..... เพราะ .....



## แบบฝึกหัดภาษาไทยที่ 2

### “ผลการทดลองเป็นเช่นไร”

**คำชี้แจง** ให้นักเรียนเขียนผลการทดลองตุ่นจากสถานการณ์ที่กำหนดให้ต่อไปนี้ (10 คะแนน)

#### สถานการณ์ที่ 1

กล่องทึบแสงใบหนึ่งมีลูกปิงปอง 5 ลูก มีตัวเลขเขียนกำกับลูกละ 1 ตัวคือ  
0, 1, 3, 5, 7 หากหันลูกปิงปองครั้งละ 1 ลูก 2 ครั้ง จงหาผลการทดลองสุ่มจาก

สถานการณ์นี้

#### สถานการณ์ที่ 2

กล่องทึบแสงใบหนึ่งมีลูกบอลสีส้ม 4 ลูก และสีขาว 2 ลูก โดยลูกบอลมีขนาดและ  
น้ำหนัก เท่ากัน หากหันลูกปิงปอง 2 ลูก พร้อมกัน จงหาผลการทดลองสุ่มจาก

สถานการณ์นี้

กำหนดให้ ๕ แทนลูกบอลสีส้ม จำนวน 4 ลูก ได้แก่ ส, ส, ส, ส,

๖ แทนลูกบอลสีขาว จำนวน 2 ลูก ได้แก่ ขาว, ขาว,

### แบบฝึกทักษะที่ 3

คำชี้แจง จงเขียนผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นจากการทดลองสุ่มต่อไปนี้ (20 คะแนน)

1. การโยนเหรียญ 1 นาที 3 เหรียญ      เขียนเป็นแผนภาพด้านใน

ผลที่อาจจะเกิดขึ้น จากการ โยนเหรียญ อันที่หนึ่ง	ผลที่อาจจะเกิดขึ้น จากการ โยนเหรียญ อันที่สอง	ผลที่อาจจะเกิดขึ้น จากการ โยนเหรียญ อันที่สาม	ผลทั้งหมดที่อาจจะ เกิดขึ้นจากการ โยน เหรียญทั้งสามอัน
---	---	---	---

ตอบ ผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น กือ .....





2. หอดลูกเด็ก ลูกพร้อมกัน

ลูกที่สอง		แต้ม					
		1	2	3	4	5	6
ลูกที่หนึ่ง	แต้ม						
	1						
	2						
	3						
	4						
	5						
	6						

ตอบ จำนวนผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น ..... วิธี

3. ใบหน้ารีบ 5 บาท 1 เหรียญ และหอดลูกเด็ก

ลูกเด็ก		แต้ม					
เหรียญ 5 บาท	แต้ม	1	2	3	4	5	6
	H						
	T						

ตอบ จำนวนผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น ..... วิธี



## แบบทดสอบหลังเรียน



### ชุดที่ 1 เรื่อง การทดลองสุ่ม

คำชี้แจง

1. แบบทดสอบปรนัยชนิด ตัวเลือก จำนวน 10 ข้อ ข้อละ 1 คะแนน

2. จงเลือกคำตอบที่ถูกต้องที่สุดเพียงข้อเดียว

1. ข้อใดไม่ใช่การทดลองสุ่ม

ก. การโynเหรีบญนาท 2 เหรียญ 1 ครั้ง

ข. การทดลองถูกต่อ 1 ถูก 1 ครั้ง

ค. การทำข้อสอบปรนัย 4 ตัวเลือก

ง. การทดลองผสมพันธุ์ป้านิลกับปลาทอง

2. ข้อใดเป็นผลลัพธ์ทั้งหมดของจำนวนที่ออกหัวที่อาจจะเกิดขึ้น ได้จากการ โynเหรีบญ 1 เหรียญ 2 ครั้ง

ก. 0,1,2

ข. (หัว,หัว) (หัว,ก้อย) (ก้อย,หัว)

ค. (หัว,หัว) (หัว, ก้อย) (ก้อย,หัว) (ก้อย,ก้อย)

ง. 1 และ 2

3. จำนวนผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นจากการ โynเหรีบญนาท 1 เหรียญ และทดลองถูกต่อ 1 ถูกพร้อมกัน เป็นเท่าใด

ก. 6

ข. 8

ค. 12

ง. 16

4. เลือกตัวอักษร 2 ตัวเลือก 1 ตัว จากคำว่า “BAT” และเลือกอีก 1 ตัว จากคำว่า “FOX”  
จะมีวิธีเลือกตัวอักษร 2 ตัว ได้กี่วิธี

- ก. 2 วิธี
- ข. 3 วิธี
- ค. 6 วิธี
- ง. 9 วิธี

5. หยินลูกบอล 2 ลูก จากกล่องที่มีลูกบอลสีแดง 1 ลูก สีขาว 1 ลูก และสีเขียว 1 ลูก หยินทีละ ลูกโดยหยินครั้งแรกแล้วไม่ใส่คืนผลทั้งหมดที่ได้มีกี่แบบ

- ก. 3 วิธี
- ข. 6 วิธี
- ค. 8 วิธี
- ง. 9 วิธี

6. หยินลูกแก้ว 3 ลูกพร้อมกันจากกล่อง ซึ่งมีลูกแก้ว 4 ลูก 4 สี คือ สีฟ้า สีแดง สีเหลือง และสีเขียว ผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นได้จากการทดลองสุ่ม กือ ข้อใด

- ก. (ฟ้า แดง เหลือง), (ฟ้า แดง เขียว), (เหลือง แดง เขียว)
- ข. (ฟ้า แดง เหลือง), (ฟ้า แดง เขียว), (แดง เหลือง เขียว)
- ค. (ฟ้า แดง เหลือง), (ฟ้า แดง เขียว), (ฟ้า เขียว แดง), (เหลือง แดง เขียว)
- ง. (ฟ้า แดง เหลือง), (ฟ้า แดง เขียว), (ฟ้า เหลือง เขียว), (เหลือง แดง เขียว)

7. ทอดลูกเต๋า 1 ลูก 1 ครั้ง ผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นได้ จากการทดลองสุ่ม ตรงกับข้อใด  
(ต้องการผลเฉพาะหน้าที่หมายเท่านั้น)



- ก. 1,6
- ข. 1,2,3,4,5,6
- ค. (1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (5,5), (6,6)
- ง. (1,2), (2,3), (3,4), (4,5), (5,6)

8. ห้องบัตร 2 ในพร้อมกันจากบัตร 3 ใน ซึ่งมีหมายเลข 1-3 กำกับอยู่สองหมายเลขที่จะได้เป็นหมายเลขอะไรได้บ้าง

- ก. 1,2,3
- ข. (1,1) , (2,2) , (3,3)
- ค. (1,2) , (1,3) , (2,3)
- ง. (1,1) , (1,2) , (1,3) , (2,2) , (2,3) , (3,3)

9. ในการสอบวิชาคณิตศาสตร์ คะแนนเต็ม 100 คะแนน นักเรียนได้อ่านต่อ 62 คะแนน และอย่างสูงน้อยกว่า 89 อยู่ 5 คะแนน ผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น ได้จากการทดลองสุ่มนั่นจะอยู่ในช่วงคะแนน ในข้อใด

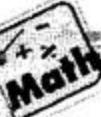
- ก. 62 – 84
- ข. 62 – 85
- ค. 63 – 84
- ง. 63 -85

10. ห้องประชุมแห่งหนึ่งมีประตูเข้าออก 6 บาน ผู้เข้าประชุมคนหนึ่งเลือกเข้าและออกโดยไม่เข้าประตูเดิน จะได้ผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นกี่วิธี

- ก. 35 วิธี
- ข. 30 วิธี
- ค. 25 วิธี
- ง. 20 วิธี

ขอให้คะแนนเต็มกันนะครับ





## เฉลยแบบฝึกหัดมาที่ 1

### “ ทดลองสุ่มรีเปล่า ”

คำชี้แจง ให้นักเรียนพิจารณาเหตุการณ์ที่กำหนดให้ แล้วบอกว่าเป็นการทดลองสุ่มหรือไม่พร้อมทั้งบอกเหตุผล (10 คะแนน)

- 1) ในวันขึ้นปีใหม่ส่งท้ายปีเก่า ครูและนักเรียนร่วมกันจัดให้มีการจับสลากของวัสดุคง เป็นการทดลองสุ่ม ..... เพราะ ..... ไม่สามารถคาดคะเนได้ว่าจะได้ของขวัญชิ้นใดตอบ ..... เป็นการทดลองสุ่ม ..... เพราะ ..... ไม่สามารถคาดคะเนได้ว่าจะเกิดเหตุการณ์ใดๆในการป้อนแต่ละครั้ง
- 2) การโยนเหรียญ 2 เหรียญ 1 ครั้ง  
ตอบ ..... เป็นการทดลองสุ่ม ..... เพราะ ..... ไม่สามารถคาดคะเนได้ว่าจะเกิดเหตุการณ์ใดๆในการป้อนแต่ละครั้ง
- 3) ผลการเรียนของเด็กชั้นปีก่อนที่ 1 ปีการศึกษา 2556  
ตอบ ..... ไม่เป็นการทดลองสุ่ม ..... เพราะ ..... ผลการเรียนขึ้นอยู่กับความตั้งใจเรียนของนักเรียน
- 4) การหินลูกแก้ว 1 ถูก จากกต่องปีคเก็บแสดง  
ตอบ ..... เป็นการทดลองสุ่ม ..... เพราะ ..... ผลที่เกิดขึ้นคาดเดาไม่ได้
- 5) ครูซื้อให้ ค.ณ.ธิยา ขึ้นบันดอบคำダメ  
ตอบ ..... ไม่เป็นการทดลองสุ่ม ..... เพราะ ..... เป็นการระบุมาจะลง
- 6) นักเรียนจับตัวเลข 2 ตัว จากสลาก 10 ใบ  
ตอบ ..... เป็นการทดลองสุ่ม ..... เพราะ ..... ผลที่เกิดขึ้นระบุไม่ได้ว่าจะเกิดอะไร
- 7) การสำรวจเพศของผู้เข้าประชุม  
ตอบ ..... ไม่เป็นการทดลองสุ่ม ..... เพราะ ..... ทราบว่าต้องเป็นเพศชายหรือเพศหญิงแน่นอน
- 8) ครูสุ่มหินตัวเลขที่เป็นเลขที่ของนักเรียน เพื่อตอบคำダメ  
ตอบ ..... เป็นการทดลองสุ่ม ..... เพราะ ..... ไม่ทราบว่าจะหินได้หมายเลขใด



## เฉลย แบบฝึกหัดภาษาที่ 2

### “ผลการทดลองเป็นเช่นไร”

**คำชี้แจง** ให้นักเรียนเขียนผลการทดลองสุ่มจากสถานการณ์ที่กำหนดให้ต่อไปนี้ (10 คะแนน)

#### สถานการณ์ที่ 1

กล่องทึบแสงใบหนึ่งมีลูกปิงปอง 5 ลูก มีตัวเลขเขียนกำกับดูดังนี้ ตัวคือ  
0, 1, 3, 5, 7 หากหยิบลูกปิงปอง ครั้งละ 1 ลูก 2 ครั้ง จงหาผลการทดลองสุ่มจาก  
สถานการณ์นี้

**วิธีทำ** ใช้การลงนับ โดยสามารถดูหน้าแสดงตัวเลขที่หยิบได้ในครั้งที่ 1 และสามารถดู  
หลังแสดงตัวเลขที่ 1 หยิบได้ ในครั้งที่ 2 ดังนี้

(0, 0), (0, 1), (0, 3), (0, 5), (0, 7), (1, 0), (1, 1), (1, 3), (1, 5), (1, 7), (3, 0), (3, 1), (3, 3), (3, 5),  
(3, 7), (5, 0), (5, 1), (5, 3), (5, 5), (5, 7), (7, 0), (7, 1), (7, 3), (7, 5), (7, 7)

#### สถานการณ์ที่ 2

กล่องทึบแสงใบหนึ่งมีลูกบอลสีส้ม 4 ลูก และสีขาว 2 ลูก โดยลูกนอลมีขนาดและ  
น้ำหนัก เท่ากัน หากหยิบลูกปิงปอง 2 ลูก พร้อมกัน จงหาผลการทดลองสุ่มจากสถานการณ์นี้  
กำหนดให้ ส แทนลูกนอลสีส้ม ชั่งมี 4 ลูก ได้แก่ ส, ส, ส, ส,

ข แทนลูกนอลสีขาว ชั่งมี 2 ลูก ได้แก่ ข, ข,

**วิธีทำ** ผลทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้นได้มี 15 กรณี ได้แก่

ส, ส<sub>2</sub>, ส<sub>1</sub>, ส<sub>3</sub>, ส, ส<sub>4</sub>, ส<sub>2</sub>, ส<sub>3</sub>, ส<sub>2</sub>, ส<sub>4</sub>, ส<sub>3</sub>, ส<sub>1</sub>, ส<sub>1</sub>, ส<sub>2</sub>, ส<sub>2</sub>, ส<sub>3</sub>, ส<sub>3</sub>, ส<sub>4</sub>, ส<sub>4</sub>, ข, ข<sub>2</sub>

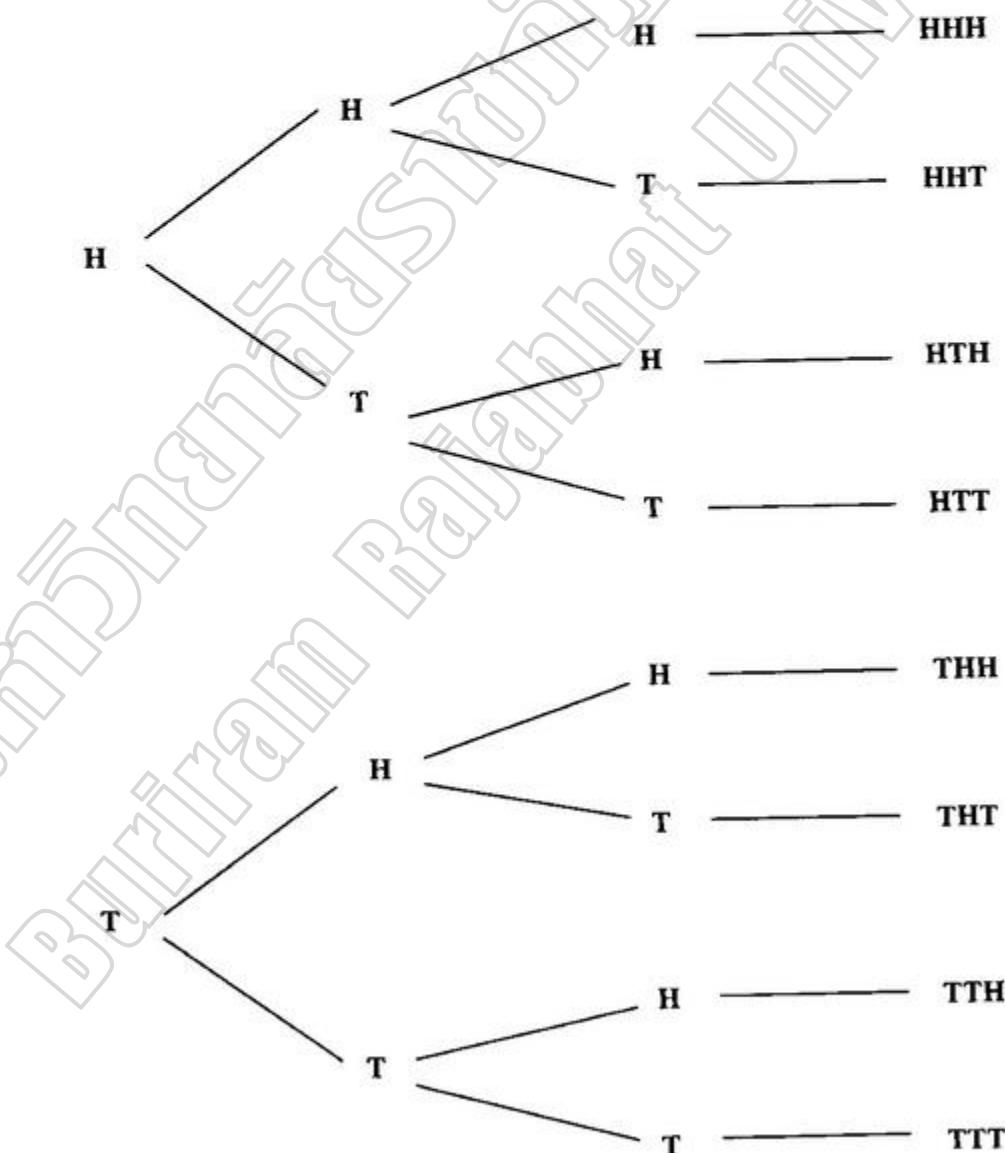
ผลทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้นนี้ไม่ได้เขียนในรูปของคู่อันดับ เมื่อจากเป็นการหยิบพร้อมกัน ผลที่  
เกิดขึ้นจะไม่เกี่ยวข้องกับคู่อันดับ

### เฉลยแบบฝึกหัดชั้นที่ 3

คิรีแจง จะเขียนผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นจากการ抛掷ของถุงต่อไปนี้ (20 คะแนน)

ข้อที่ 1

ผลที่อาจจะเกิดขึ้น จากการ โยนเหรียญ อันที่หนึ่ง	ผลที่อาจจะเกิดขึ้น จากการ โยนเหรียญ อันที่สอง	ผลที่อาจจะเกิดขึ้น จากการ โยนเหรียญ อันที่สาม	ผลทั้งหมดที่อาจจะ เกิดขึ้นจากการ โยน เหรียญทั้งสามอัน
---	---	---	---



**ตอบ** ผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น คือ HHH, HHT, HTH, HTT, THH, THT, TTH, TTT

### ข้อที่ 2

ลูกที่ สอง ลูกที่หนึ่ง		แต้ม					
		1	2	3	4	5	6
แต้ม	1	(1, 1)	(1, 2)	(1, 3)	(1, 4)	(1, 5)	(1, 6)
	2	(2, 1)	(2, 2)	(2, 3)	(2, 4)	(2, 5)	(2, 6)
	3	(3, 1)	(3, 2)	(3, 3)	(3, 4)	(3, 5)	(3, 6)
	4	(4, 1)	(4, 2)	(4, 3)	(4, 4)	(4, 5)	(4, 6)
	5	(5, 1)	(5, 2)	(5, 3)	(5, 4)	(5, 5)	(5, 6)
	6	(6, 1)	(6, 2)	(6, 3)	(6, 4)	(6, 5)	(6, 6)

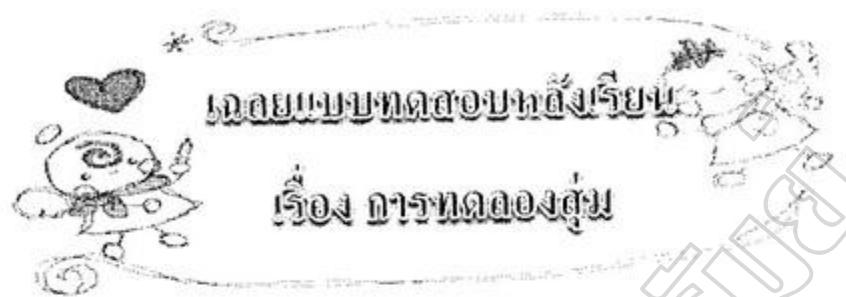
**ตอบ** จำนวนผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น 36 วิธี

### คำถามที่ 3

ลูกเดียว		แต้ม					
		1	2	3	4	5	6
เหรียญ รนาท	H	(H, 1)	(H, 2)	(H, 3)	(H, 4)	(H, 5)	(H, 6)
	T	(T, 1)	(T, 2)	(T, 3)	(T, 4)	(T, 5)	(T, 6)

**ตอบ** จำนวนผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น คือ 12 วิธี





ข้อ	คำตอบ
1	ก
2	ข
3	ก
4	จ
5	ก
6	จ
7	ข
8	ก
9	ก
10	ข

แบบฝึกทักษะ

ชุดที่ 3 เรื่อง เหตุการณ์

จุดประสงค์การเรียนรู้

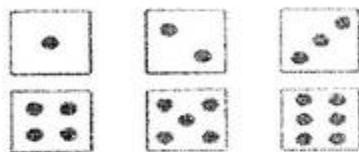
นักเรียนสามารถอภิปรัชของเหตุการณ์และเขียนเหตุการณ์จากการทดลองสุ่มได้



ในความรู้

### เรื่อง เหตุการณ์

ตัวอย่างที่ 1 ในการทอดลูกเต๋า 1 ลูก 1 ครั้ง หากลัพธ์ของเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นคือไปนี้



1. ผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น คือ  $1, 2, 3, 4, 5, 6$
2. สนใจเฉพาะแต้มคู่ ผลที่เกิดขึ้น คือ  $2, 4, 6$
3. สนใจเฉพาะแต้มมากกว่า 2 ผลที่เกิดขึ้น คือ  $3, 4, 5, 6$
4. สนใจเฉพาะแต้มที่เป็นจำนวนเฉพาะ ผลที่เกิดขึ้น คือ  $2, 3, 5$
5. สนใจเฉพาะแต้มที่มากกว่า 6 ผลที่เกิดขึ้น คือ “ไม่มี”
6. สนใจเฉพาะแต้มที่น้อยกว่า 7 ผลที่เกิดขึ้น คือ  $1, 2, 3, 4, 5, 6$

เหตุการณ์ที่ลูกเต่าหงายแต้มน้อยกว่า 7 เรียกว่า “เหตุการณ์ที่แน่นอน” ส่วนเหตุการณ์ที่ลูกเต่าหงายแต้มมากกว่า 6 เรียกว่า “เหตุการณ์ที่เป็นไปไม่ได้”

เหตุการณ์ที่แน่นอน คือ เหตุการณ์ที่สนใจและมั่นใจว่าจะเกิดขึ้นแน่นอน กล่าวได้ว่า เหตุการณ์นั้นนิโอ Kas เกิดขึ้นได้ร้อยเปอร์เซ็นต์

เหตุการณ์ที่เป็นไปไม่ได้ คือ เหตุการณ์ที่สนใจและมั่นใจว่าจะไม่เกิดขึ้นแน่นอน กล่าวได้ว่า เหตุการณ์นั้น ไม่มีโอกาสเกิดขึ้นเลย

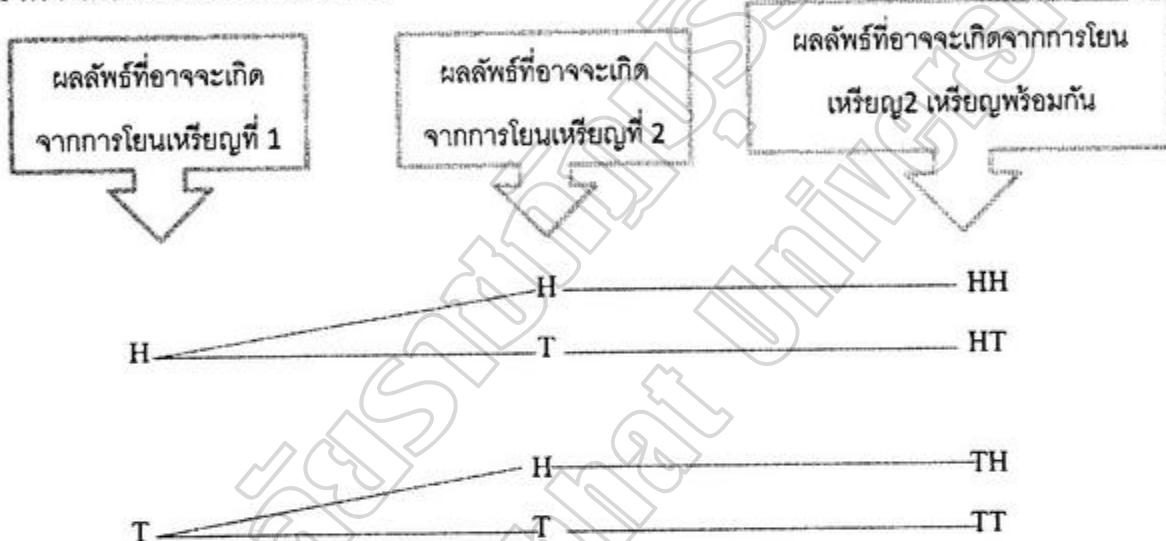
เหตุการณ์ คือ กลุ่มของผลลัพธ์จากการทดลองสุ่มที่เราสนใจ ซึ่งเป็นกลุ่มย่อยของผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นได้ เหตุการณ์เป็นส่วนหนึ่งของผลลัพธ์ทั้งหมด หรืออาจจะเท่ากับผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นก็ได้



**ตัวอย่างที่ 2 การโยนเหรียญห้านาท 2 เหรียญพร้อมกัน 1 ครั้ง จงหาผลลัพธ์ของเหตุการณ์ต่อไปนี้**

1. ผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น
2. เหตุการณ์ที่เหรียญออกหน้าเหมือนกัน
3. เหตุการณ์ที่เหรียญออกหัวอย่างน้อย 1 เหรียญ

**วิธีทำ การหาผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นจากการโยนเหรียญห้านาท 2 เหรียญพร้อมกัน 1 ครั้ง โดยใช้แผนภาพด้านในดังนี้**



1. ผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น คือ เหรียญออก HH , HT , TH , TT
2. เหตุการณ์ที่เหรียญออกหน้าเหมือนกัน ผลที่เกิดขึ้น คือ HH , TT
3. เหตุการณ์ที่เหรียญออกหัวอย่างน้อย 1 เหรียญผลที่เกิดขึ้น คือ HH , HT , TH

เราเรียกผลที่เราสนใจซึ่งเป็นส่วนหนึ่งหรือทั้งหมดจากการทดลองส่วนว่า  
“เหตุการณ์”

**ตัวอย่างที่ 3 ครอบครัวนี้ต้องการมีบุตร 2 คน**

ผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น คือ (ชาย,ชาย) , (ชาย,หญิง) , (หญิง,ชาย) , (หญิง,หญิง)

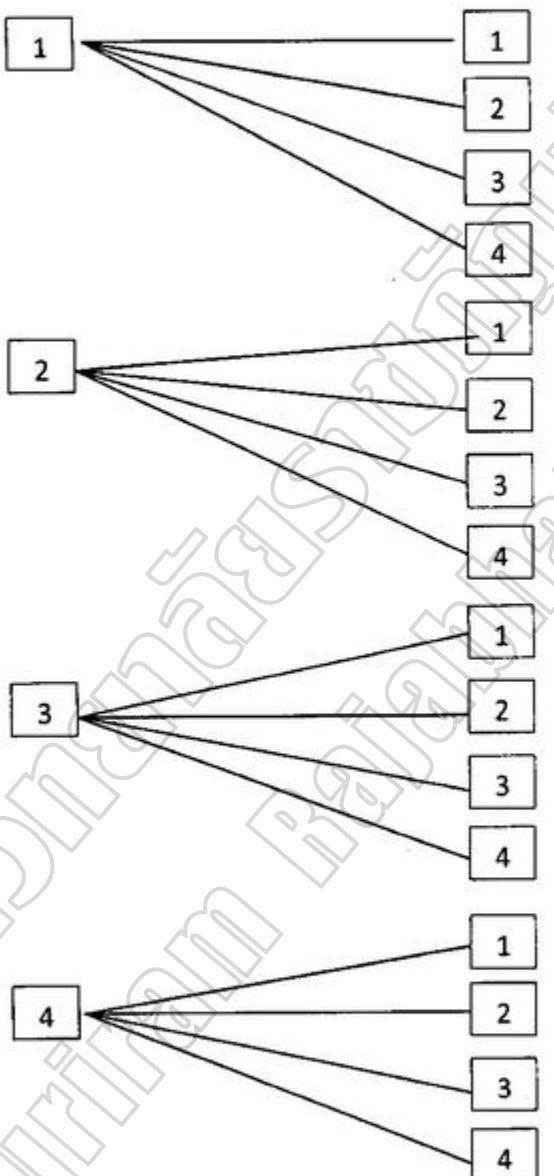
เหตุการณ์ที่ครอบครัวนี้จะได้บุตรชายทั้ง 2 คน คือ (ชาย,ชาย)

เหตุการณ์ที่ครอบครัวนี้จะได้บุตรหญิงอย่างน้อย 1 คน คือ (ชาย,หญิง) , (หญิง,ชาย) , (หญิง,หญิง)



**ตัวอย่างที่ 4 การหยັບນັດທີເຂົ້າມາຫາເລກ 1 , 2 , 3 , 4 ໂດຍຫັບ 2 ຄັ້ງ ຄັ້ງລະ 1 ໃນ  
ຫັບເຂົ້າມາຄຸວ່າເປັນ ມາຍເລີກ ແລ້ວໃສ່ຄືນລົງໄປໃນກລອງ ແລ້ວຫັບເຂົ້າມາອີກ 1 ໃນ ເປັນຄັ້ງຕ່ອໄປ  
ແລ້ວໃສ່ຄືນ**

ວິທີທຳ



ผลລັບພື້ນທີ່ອາຈະເກີດຂຶ້ນ ສຶ່ວນ (1,1) , (1,2) , (1,3) , (1,4) , (2,1) , (2,2) , (2,3) , (2,4) ,  
(3,1) , (3,2) , (3,3) , (3,4) , (4,1) , (4,2) , (4,3) , (4,4)

ເຫຼຸດກາຮັບທີ່ໄດ້ນັດທີ່ສອງເປັນແຕ່ມັກໆ ສຶ່ວນ (2,2) , (2,4) , (4,2) , (4,4)

ເຫຼຸດກາຮັບທີ່ໄດ້ພລຽມຂອງມາຍເລີກນັດທີ່ເປັນ 5 ສຶ່ວນ (1,4) , (2,3) , (3,2) , (4,1)



### แบบฝึกหัดภาษาที่ 1

คำชี้แจง ให้นักเรียนพิจารณาสถานการณ์และตอบคำถามต่อไปนี้ (10 คะแนน)

1. เหตุการณ์ของการโขนเหรียญนาท 2 เหรียญ 1 ครั้ง

ได้ผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น กือ

ไม่ได้ทั้งหัวและก้อย กือ

เหตุการณ์ที่เม่นอน กือ

เหตุการณ์ที่เป็นไปไม่ได้ กือ

2. ทอดถูกเด่า 2 ถูก พร้อมกัน 1 ครั้ง

เหตุการณ์ที่ผลบวกของเด้มถูกเด่า 2 ถูก เป็น 5 กือ

เหตุการณ์ที่ผลบวกของเด้มถูกเด่า 2 ถูก หารด้วย 3 ลงตัว กือ

3. ครอบครัวหนึ่งต้องการมีบุตร 2 คน

เหตุการณ์ที่ได้เพศของบุตรเป็นเพศเดียวกัน กือ .....

เหตุการณ์ที่ได้เพศของบุตรเป็นชายอย่างน้อย 1 คน กือ .....

4. โขนเหรียญนาท 1 เหรียญ 3 ครั้ง

เหตุการณ์ที่ได้หัว 2 ครั้ง กือ .....

เหตุการณ์ที่ได้ก้อยอย่างน้อย 2 ครั้ง กือ .....

5. หยินสลากร 1 ใน จำกสลากร ซึ่งมีหมายเลข 1 ถึง 10 หนึ่งครั้ง

เหตุการณ์ที่จะได้สลากรเป็นจำนวนที่หารด้วย 3 ลงตัว กือ

เหตุการณ์ที่จะได้สลากรเป็นจำนวนคู่ กือ

## แบบฝึกหัดชั้นที่ 2

### “เหตุการณ์”

**คำชี้แจง** ให้นักเรียนบอกเหตุการณ์จากการทดลองสุ่มในสถานการณ์ที่กำหนดให้ (10 คะแนน)

1. สุ่มหันบินลาก 1 ใน จำกกล่องทึบแสงใบหนึ่ง ซึ่งมีลากที่มีตัวเลขแทนจำนวน 1 ถึง 25 ตัวเลขละ 1 ในให้นักเรียนตอบคำถามต่อไปนี้

- 1) ผลทั้งหมดของการทดลองสุ่ม.....
- 2) เหตุการณ์ที่หันบินได้ลากที่มีตัวเลขแทนจำนวนเฉพาะ.....
- 3) เหตุการณ์ที่หันบินได้ลากที่มีตัวเลขแทนจำนวนคู่.....
- 4) เหตุการณ์ที่หันบินได้ลากที่มีตัวเลขแทนจำนวนที่ 2 และ 7 หารลงตัว.....
- 5) เหตุการณ์ที่หันบินได้ลากที่มีตัวเลขแทนจำนวนที่ 3 หรือ 5 หารลงตัว.....

2. การทดลองลูกเต๋า 1 ถูก 2 ครั้ง ให้นักเรียนเขียนผลการทดลองสุ่มทั้งหมด จากนั้นให้นักเรียนเขียนเหตุการณ์ที่สนใจตามที่กำหนด

แพ้นครั้งที่ 2 แพ้ครั้งที่ 1	1	2	3	4	5	6
1						
2						
3						
4						
5						
6						

- 1) เหตุการณ์ที่ผลบวกของแต้มลูกเต่าเท่ากับ 5.....
- 2) เหตุการณ์ที่ผลบวกของแต้มลูกเต่าเท่ากับ 6.....
- 3) เหตุการณ์ที่ผลคูณของแต้มลูกเต่าเท่ากับ 8.....
- 4) เหตุการณ์ที่ผลบวกของแต้มลูกเต่ามากกว่า 9.....
- 5) เหตุการณ์ที่ผลบวกของแต้มลูกเต่ามากกว่า 10 .....





## แบบทดสอบหลังเรียน

### เรื่อง เหตุการณ์

**คำชี้แจง**

1. แบบทดสอบปรนัยชนิด ตัวเลือก จำนวน 10 ข้อ ข้อละ 1 คะแนน

2. จงเลือกคำตอบที่ถูกต้องที่สุดเพียงข้อเดียว

1. ในการโยนเหรียญ 2 เหรียญ 1 ครั้ง เหตุการณ์ที่เห็นบุญจะออกหัวอย่างน้อย 1 ครั้ง ตรงกับข้อใด ( H แทนหัว และ T แทนก้อย )

- ก. HT , TH
- ข. TH , TT
- ค. HH , HT , TH
- ง. HH , HT , TH , TT

2. ถุงใบหนึ่งบรรจุลูกแก้วสีแดงและสีขาวอย่างละลูก ถ้าเบ่งถุงนี้แล้วสุ่มหยิบลูกแก้วขึ้นมา 2 ลูก โดยหยิบทีละลูก แล้วใส่คืน เหตุการณ์ที่จะได้ลูกแก้ว สีต่างกันตรงกับข้อใด

- ก. (ด,ค) , (ค,บ) , (บ,ค) , (บ,บ)
- ข. (ค,บ) , (บ,ด)
- ค. (ด,บ) , (ด,ค) , (บ,บ)
- ง. (ด,ด) , (บ,บ)

3. ในการทดสอบลูกเต้าสองลูกพร้อมกัน 1 ครั้ง จำนวนผลลัพธ์ของเหตุการณ์ที่จะได้แต้มเป็นจำนวนคี่ ทั้งสองลูกตรงกับข้อใด

- ก. 3
- ข. 4
- ค. 6
- ง. 9

4. มีรูปภาพต่าง ๆ กัน 3 รูป นำมาแขวนให้อยู่ในแนวเส้นตรงเดียวกัน จำนวน ผลลัพธ์ของเหตุการณ์ที่จะได้รูปภาพ รูปที่ 1 และรูปที่ 3 อยู่ติดกัน ตรงกับข้อใด

- ก. 3
- ข. 4
- ค. 5
- ง. 6



5. ในการสอบครั้งหนึ่งคะแนนเต็ม 10 คะแนน ถ้าได้คะแนนต่ำกว่า 5 คะแนนถือว่าสอบตก  
เหตุการณ์ที่ได้คะแนนแล้วทำให้สอบตกตรงกับข้อใด

- ก. 0, 1, 2, 3, 4, 5
- ข. 0, 1, 2, 3, 4
- ค. 1, 2, 3, 4, 5
- ง. 1, 2, 3, 4

6. ในนิหริยัญญาที่ 1 เนรียัญ สามครั้ง จำนวนผลลัพธ์ของเหตุการณ์ที่เนรียัญภาษาไทยหัวขอ่างน้อย<sup>1</sup> ครั้ง ตรงกับข้อใด

- ก. 7
- ข. 6
- ค. 5
- ง. 4

7. ในการทดสอบถูกเดา 1 ถูก สองครั้ง เหตุการณ์ที่ผลรวมของแต้มทั้งสองถูกมากกว่า 9 ตรงกับข้อใด

- ก. (4,6), (5,5), (6,4)
- ข. (6,6), (6,5), (5,5), (6,4), (4,6)
- ค. (4,6), (6,4), (5,5), (5,6), (6,5), (6,6)
- ง. (4,6), (6,4), (5,6), (4,4), (5,5), (6,6)

8. ครอบครัวหนึ่งมีบุตร 3 คน เหตุการณ์ที่ครอบครัวนี้มีบุตรคนใดเป็นชายและคนที่สามเป็นหญิง  
ตรงกับข้อใด

- ก. (ช,ช,ญ), (ช,ญ,ช), (ญ,ช,ช), (ญ,ญ,ช), (ญ,ช,ญ), (ช,ญ,ญ)
- ข. (ช,ญ,ญ), (ช,ช,ญ), (ญ,ช,ช), (ญ,ญ,ญ)
- ค. (ช,ญ,ญ), (ช,ช,ญ)
- ง. (ช,ช,ญ), (ช,ญ,ญ), (ช,ญ,ช)

9. จากจำนวนสลากร 7 ใบ มีรางวัล 3 ใบ กือ ค<sub>1</sub>, ค<sub>2</sub>, ค<sub>3</sub> และไม่มีรางวัลอญี่ 4 ใบ กือ น<sub>1</sub>, น<sub>2</sub>, น<sub>3</sub> และ  
น<sub>4</sub> เมื่อจับสลากรทั้ง 1 ใบ จะได้ผลทั้งหมดของเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นทั้งหมดคือข้อใด

- ก. ค<sub>1</sub>, น<sub>2</sub>
- ข. ค<sub>1</sub>, ค<sub>2</sub>, ค<sub>3</sub>
- ค. น<sub>1</sub>, น<sub>2</sub>, น<sub>3</sub>, น<sub>4</sub>
- ง. ค<sub>1</sub>, ค<sub>2</sub>, ค<sub>3</sub>, น<sub>1</sub>, น<sub>2</sub>, น<sub>3</sub>, น<sub>4</sub>



10. การทดสอบลูกเด็ก 1 ลูก 2 ครั้ง ผลลัพธ์ของเหตุการณ์ที่ผู้รวมของแต้มจากการทดสอบลูกเด็กทั้งสองครั้ง หารค่า 4 ลงตัว ตรงกับข้อใด

- ก. 2,4,10,12
- ข. (2,4),(4,2),(4,4),(4,6),(6,4)
- ค. (1,3),(2,2),(2,6),(3,1),(3,5),(4,4),(5,3),(6,2),(6,6)
- ง. (1,2),(2,4),(3,4),(4,1),(4,2),(4,3),(4,4),(4,5),(4,6),(5,4),(6,4)

ขอให้ได้คะแนนเต็มนะจ๊ะ

ดูๆ จ้า



## เฉลยแบบฝึกหักษะที่ 1

คำชี้แจง ให้นักเรียนพิจารณาสถานการณ์และตอบคำถามต่อไปนี้ (10 คะแนน)

1. เหตุการณ์ของการโยนเหรียญบาท 2 เหรียญ 1 ครั้ง

ได้ผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น คือ

.....HH...HT...TH...TT.....

ไม่ได้ทั้งหัวและก้อย คือ .....ไม่มี.....

เหตุการณ์ที่แน่นอน คือ ...เหตุการณ์ที่ได้ผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้น.....

เหตุการณ์ที่เป็นไปไม่ได้ คือ .....เหตุการณ์ที่ไม่ได้ทั้งหัวและก้อย.....

2. ทอดถูกเด่า 2 ถูก พร้อมกัน 1 ครั้ง

เหตุการณ์ที่ผลบวกของแต้มถูกเด่า 2 ถูก เป็น 5 คือ ... $(1,4) \dots (2,3) \dots (3,2) \dots (4,1)$ .....

เหตุการณ์ที่ผลบวกของแต้มถูกเด่า 2 ถูก หารด้วย 3 ลงตัว คือ

$(1,2) \dots (1,5) \dots (2,1) \dots (2,4) \dots (3,3) \dots (3,6) \dots (4,2) \dots (4,5) \dots (5,1) \dots (5,4) \dots (6,3) \dots (6,6)$ ...

3. ครอบครัวหนึ่งต้องการมีบุตร 2 คน

เหตุการณ์ที่ได้เพศของบุตรเป็นเพศเดียวกัน คือ .....(ช,ช)....(ญ,ญ).....

เหตุการณ์ที่ได้เพศของบุตรเป็นชายอย่างน้อย 1 คน คือ .....(ช,ช)....(ช,ญ)....(ญ,ช).....

4. โยนเหรียญบาท 1 เหรียญ 3 ครั้ง

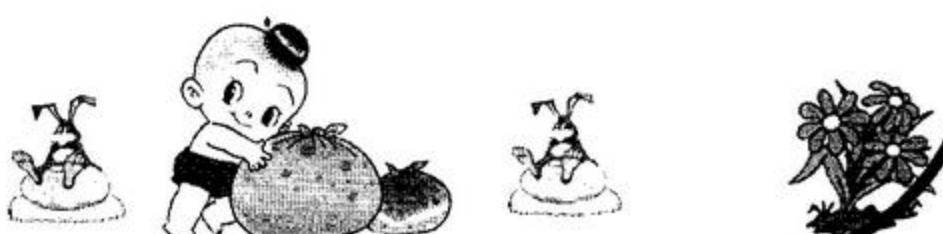
เหตุการณ์ที่ได้หัว 2 ครั้ง คือ ... $(HHT) \dots (HTH) \dots (THH)$ .....

เหตุการณ์ที่ได้ก้อยอย่างน้อย 2 ครั้ง คือ  $(TTT) \dots (TTH) \dots (THT) \dots (HTT)$ .....

5. หินสลากร 1 ใบ จากสลากร ซึ่งมีหมายเลข 1 ถึง 10 หนึ่งครั้ง

เหตุการณ์ที่จะได้สลากรเป็นจำนวนที่หารด้วย 3 ลงตัว คือ .....3, 6, 9.....

เหตุการณ์ที่จะได้สลากรเป็นจำนวนคู่ คือ .....2,4,6,8,10.....



## เฉลยแบบฝึกหัดชั้นที่ 2

### “เหตุการณ์”

**คำชี้แจง** ให้นักเรียนนอกรหัสจากการทดลองสุ่มในสถานการณ์ที่กำหนดให้ (10 คะแนน)

1. สุ่มหินสลากร 1 ใน จำกัดองที่บีบແສງໃນหนัง ซึ่งมีสลากรเขียนด้วยเลขแทนจำนวน 1 ถึง 25

ตัวเลขละ 1 ในให้นักเรียนตอบคำถามต่อไปนี้

1) ผลทั้งหมดจากการทดลองสุ่ม

..... 1, 2, 3, 4, ..., 25 .....

2) เหตุการณ์ที่หินได้สลากรที่มีตัวเลขแทนจำนวนเฉพาะ

..... 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23 .....

3) เหตุการณ์ที่หินได้สลากรที่มีตัวเลขแทนจำนวนคู่

..... 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20, 22, 24 .....

4) เหตุการณ์ที่หินได้สลากรที่มีตัวเลขแทนจำนวนที่ 2 และ 7 หารลงตัว

..... 14 .....

5) เหตุการณ์ที่หินได้สลากรที่มีตัวเลขแทนจำนวนที่ 3 หรือ 5 หารลงตัว

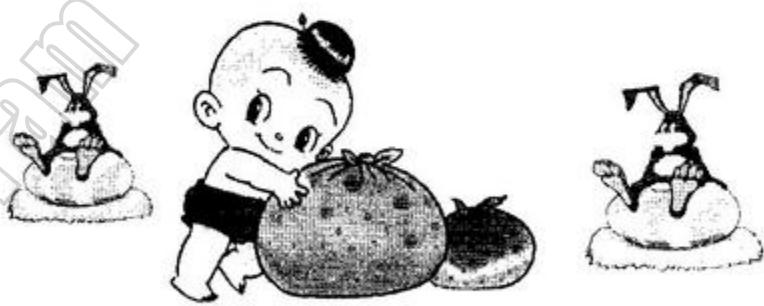
..... 3, 5, 6, 9, 10, 12, 15, 18, 20, 21, 24, 25 .....

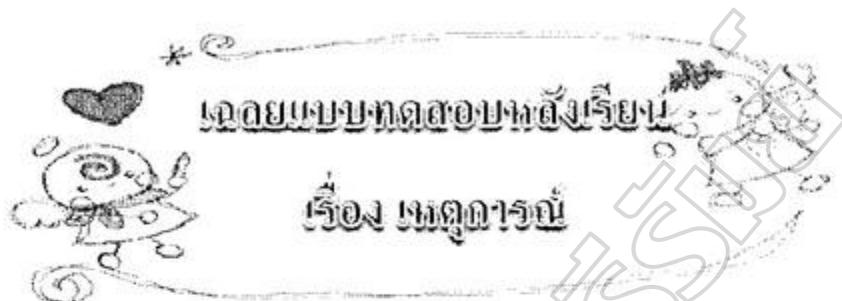
2. การทดสอบครั้งที่ 1 ถูก 2 ครั้ง ให้นักเรียนเขียนผลการทดลองสุ่มทั้งหมด จากนั้นให้นักเรียนเขียนเหตุการณ์ที่สุ่นตามที่กำหนด

ผลลัพธ์ที่ 2 ผลลัพธ์ที่ 1	1	2	3	4	5	6
1	(1, 1)	(1, 2)	(1, 3)	(1, 4)	(1, 5)	(1, 6)
2	(2, 1)	(2, 2)	(2, 3)	(2, 4)	(2, 5)	(2, 6)
3	(3, 1)	(3, 2)	(3, 3)	(3, 4)	(3, 5)	(3, 6)
4	(4, 1)	(4, 2)	(4, 3)	(4, 4)	(4, 5)	(4, 6)
5	(5, 1)	(5, 2)	(5, 3)	(5, 4)	(5, 5)	(5, 6)
6	(6, 1)	(6, 2)	(6, 3)	(6, 4)	(6, 5)	(6, 6)



- 1) เหตุการณ์ที่ผลบวกของแต้มลูกเต๋าเท่ากับ 5 ..(1, 4) ..(2, 3) ..(3, 2) ..(4, 1).....
- 2) เหตุการณ์ที่ผลบวกของแต้มลูกเต๋าเท่ากับ 6 ..(1, 5) ..(2, 4) ..(3, 3) ..(4, 2) ..(5, 1)
- 3) เหตุการณ์ที่ผลคูณของแต้มลูกเต๋าน้อยกว่า 8 ..(1, 1) ..(1, 2) ..(1, 3) ..(1, 4) ..(1, 5) ..(1, 6) ..(2, 1) ..(2, 2) ..(2, 3) ..(2, 4) ..(2, 5) ..(3, 1) ..(3, 2) ..(3, 3) ..(3, 4) ..(4, 1) ..(4, 2) ..(4, 3) ..(5, 1) ..(5, 2) ..(6, 1)
- 4) เหตุการณ์ที่ผลบวกของแต้มลูกเต่ามากกว่า 9 ..(4, 6) ..(5, 5) ..(5, 6) ..(6, 4) ..(6, 5) ..(6, 6)
- 5) เหตุการณ์ที่ผลบวกของแต้มลูกเต่ามากกว่า 10 ..(5, 6) ..(6, 5) ..(6, 6)





ข้อ	คำตอบ
1	ก
2	ข
3	จ
4	ก
5	ข
6	ก
7	ก
8	ก
9	จ
10	ก



## บรรณานุกรม

กนกวดี อุณผลกระทบ, ป้าเจริญ วัชสวัสดิ์ และ สุเทพ บุญช้อน. (ม.ป.ป.). สื่อการเรียนรู้ สาระการเรียนรู้ พื้นฐานกู้ม สาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ คณิตศาสตร์ ม.3 เล่ม 2 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3.

กรุงเทพมหานคร : อักษรเจริญพัฒนา.

กระทรวงศึกษาธิการ. การวัดผลประเมินผล คณิตศาสตร์. (2555). กรุงเทพมหานคร : ชีเอ็คชูเกชั่น.

\_\_\_\_\_. (2555). คู่มือครูรายวิชาพื้นฐาน คณิตศาสตร์ เล่ม 2 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 กู้มสาระ การเรียนรู้คณิตศาสตร์. กรุงเทพมหานคร : โรงพิมพ์ สถาบัน ลากพร้าว.

\_\_\_\_\_. (2554). หนังสือเรียนรายวิชาพื้นฐาน คณิตศาสตร์ เล่ม 2 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 กู้มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์. กรุงเทพมหานคร : โรงพิมพ์ สถาบัน ลากพร้าว.

จำรัส อินสม และ ประทีป ใจนวีกาต. (2550). คู่มือคณิตศาสตร์พื้นฐาน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 เล่ม 2 ภาคเรียนที่ 2. กรุงเทพมหานคร : เม็ก.

คณะกรรมการ. (2548). หนังสือแบบฝึกเสริมทักษะ กู้มสาระการเรียนรู้พื้นฐาน วิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 (ช่วงชั้นที่ 3) เล่ม 2. กรุงเทพมหานคร : คณะกรรมการ.

วานา ทองกรุณ. (2555). คณิตศาสตร์ ม.3 เล่ม 2 รายวิชาพื้นฐาน. กรุงเทพมหานคร : เดอะบุ๊คส์.

สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี. (2553). หนังสือเรียนสาระการเรียนรู้ พื้นฐานคณิตศาสตร์ เล่ม 2 กู้มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3. กรุงเทพมหานคร : โรงพิมพ์ สถาบัน ลากพร้าว.

\_\_\_\_\_. (2553). คู่มือครูสาระการเรียนรู้พื้นฐานคณิตศาสตร์ เล่ม 2 กู้มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3. กรุงเทพมหานคร : โรงพิมพ์ สถาบัน ลากพร้าว.

สำนักวิชาการและมาตรฐานการศึกษา. (2552). ตัวชี้วัดและสาระการเรียนรู้แกนกลาง กู้มสาระ การเรียนรู้คณิตศาสตร์ ตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551.

กรุงเทพมหานคร : โรงพิมพ์ สถาบัน ลากพร้าว.

สุนันทา ศุนทร์ประเสริฐ. (2544). การสร้างแบบฝึก. ชั้นนำ : ชุมชนพัฒนาความรู้ด้านกฎหมาย.

## ภาคผนวก ข

ตัวอย่างแผนการจัดการเรียนรู้เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

## แผนการจัดการเรียนรู้ 1

กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์

หน่วยการเรียนรู้ เรื่อง ความน่าจะเป็น

สาระการเรียนรู้เรื่อง ความน่าจะเป็น

สอนวันที่ ๑๐ เดือน

พ.ศ.

ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓

เวลา ๑๒ ชั่วโมง

เวลา ๑ ชั่วโมง

ภาคเรียนที่ ๒

สาระ/มาตรฐาน/ตัวชี้วัด

สาระที่ ๕ การวิเคราะห์ข้อมูลและความน่าจะเป็น

มาตรฐาน ค.๕.๒ ใช้วิธีการทางสถิติและความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล

ตัวชี้วัด ม.๓/๑ หากความน่าจะเป็นของเหตุการณ์จากการทดลองสุ่มที่ผลแต่ละตัวมีโอกาสเกิดขึ้นเท่าๆ กัน และใช้ความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล

มาตรฐาน ค.๕.๓ ใช้ความรู้เกี่ยวกับสถิติและความน่าจะเป็นช่วยในการตัดสินใจและแก้ปัญหาได้

ตัวชี้วัด ม.๓/๑ ความรู้เกี่ยวกับสถิติและความน่าจะเป็นประกอบการตัดสินใจในสถานการณ์ต่างๆ จุดประสงค์การเรียนรู้

1. ด้านความรู้ (K) : นักเรียนสามารถ

นักเรียนสามารถใช้ความรู้สึกเชิงจำนวนบอกได้ว่าเหตุการณ์ที่กำหนดให้มีโอกาสเกิดขึ้นมาก หรือน้อยเพียงใด

2. ด้านทักษะกระบวนการ (P) : นักเรียนสามารถ

2.1 ให้เหตุผลได้

2.2 สื่อสาร สื่อความหมายทางคณิตศาสตร์ได้

3. ด้านคุณลักษณะ (A) : นักเรียนสามารถ

3.1 มีความรับผิดชอบ

3.2 มีระเบียบวินัย

3.3 ใฝ่เรียนรู้

## สาระสำคัญ

ในวิชาคณิตศาสตร์ ความน่าจะเป็น คือ จำนวนที่แสดงให้ทราบว่า เหตุการณ์ใด เหตุการณ์หนึ่งมีโอกาสเกิดขึ้นมากหรือน้อยเพียงใด

## สาระการเรียนรู้

ความน่าจะเป็น

### กระบวนการจัดการเรียนรู้

#### ขั้นนำ

1. ครูแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้ให้นักเรียนทราบ
2. ครูและนักเรียนสนทนากันชี้วิธีประจําวันของคนเราจะต้องประสบกับปัญหา

ต่างๆ ที่จะต้องตัดสินใจอยู่เสมอ การคาดคะเนผลที่อาจเกิดขึ้นของเหตุการณ์ต่างๆ เพื่อช่วยในการตัดสินใจ เป็นสิ่งจำเป็น การคาดคะเนของเรานักจะทำคร่าวๆ เพียงเพื่อตัดสินใจในปัญหาแต่ละข้อและการคาดคะเนนั้นอาจจะถูกหรือผิดก็ได้ ในทางคณิตศาสตร์อาจหาจำนวนงานหนึ่งที่บ่งบอกถึงโอกาสเกิดขึ้นน้อยที่จะเกิดขึ้นหรือไม่ มีการกำหนดค่าเป็นตัวเลขเพื่อบอกถึงการคาดคะเนว่ามีโอกาสจะเกิดขึ้นตามที่คาดคะเนไว้มากน้อยเพียงใด เรียกว่า "ความน่าจะเป็น"

#### ขั้นสอน

1. ครูยกตัวอย่างหัวข้อปัญหา ดังนี้

พีกับฟางบ่นจัดยานไปด้วยกัน พีบ่นอกว่า "รีบๆบ่นจัดยานกันเถอะเดี๋ยวฝนจะตก"

ถ้านักเรียนเป็นฟาง นักเรียนมีความคิดเห็นอย่างไร

2. นักเรียนอ่านและทำความเข้าใจในปัญหาที่กำหนดให้จากกรอบและวิเคราะห์ถึงความเป็นไปได้ของปัญหาที่ครุตั้งขึ้น

3. นักเรียนร่วมกันอภิปรายและลองพิจารณาหาคำตอบ วางแผนโดยอาศัยสถานการณ์ต่างๆ ต่อไปนี้ จากคำถามของพีกับฟาง

สถานการณ์ที่ 1 ขณะที่พุกอากาศหนาว ห้องฟ้าปลดโปรดิง แಡดอกจ้า

สถานการณ์ที่ 2 พุก เป็นถุงฟัน ห้องฟ้ามีเมฆบ้าง แต่มีแคด

สถานการณ์ที่ 3 พุก ท้องฟ้ามีคลื่น เมฆล้อมบ่ำ ลมเริ่มพัดแรง และมีเสียงฟ้า

ร้อย

4. แบ่งกลุ่มนักเรียน โดยให้แต่ละกลุ่มช่วยกันแสดงความคิดเห็นในหัวข้อ ดังนี้  
หัวข้อที่ 1 เหตุการณ์ที่น่าจะเป็นไปได้

หัวข้อที่ 2 เหตุการณ์ที่ไม่น่าจะเป็นไปได้

หัวข้อที่ 3 เหตุการณ์ที่ไม่แน่ใจว่าจะเกิดขึ้นจริง

### **ขั้นตรวจสอบ สรุปผล**

- นักเรียนและครูร่วมกันอภิปรายถึงเหตุผลของการหาคำตอบของสถานการณ์ตาม

หัวข้อที่ 1-3 ว่าคำตอบที่ได้สัมเหตุสมผลหรือไม่ ดังนี้

เหตุการณ์ที่น่าจะเป็นไปได้ เห็นด้วยกับสถานการณ์ที่ 3

เหตุการณ์ที่ไม่น่าจะเป็นไปได้ เห็นด้วยกับสถานการณ์ที่ 1

เหตุการณ์ที่ไม่แน่ใจว่าจะเกิดขึ้นจริง เห็นด้วยกับสถานการณ์ที่ 2

- นักเรียนศึกษาเพิ่มเติมจากใบความรู้เรื่อง ความน่าจะเป็น ที่ครูให้

- ครูและนักเรียนช่วยกันสรุปความหมายของความน่าจะเป็น

### **ขั้นฝึกทักษะ นำไปใช้**

- ครูชี้แจงเกี่ยวกับวิธีการทำแบบฝึกทักษะให้นักเรียนเข้าใจ จากนั้นให้นักเรียนลงมือทำแบบฝึกทักษะเพื่อเป็นการทบทวนความรู้ในเรื่องที่ได้เรียนมา และเป็นการฝึกทักษะให้เกิดความชำนาญ โดยมีครูเป็นคอบกระตุน อำนวยความสะดวก

- นักเรียนทำแบบฝึกทักษะ เสร็จแล้ว ให้นักเรียนตรวจคำตอบ โดยใช้เฉลยแบบฝึกทักษะ จากนั้นรวมคะแนนในแต่ละหัวข้อ แล้วบันทึกคะแนนไว้ในใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับนักเรียน ในส่วนของคะแนนแบบฝึกทักษะ

### **ขั้นประเมินผล**

- ครูชี้แจงเกี่ยวกับการทำแบบทดสอบหลังเรียน เรื่อง ความน่าจะเป็น ให้นักเรียนเข้าใจ จากนั้นให้นักเรียนลงมือทำแบบทดสอบจำนวน 10 ข้อ เพื่อทดสอบความรู้ในเรื่องที่ได้เรียนมาในครั้งนี้

- นักเรียนทำแบบทดสอบหลังเรียนเสร็จแล้ว ให้นักเรียนตรวจคำตอบ โดยใช้เฉลยแบบทดสอบหลังเรียน จากนั้นรวมคะแนน แล้วแจ้งครูผู้สอนบันทึกคะแนนไว้ในใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียน ในส่วนของคะแนนแบบทดสอบหลังเรียน

### **สื่อการเรียนรู้**

- แบบฝึกทักษะ
- เฉลยแบบฝึกทักษะ
- แบบทดสอบหลังเรียน
- เฉลยแบบทดสอบ หลังเรียน
- ใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับนักเรียน

## 6. ใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับครู

### กระบวนการวัดผลประเมินผล

สิ่งที่ต้องการวัด	วิธีการวัด	เครื่องมือวัด	เกณฑ์การประเมิน
1.นักเรียนสามารถใช้ความรู้สึกเชิงจำนวนของได้ว่าเหตุการณ์ที่กำหนดให้มีโอกาสเกิดขึ้นมากหรือน้อยเพียงใด	ตรวจแบบทดสอบก่อนเรียน ตรวจแบบฝึกทักษะ ตรวจแบบทดสอบหลังเรียน	แบบทดสอบก่อนเรียน แบบฝึกทักษะ แบบทดสอบหลังเรียน	ผ่านเกณฑ์ 80 % ขึ้นไป
1.ให้เหตุผลได้ 2.สื่อสาร สื่อความหมายทางคณิตศาสตร์ได้	สังเกตจากการตอบคำถาม ซักถามการแก้ปัญหา การอธิบายให้เหตุผล ความคิดสร้างสรรค์และการสรุปปัญหา	แบบสังเกตพฤติกรรมการเรียนของนักเรียน	ผ่านเกณฑ์คือได้ระดับ 2 (พอใช้) ขึ้นไปทุกรายการ
1.มีระเบียบวินัย 2.ใฝ่เรียนรู้ 3.ชื่อสัตย์สุจริต	สังเกตพฤติกรรมทางการเรียนของนักเรียน	แบบสังเกตพฤติกรรมทางการเรียนของนักเรียน	ผ่านเกณฑ์คือได้ระดับ 2 (พอใช้) ขึ้นไปทุกรายการ

บันทึกผลการจัดการเรียนรู้

ผลการจัดการเรียนรู้.....

ปัญหา/อุปสรรค.....

ข้อเสนอแนะของครุผู้สอน.....

ลงชื่อ.....

(นางสาวพิชากร ทองระยับ)

## แผนการจัดการเรียนรู้ ที่ 2

กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์

หน่วยการเรียนรู้ เรื่อง ความน่าจะเป็น

สาระการเรียนรู้เรื่อง การทดลองสุ่ม

สอนวันที่      เดือน

พ.ศ.

ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

เวลา 12 ชั่วโมง

เวลา 2 ชั่วโมง

ภาคเรียนที่ 2

### สาระ/มาตรฐาน/ตัวชี้วัด

สาระที่ 5 การวิเคราะห์ข้อมูลและความน่าจะเป็น

มาตรฐาน ค.5.2 ใช้วิธีการทางสถิติและความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล

ตัวชี้วัด ม3/1 หากความน่าจะเป็นของเหตุการณ์จากการทดลองสุ่มที่ผลแต่ละตัวมีโอกาสเกิดขึ้นเท่าๆ กัน และใช้ความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล

มาตรฐาน ค.5.3 ใช้ความรู้เกี่ยวกับสถิติและความน่าจะเป็นช่วยในการตัดสินใจและแก้ปัญหาได้

ตัวชี้วัด ม.3/1 ความรู้เกี่ยวกับสถิติและความน่าจะเป็นประกอบการตัดสินใจในสถานการณ์ต่างๆ ดูดประสงค์การเรียนรู้

#### 1. ด้านความรู้ (K) : นักเรียนสามารถ

1.1 วิเคราะห์ผลการทดลองสุ่มด้วยวิธีการคาดการณ์ได้อย่างถูกต้อง

1.2 เขียนแสดงผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลองสุ่มทั้งหมดได้

#### 2. ด้านทักษะกระบวนการ (P) : นักเรียนสามารถ

2.1 คิดวิเคราะห์ให้เหตุผล ได้

2.2 สื่อสาร สื่อความหมายทางคณิตศาสตร์ ได้

#### 3. ด้านคุณลักษณะ (A) : นักเรียนสามารถ

3.1 มีวินัย

3.2 ใฝ่เรียนรู้

3.3 นุ่งมั่นในการทำงาน

### สาระสำคัญ

การทดลองสุ่ม เป็นเหตุการณ์ที่ไม่สามารถออกผลได้แน่นอน แต่สามารถบอกผลทั้งหมดที่เกิดขึ้นได้

## สาระการเรียนรู้

### การทดลองสุ่ม

#### กระบวนการจัดการเรียนรู้

##### ชั้วโมง 1

###### ขั้นนำ

1. ครูแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้ให้นักเรียนให้นักเรียนให้นักเรียนทราบ
2. ครูสนับสนุนนักเรียนเกี่ยวกับการสุ่มจับสลากของหัวัญญ จากนั้นให้นักเรียนตอบ

###### คำ답นgramrateต้นความคิด

###### คำ답นgramrateต้นความคิด

- นักเรียนคิดว่า จะจับสลากได้รางวัลที่นักเรียนต้องการหรือไม่ จงอธิบายเหตุผล (ไม่ เพราะมีสลากหลายใบ)
- 3. ครูสุ่มนักเรียน 3 คน ออกมานับสลาก โดยก่อนที่จะจับครูให้นักเรียนบอกว่า นักเรียนอย่างไรได้ของหัวัญญขึ้นได แล้วจึงให้นักเรียนจับสลากขึ้นมา
- 4. ครูให้นักเรียนทั้งห้องเรียนสังเกตว่า สิ่งของที่เพื่อนทั้ง 3 คน จับสลากได้ตรงตามความต้องการหรือไม่นักเรียนตอบคำ답นgramrateต้นความคิด

###### คำ답นgramrateต้นความคิด

- เพราะเหตุใด สิ่งของที่จับสลากได้จึงไม่ตรงตามความต้องการของผู้จับ (เพราะผู้ที่จับสลากมองไม่เห็นตัวเลขในสลากนั้น)

###### ขั้นสอน

1. ให้นักเรียนวิเคราะห์หาสาเหตุที่นักเรียนจับสลากสิ่งของ ได้ไม่ตรงตามความต้องการโดยครูตั้งคำถามนักเรียน ดังนี้

- ผลลัพธ์ไม่ได้ตามที่ต้องการ

- นักเรียนจะต้องจับกี่ครั้งจึงจะได้ผลลัพธ์

นักเรียนร่วมกันสรุปจนได้ว่า การจับสลากแต่ละครั้งได้ผลลัพธ์ไม่แน่นอน

2. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม กลุ่มละ 5 คน ตามความสมัครใจ จากนั้นให้นักเรียนแต่ละกลุ่มทดลองจับสลาก 10 ใบ ที่มีตัวเลข 1-10 แล้วจดบันทึกตัวเลขที่จับได้แต่ละครั้งจนครบ 10 ใบ

3. นักเรียนแต่ละกลุ่มจับคู่กันเป็น 2 คู่ แล้วให้แต่ละคู่ร่วมกันศึกษาความรู้จากใบความรู้เรื่อง การทดลองสุ่ม

### **ขั้นตรวจสอบ สรุปผล**

2. นักเรียนศึกษาทำความเข้าใจจนกระจ่างชัดเจน และอธิบายแลกเปลี่ยนความรู้จากนั้นร่วมกันสรุปเป็นองค์ความรู้

3. ครูสรุปและอภิปรายเพิ่มเติมในส่วนที่นักเรียนยังเข้าใจคลาดเคลื่อนหรือยังไม่เข้าใจพร่องอยู่

### **ขั้นฝึกทักษะ นำไปใช้**

1. ครูชี้แจงเกี่ยวกับวิธีทำแบบฝึกทักษะให้นักเรียนเข้าใจ จากนั้นให้นักเรียนลงมือทำแบบฝึกทักษะที่ 1 เรื่อง ทดลองสุ่มหรือเปล่า เพื่อเป็นการทบทวนความรู้ ในเรื่องที่ได้เรียนมา และเป็นการฝึกทักษะให้เกิดความชำนาญ โดยมีครูเป็นคณบดีระดับ อ่านวิเคราะห์ความต่างๆ

3. นักเรียนทำแบบฝึกทักษะ เสร็จแล้ว ให้นักเรียนตรวจคำตอบ โดยใช้เฉลยแบบฝึกทักษะ จากนั้นรวมคะแนนในแต่ละหัวข้อ แล้วบันทึกคะแนนไว้ในใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียน สำหรับนักเรียน ในส่วนของคะแนนกิจกรรม

### **ขั้นประเมินผล**

ครูประเมินผลจากการทำกิจกรรม แบบฝึกหัดและแบบทดสอบหลังเรียน ของนักเรียนแล้วบันทึกลงในใบบันทึกคะแนน

### **ขั้นนำ**

1. ครูทบทวนความรู้เดิม โดยให้นักเรียนวิเคราะห์เหตุการณ์ที่ครูกำหนด แล้วช่วยกันบอกว่าเป็นการทดลองสุ่มหรือไม่ เพราะเหตุใด

2. ครูให้นักเรียนหินหรือบุญานามากลํา 2 เหรียญ แล้วให้นักเรียนแต่ละคนหมุนหรือบุญพร้อมกัน 2 เหรียญ เป็นจำนวน 10 ครั้ง แล้วจดบันทึกผลลัพธ์ที่ได้ทั้งหมด จากนั้นให้นักเรียนหมุนหรือบุญ 1 เหรียญ 2 ครั้ง แล้วจดบันทึกผลลัพธ์ที่ได้ทั้งหมดเป็นจำนวน 10 ครั้ง

3. ครูและนักเรียนช่วยกันสรุปผลที่ได้จากการหมุนหรือบุญทั้ง 2 กรณีว่ามีความแตกต่างกันอย่างไร

### **ขั้นสอน**

1. ครูแบ่งนักเรียนเป็นกลุ่ม กลุ่มละ 5 คน คละกันตามความสามารถ (เก่ง ปานกลาง ก่อนข้างเก่ง ปานกลางค่อนข้างอ่อน และอ่อน) ให้นักเรียนแต่ละกลุ่มช่วยกันหาผลการทดลองสุ่มของเหตุการณ์ต่อไปนี้

- การโยนเหรียญบาท 1 เหรียญ และทอยถูกเดียว 1 สูง พื้นที่นักเรียนแล้วให้นักเรียนจดบันทึกผลลัพธ์ที่ได้ จากการทดลองสุ่มทั้งหมด

2. ครูสู่นักเรียนตัวแทนกลุ่ม 2-3 กลุ่ม ออกแบบการทดลองสู่นักเรียน และให้เพื่อนกลุ่มอื่นแสดงความคิดเห็นเพิ่มเติม

### ขั้นตรวจสอบ สรุปผล

นักเรียนแต่ละกลุ่มร่วมกัน อธิบายแลกเปลี่ยนความรู้ความเข้าใจกันในกลุ่ม แล้วสรุปเป็นองค์ความรู้ของกลุ่ม

### ขั้นฝึกทักษะ นำไปใช้

1. ครูแจกแบบฝึกทักษะที่ 2 เรื่อง ผลการทดลองเป็นเช่นไร ให้นักเรียนแต่ละกลุ่ม งานนี้ให้สมาชิกกลุ่มแบ่ง หน้าที่กัน ดังนี้

- สมาชิกคนที่ 1 มีหน้าที่อ่านสถานการณ์ที่กำหนด
- สมาชิกคนที่ 2 มีหน้าที่วิเคราะห์สถานการณ์
- สมาชิกคนที่ 3 มีหน้าที่เขียนผลการทดลองสู่นักเรียน
- สมาชิกคนที่ 4 มีหน้าที่ตรวจสอบผลการทดลองสู่นักเรียน

2. สมาชิกแต่ละคนในกลุ่มหมุนเวียนเปลี่ยนหน้าที่กันทำโจทย์ข้อต่อไปจนเสร็จทุกข้อ

3. นักเรียนแต่ละคนตรวจคำตอบจากใบเฉลยแบบฝึกทักษะ จากนั้นรวมคะแนนในแต่ละหัวข้อ แล้วบันทึกคะแนนไว้ในใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียน สำหรับนักเรียน ในส่วนของคะแนนกิจกรรม

### ขั้นประเมินผล

3. ให้นักเรียนลงมือทำแบบทดสอบจำนวน 10 ข้อ เพื่อทดสอบความรู้ในเรื่องที่ได้เรียนมาในครั้งนี้

4. นักเรียนทำแบบทดสอบหลังเรียน เสร็จแล้ว ให้นักเรียนตรวจคำตอบ โดยใช้เฉลยแบบทดสอบหลังเรียน จากนั้นรวมคะแนน แล้วบันทึกคะแนนไว้ในใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับนักเรียน ในส่วนของคะแนนแบบทดสอบหลังเรียน

### สื่อการเรียนรู้

7. ฉลากของขวัญ
8. เหรียญนาท
9. ถุงเต้า
10. ใบความรู้ เรื่องการทดลองสู่น
11. แบบฝึกทักษะที่ 1 และ 2
12. เฉลยแบบฝึกทักษะที่ 1 และ 2

13. แบบทดสอบหลังเรียน
14. เฉลยแบบทดสอบหลังเรียน
15. ใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับนักเรียน
16. ใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับครู

#### กระบวนการวัดผลประเมินผล

สิ่งที่ต้องการวัด	วิธีการวัด	เครื่องมือวัด	เกณฑ์การประเมิน
1. วิเคราะห์ผลการทดลองสุ่มคัวบีชิการให้คะแนนหนึ่งได้อ่าย่างถูกต้อง 2. เรียนแสดงผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลองสุ่มทั้งหมดได้	ตรวจแบบทดสอบก่อนเรียน ตรวจแบบฝึกทักษะ ตรวจแบบทดสอบหลังเรียน	แบบทดสอบก่อนเรียน แบบฝึกทักษะ แบบทดสอบหลังเรียน	ผ่านเกณฑ์ 80 % ขึ้นไป
1. ให้เหตุผลได้ 2. สื่อสารสื่อความหมายทางคณิตศาสตร์ได้	สังเกตจากการตอบคำถาม ซักถามการแก้ปัญหา การเขียนนายให้เหตุผล ความคิดสร้างสรรค์และการสรุปปัญหา	แบบสังเกตพฤติกรรมการเรียนของนักเรียน	ผ่านเกณฑ์คือได้ระดับ 2 (พอใช้) ขึ้นไปทุกรายการ
1. มีระเบียบวินัย 2. ใฝ่เรียนรู้ 3. นุ่งมั่นในการทำงาน	สังเกตพฤติกรรมทางการเรียนของนักเรียน	แบบสังเกตพฤติกรรมทางการเรียนของนักเรียน	ผ่านเกณฑ์คือได้ระดับ 2 (พอใช้) ขึ้นไปทุกรายการ

บันทึกผลการจัดการเรียนรู้

ผลการจัดการเรียนรู้.....

ปัญหา/อุปสรรค.....

ข้อเสนอแนะของครูผู้สอน.....

ลงชื่อ.....

(นางสาวพิชากร ทองระขับ)

### แผนการจัดการเรียนรู้ ที่ 3

กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์

หน่วยการเรียนรู้ เรื่อง ความน่าจะเป็น

สาระการเรียนรู้เรื่อง เหตุการณ์

สอนวันที่      เดือน

พ.ศ.

ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

เวลา 12 ชั่วโมง

เวลา 2 ชั่วโมง

ภาคเรียนที่ 2

สาระ/มาตรฐาน/ตัวชี้วัด

สาระที่ 5 การวิเคราะห์ข้อมูลและความน่าจะเป็น

มาตรฐาน ค.5.2 ใช้วิธีการทางสถิติและความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล

ตัวชี้วัด น3/1 หากความน่าจะเป็นของเหตุการณ์จากการทดลองสุ่มที่ผลแต่ละตัวมีโอกาสเกิดขึ้นเท่าๆ กัน และใช้ความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล

มาตรฐาน ค.5.3 ใช้ความรู้เกี่ยวกับสถิติและความน่าจะเป็นช่วยในการตัดสินใจและแก้ปัญหาได้

ตัวชี้วัด น.3/1 ความรู้เกี่ยวกับสถิติและความน่าจะเป็นประกอบการตัดสินใจในสถานการณ์ต่างๆ ชุดประسنค์การเรียนรู้

1. ด้านความรู้ (K) : นักเรียนสามารถ

สามารถเขียนเหตุการณ์จากการทดลองสุ่มนั้นๆ ได้

2. ด้านทักษะกระบวนการ (P) : นักเรียนสามารถ

2.1 ให้เหตุผลได้

2.2 สื่อสาร สื่อความหมายทางคณิตศาสตร์ได้

3. ด้านคุณลักษณะ (A) : นักเรียนสามารถ

3.1 มีวินัย

3.2 มุ่งมั่นในการทำงาน

3.3 ใฝ่เรียนรู้

3.4 ซื่อสัตย์สุจริต

สาระสำคัญ

กลุ่มของผลลัพธ์จากการทดลองสุ่มที่สนใจ เรียกว่า “เหตุการณ์”

## สาระการเรียนรู้

เหตุการณ์ของความน่าจะเป็น

### กระบวนการจัดการเรียนรู้

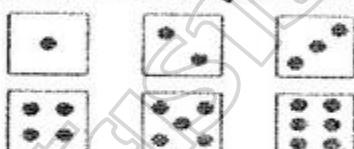
#### ช่วงมองที่ 1

##### ขั้นนำ

1. ครูแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้ให้นักเรียนทราบ
2. ครูทบทวนความรู้พื้นฐานเกี่ยวกับการหาผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น โดยยกตัวอย่างสถานการณ์ที่เกิดจาก การสุ่มให้นักเรียนช่วยกันตอบคำถา

##### ขั้นสอน

1. ครูยกตัวอย่างเหตุการณ์ การหอดลูกเต๋า 1 ลูก 1 ครั้ง ว่ามีผลลัพธ์ใดบ้าง จากนั้นให้นักเรียนช่วยกันเขียนผลลัพธ์ทั้งหมดของการหอดลูกเต๋า (เขียนบนกระดาษ)



ผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น คือ 1,2,3,4,5 และ 6

2. ครูสนับสนุนโดยการซักถามคำถามจากนักเรียน นักเรียนช่วยกันตอบคำถานเพื่อกระตุ้นความคิดคันนี้

เหตุการณ์ที่ออกเฉพาะแต่หนึ่ง คือ (นักเรียนตอบ 2,4 และ 6)

เหตุการณ์ที่ออกเฉพาะแต่หนึ่งมากกว่า 6 คือ (นักเรียนตอบ "ไม่มี")

เหตุการณ์ที่ออกเฉพาะแต่หนึ่งน้อยกว่า 7 คือ (นักเรียนตอบ )1,2,3,4,5 และ 6

3. ครูอธิบายเพิ่มเติมว่า เหตุการณ์ที่ลูกเต่าหงายແ�้มน้อยกว่า 7 เรียกว่า “เหตุการณ์ที่แน่นอน” และ ส่วนเหตุการณ์ที่ลูกเต่าหงายແ�้มมากกว่า 6 เรียกว่า “เหตุการณ์ที่เป็นไปไม่ได้”

เหตุการณ์ที่แน่นอน คือ เหตุการณ์ที่สนใจและมั่นใจว่าจะเกิดขึ้นแน่นอน กล่าวได้ว่า  
เหตุการณ์นั้นมีโอกาสเกิดขึ้น ได้ร้อยเปอร์เซ็นต์

เหตุการณ์ที่เป็นไปไม่ได้ คือ เหตุการณ์ที่สนใจและมั่นใจว่าจะไม่เกิดขึ้นแน่นอน กล่าวได้ว่า  
เหตุการณ์นั้นไม่มีโอกาสเกิดขึ้นเลย

##### ขั้นตรวจสอบ สรุปผล

นักเรียนและครูร่วมกันอภิปรายจนได้ข้อสรุปว่า การเขียนผลลัพธ์ที่เราสนใจให้เกิดขึ้นนั้น เรียกว่า “เหตุการณ์”

### **ขั้นฝึกทักษะ นำໄไปใช้**

4. ครูซึ่งเกี่ยวกับวิธีการทำแบบฝึกทักษะให้นักเรียนเข้าใจ จากนั้นให้นักเรียนลงมือทำแบบฝึกทักษะที่ 1 เพื่อเป็นการทบทวนความรู้ในเรื่องที่ได้เรียนมา และเป็นการฝึกทักษะให้เกิดความชำนาญ โดยมีครูเป็นกองกลางดู อำนวยความสะดวก

5. นักเรียนทำแบบฝึกทักษะ เสร็จแล้ว ให้นักเรียนตรวจคำตอบ โดยใช้เฉลยแบบฝึกทักษะ จากนั้นรวมคะแนนในแต่ละหัวข้อ แล้วบันทึกคะแนนไว้ในใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับนักเรียน ในส่วนของคะแนนแบบฝึกทักษะ

### **ชั้นโน้มที่ 2**

#### **ขั้นนำ**

ครุบทบทวนการหาเหตุการณ์ของกราฟคลื่นสูม โดยยกตัวอย่างสถานการณ์แล้วให้นักเรียนช่วยกันหาคำตอบ ขออาสาสมัครออกมารำเพื่อนๆ และครุช่วยกันตรวจสอบความถูกต้อง

#### **ขั้นสอน**

1. ครูให้นักเรียนทำกิจกรรมที่ 1 ต่อไปนี้

ให้นักเรียนทดลองกิจกรรมหมุนเป็นวงกลม

จากนั้นครูให้นักเรียนสรุปการทำกิจกรรมว่าถ้าในการหมุนแต่ละครั้งมีโอกาสเท่ากันที่จะเป็นจะหยุดในช่องใดช่องหนึ่ง จากการหมุนเย็บ 1 ครั้ง ให้นักเรียนตอบคำถามต่อไปนี้

- ผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นได้
- ผลลัพธ์ที่เข้มชี้ในช่องที่มีหมายเลขกำกับเป็นจำนวนคู่
- ผลลัพธ์ที่เข้มชี้ในช่องที่มีหมายเลขเลขกำกับเป็นจำนวนคี่
- ผลลัพธ์ที่เข้มชี้ในช่องที่มีหมายเลขเลขกำกับเป็นจำนวนที่มากกว่า 7
- ผลลัพธ์ที่เข้มชี้ในช่องที่มีหมายเลขเลขกำกับเป็นจำนวนเฉพาะ

ให้นักเรียนเปรียบเทียบผลของนักเรียนและผลของเพื่อนๆ

2. ให้นักเรียนสรุปความรู้ที่ได้รับจากการกิจกรรมเกี่ยวกับการเขียนเหตุการณ์

3. นักเรียนศึกษาในความรู้เรื่อง เหตุการณ์ เพิ่มเติมจากที่ทำกิจกรรม

#### **ขั้นตรวจสอบ สรุปผล**

นักเรียนส่งตัวแทนมาสรุปความรู้ที่ได้รับให้เพื่อนฟัง ถ้าสรุปไม่ได้ครูใช้การถามตอบเพื่อแนะนำแนวทางจนกว่าจะเข้าใจและสรุปได้

### **ขั้นฝึกทักษะ นำไปใช้**

1. แจกแบบฝึกทักษะที่ 2 ให้นักเรียนครุชี้แจงเกี่ยวกับวิธีการทำแบบฝึกทักษะให้นักเรียนเข้าใจ จากนั้นให้นักเรียนลงมือทำแบบฝึกทักษะที่ 2 เพื่อเป็นการทบทวนความรู้ในเรื่องที่ได้เรียนมา และเป็นการฝึกทักษะให้เกิดความชำนาญ โดยมีครุเป็นกองกลางดูแล ย้ำๆ ความสำคัญ

2. นักเรียนทำแบบฝึกทักษะ เสร็จแล้ว ให้นักเรียนตรวจคำตอบ โดยใช้เฉลยแบบฝึกทักษะ จากนั้นรวมคะแนนในแต่ละหัวข้อ แล้วบันทึกคะแนนไว้ในใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับนักเรียน ในส่วนของคะแนนแบบฝึกทักษะ

### **ขั้นประเมินผล**

5. ให้นักเรียนลงมือทำแบบทดสอบหลังเรียนจำนวน 10 ข้อ เพื่อทดสอบความรู้ในเรื่องที่ได้เรียนมาในครั้งนี้

6. นักเรียนทำแบบทดสอบหลังเรียน เสร็จแล้ว ให้นักเรียนตรวจคำตอบ โดยใช้เฉลยแบบทดสอบหลังเรียน จากนั้นรวมคะแนน แล้วบันทึกคะแนนไว้ในใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับนักเรียน ในส่วนของคะแนนแบบทดสอบหลังเรียน

### **สื่อการเรียนรู้**

17. ใบกิจกรรม
18. ใบความรู้
19. แบบฝึกทักษะ
20. เฉลยแบบฝึกทักษะ
21. แบบทดสอบหลังเรียน
22. เฉลยแบบทดสอบหลังเรียน
23. ใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับนักเรียน
24. ใบบันทึกคะแนนระหว่างเรียนสำหรับครุ

### กระบวนการวัดผลประเมินผล

สิ่งที่ต้องการวัด	วิธีการวัด	เครื่องมือวัด	เกณฑ์การประเมิน
1.นักเรียนสามารถ สามารถเขียน เหตุการณ์จากการ ทดลองสู่มั่นใจได้	ตรวจแบบทดสอบ ก่อนเรียน ตรวจแบบฝึกหักษะ ตรวจแบบทดสอบ หลังเรียน	แบบทดสอบก่อนเรียน แบบฝึกหักษะ แบบทดสอบหลังเรียน	ผ่านเกณฑ์ 80% ขึ้นไป
1.ให้เหตุผลได้ 2.สื่อสาร สื่อความหมายทาง คณิตศาสตร์ได้	สังเกตจากการตอบ คำถาม ข้อถatement แก้ปัญหา การอธิบาย ให้เหตุผล ความคิด สร้างสรรค์และการ สรุปปัญหา	แบบสังเกตพฤติกรรม การเรียนของนักเรียน	ผ่านเกณฑ์คือได้ระดับ 2 (พอใช้) ขึ้นไปทุก รายการ
1. มีวินัย 2. นุ่มนิ่นในการ ทำงาน 3. ไฟเรียนรู้ 4. ชื่อสัตย์สุจริต	สังเกตพฤติกรรม ทางการเรียนของ นักเรียน	แบบสังเกตพฤติกรรม ทางการเรียนของ นักเรียน	ผ่านเกณฑ์คือได้ระดับ 2 (พอใช้) ขึ้นไปทุก รายการ

บันทึกผลการจัดการเรียนรู้

ผลการจัดการเรียนรู้.....

ปัญหา/อุปสรรค.....

ข้อเสนอแนะของครูผู้สอน.....

ลงชื่อ.....

(นางสาวพิชากร ทองระขับ)

## ภาคผนวก ค

แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางเรียน เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ความทฤษฎีคณตรรคคิวสต์

**แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์จากการเรียน เรื่องความน่าจะเป็น  
กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3**

**คำชี้แจง ให้นักเรียนเขียน X ลงในกระดาษคำตอบให้ตรงกับช่องของตัวอักษรที่เป็นคำตอบ  
ที่ถูกต้อง (ข้อละ 1 คะแนน)**

- \*\*\*\*\*
1. กล่องใบหนึ่งบรรจุลูกปิงปองสีต่างๆ ดังนี้ สีแดง 3 ลูก สีเหลือง 4 ลูก สีส้ม 2 ลูก และ สีชมพู 1 ลูก จงหาว่าโอกาสที่จะหิบได้ลูก จงหาว่าโอกาสที่จะหิบได้ลูกแก้วสีใหมากที่สุด
 

ก. สีแดง	ข. สีส้ม
ค. สีเหลือง	ง. สีชมพู
  2. กล่องใบมีลูกบอลสีฟ้า สีเขียว สีชมพู อย่างละ 1 ลูก ถ้าหิบขึ้นมา 2 ลูก โดยไม่ได้ครอง การนั้นได้ไม่มีโอกาสเกิดขึ้นเลย
 

ก. สีฟ้า กับสีเขียว	ข. สีชมพู กับสีเขียว
ค. สีฟ้า กับสีชมพู	ง. สีเขียว กับสีเขียว
  3. ขวดโหลหนึ่งบรรจุแก้วสีต่างๆ ดังนี้ สีแดง 4 ลูก สีเขียว 3 ลูก สีเหลือง 2 ลูก และสีขาว 2 ลูก จงหาว่าโอกาสที่จะหิบได้ลูกแก้วสีใหมากที่สุด
 

ก. สีแดง	ข. สีเขียว
ค. สีขาว	ง. สีเหลือง
  4. จำนวนผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นจากการโยนเหรียญนาท 1 เหรียญ และทอดลูกเต๋า 1 ลูก พร้อมกัน เป็นเท่าใด
 

ก. 6	ข. 8
ค. 12	ง. 16
  5. ข้อใดคือจำนวนของผลลัพธ์ทั้งหมดของเพศของลูก 3 คน ของครอบครัวหนึ่ง
 

ก. 4 แบบ	ข. 6 แบบ
ค. 8 แบบ	ง. 10 แบบ



12. ข้อใดคือจำนวนผลลัพธ์ทั้งหมดของการทดลองเดียว 2 สูก

- |           |           |
|-----------|-----------|
| ก. 6 แบบ  | ข. 12 แบบ |
| ก. 24 แบบ | ก. 36 แบบ |

13. ห้องหนึ่งมีประตูอยู่ 4 ประตู จะเลือกเข้าและออก จากห้อง โดยไม่ซ้ำประตูเดิมได้กี่วิธี

- |            |            |
|------------|------------|
| ก. 3 วิธี  | ข. 6 วิธี  |
| ก. 12 วิธี | ก. 15 วิธี |

14. จากอักษรในคำว่า “pencil” นำมารียงลำดับใหม่ โดยไม่คำนึงถึงความหมายได้กี่วิธี

- |             |             |
|-------------|-------------|
| ก. 120 วิธี | ข. 240 วิธี |
| ก. 360 วิธี | ก. 720 วิธี |

15. โยนเหรียญ 2 เหรียญพร้อมกัน ผลลัพธ์ทั้งหมดที่เหรียญจะหงายต่างกันเป็นอย่างไร

- |                  |                  |
|------------------|------------------|
| ก. (T, H), (H,T) | ข. (H, T), (H,T) |
| ก. (T,H), (T,H)  | ก. (H, H), (T,T) |

16. ทดลองเดียว 2 สูกพร้อมกัน จำนวนผลลัพธ์ในกรณีที่ผลรวมของแต้มเป็น 13 มีกี่แบบ

- |          |          |
|----------|----------|
| ก. 0 แบบ | ข. 3 แบบ |
| ก. 6 แบบ | ก. 8 แบบ |

17. ถ้านำเลข 2,3, และ 4 ไปเขียนเป็นเลข 3 หลักจะเขียนได้ทั้งหมดกี่จำนวน

- |       |       |
|-------|-------|
| ก. 6  | ข. 18 |
| ก. 27 | ก. 30 |

18. ในการสอบครั้งหนึ่งคะแนนเต็ม 10 คะแนน ถ้าได้คะแนนต่ำกว่า 5 คะแนนถือว่าสอบตก  
เหตุการณ์ที่ได้คะแนนแล้วทำให้สอบตกตรงกับข้อใด

- |                     |                  |
|---------------------|------------------|
| ก. 0, 1, 2, 3, 4, 5 | ข. 0, 1, 2, 3, 4 |
| ก. 1, 2, 3, 4, 5    | ก. 1, 2, 3, 4    |

19. มีรูปภาพต่าง ๆ กัน 3 รูป นำมาแขวนให้อูฐในแนวเส้นตรงเดียวกัน จำนวน พลลัพธ์ของเหตุการณ์ที่จะได้รูปภาพ รูปที่ 1 และรูปที่ 3 อูฐติดกัน ตรงกับข้อใด

- |      |      |
|------|------|
| ก. 3 | ข. 4 |
| ค. 5 | จ. 6 |

20. โภนเหรียบนาท 1 เหรียบ สามครั้ง จำนวนพลลัพธ์ของเหตุการณ์ที่เหรียบนาทหมายหัวอย่างน้อย 1 ครั้ง ตรงกับข้อใด

- |      |      |
|------|------|
| ก. 7 | ข. 6 |
| ค. 5 | จ. 4 |

21. มีถุงมือ 3 ถุง อูฐในกล่องทึบ คือ สีแดง สีขาว และสีน้ำเงิน ถ้าหยิบขึ้นมา 2 ข้าง พร้อมกันแล้วไม่ใส่คืนจะได้ถุงมือที่มีสีต่างกันกี่เหตุการณ์

- |       |       |
|-------|-------|
| ก. 8  | ข. 12 |
| ค. 15 | จ. 30 |

22. ทอดลูกเต๋า 2 ถูกพร้อมกัน 1 ครั้ง ความน่าจะเป็นที่จะได้ผลรวมของแต้มเป็น 7 เป็นเท่าไร

- |                   |                   |
|-------------------|-------------------|
| ก. $\frac{7}{36}$ | ข. $\frac{1}{36}$ |
| ค. $\frac{1}{6}$  | จ. $\frac{1}{12}$ |

23. นักเรียน 2 คน สุ่มคืนน้ำคนละชนิดจากน้ำ 3 ชนิดคือน้ำส้ม น้ำมะนาว น้ำมะขาม ความน่าจะเป็น ที่นักเรียนทั้ง 2 คนจะคืนน้ำไม่ซ้ำกัน เป็นเท่าใด

- |                  |                  |
|------------------|------------------|
| ก. $\frac{2}{9}$ | ข. $\frac{2}{3}$ |
| ค. $\frac{4}{9}$ | จ. $\frac{5}{6}$ |

24. ในการทอดลูกเดียว 2 ลูกพร้อมกัน 1 ครั้ง ความน่าจะเป็นที่ลูกเดียวหงส์สองขึ้นแต้ม 4 อย่างน้อย 1 ลูกเท่ากันเท่าไร

ก.  $\frac{1}{9}$

ข.  $\frac{7}{36}$

ค.  $\frac{3}{4}$

ง.  $\frac{11}{36}$

25. บัตร 9 ใบ มีตัวเลขกำกับเป็น 1,2,3,4,5,6,7,8 และ 9 ถ้าสุ่มหยิบบัตรขึ้นมา 1 ใบ ความน่าจะเป็นที่จะได้ตัวเลขมากกว่าหรือเท่ากับ 6 เป็นเท่าไร

ก.  $\frac{1}{9}$

ข.  $\frac{3}{9}$

ค.  $\frac{4}{9}$

ง.  $\frac{6}{9}$

26. ครอบครัวหนึ่งต้องการมีบุตร 3 คน ความน่าจะเป็นที่จะมีบุตรชายอย่างน้อย 1 คน

ก.  $\frac{1}{8}$

ข.  $\frac{3}{8}$

ค.  $\frac{5}{8}$

ง.  $\frac{7}{8}$

27. สุ่มเลือกชุดบนเส้นจำนวนเต็ม ตั้งแต่ -2 ถึง 3 ออกมา 1 ชุด ความน่าจะเป็นที่ชุดนั้นไม่เป็นจำนวนลบ มีค่าเป็นเท่าไร

ก.  $\frac{1}{3}$

ข.  $\frac{2}{3}$

ค.  $\frac{1}{6}$

ง.  $\frac{5}{6}$

28. ในการปาเป้า 2 ครั้งของวินิจ ความน่าจะเป็นที่วินิจจะปาลูกเป้า 1 ครั้ง และปาไม่ถูก 1 ครั้ง ตรงกับข้อใด

ก.  $\frac{1}{4}$

ข.  $\frac{3}{4}$

ค.  $\frac{1}{2}$

ง.  $\frac{1}{3}$

29. เขียนเลข 1 ถึง 31 ลงที่ลูกปิงปองลูกละ 1 จำนวนสุ่มหิบลูกปิงปองขึ้นมา 1 ลูก ความน่าจะเป็นที่จะได้ลูกปิงปองที่เขียนเลขคู่เป็นเท่าใด

ก.  $\frac{15}{31}$

ข.  $\frac{16}{31}$

ช.

ก.  $\frac{8}{15}$

ข.  $\frac{1}{2}$

ช.

ก.  $\frac{1}{2}$

ข.  $\frac{2}{5}$

30. ในการสอบครั้งหนึ่งคะแนนเต็ม 10 คะแนน ถ้าสอบได้คะแนนน้อยกว่า 5 คะแนน จะไม่ผ่าน ความน่าจะเป็นที่นักเรียนคนหนึ่งจะสอบไม่ผ่าน ตรงกับข้อใด

ก.  $\frac{1}{2}$

ข.  $\frac{2}{5}$

ช.

ก.  $\frac{5}{7}$

ข.  $\frac{5}{11}$

ช.

31. การแข่งขันฟุตบอลระหว่างทีม A กับทีม B ต้องตัดสินใจโดยการยิงลูกโทษฝ่ายละ 5 คน เมื่อเคี่ยวไปได้ 4 คน ปรากฏว่าทีม A เท่าเข้า 3 ประตู แต่ทีม B เข้า 2 ประตูอย่างทราบว่า โอกาสทีม A จะชนะเป็นเท่าใด

ก.  $\frac{1}{2}$

ข.  $\frac{3}{4}$

ช.

ก.  $\frac{4}{5}$

ข. 1

32. จากการสอบถามนักเรียน 3 คน ว่าเคยไปเที่ยวจังหวัดเชียงใหม่หรือไม่ ถ้านักเรียนแต่ละคน มีโอกาสเดินทางหรือไม่เคยไปเที่ยวท่าฯ กันแล้ว ความน่าจะเป็นที่มีนักเรียน 2 คน ตอบว่าเคยไปเที่ยวเป็นอย่างไร

ก.  $\frac{1}{4}$

ข.  $\frac{3}{4}$

ช.

ก.  $\frac{3}{8}$

ข.  $\frac{5}{8}$

33. ห้องประชุมห้องหนึ่งมีประตูอยู่ 2 บาน ผู้เข้าร่วมประชุมจะเข้าออกประตูได้กี่ได้ A และ B ได้รับเชิญเข้าร่วมประชุมในห้องนี้ ความน่าจะเป็นที่ ทั้งสองคนจะเข้าห้องประชุมโดยใช้ประตูเดียวกันแต่ออกคนละประตูมีค่าเท่าใด

ก.  $\frac{1}{2}$

ข.  $\frac{1}{4}$

ก.  $\frac{1}{8}$

ข.  $\frac{1}{16}$

34. ในการออกรเลขท้าย 2 ตัว ความน่าจะเป็นที่จะออกรเลข 2 ตัวเหมือนกันตรงกับข้อใด

ก.  $\frac{1}{100}$

ข.  $\frac{1}{99}$

ค.  $\frac{1}{10}$

ง.  $\frac{10}{99}$

35. วงล้อรูปวงกลมแบ่งเป็น 8 ส่วนเท่าๆกันแต่ละส่วนเขียนหมายเลข 1 ถึง 8 เรียงตามเข็มนาฬิกา ด้านบน วงล้อ 1 ครั้ง แล้วปล่อยให้หยุดเอง ความน่าจะเป็นที่เข้มจะซื้องหมายเลขที่หารด้วย 2 ลงตัวเท่ากับข้อใด

ก.  $\frac{1}{8}$

ข.  $\frac{1}{4}$

ค.  $\frac{3}{8}$

ง.  $\frac{1}{2}$

36. ในการสุ่มหยิบลูกปิงปองขึ้นมาครั้งละ 1 ลูก จากกล่องที่มีลูกปิงปองสีขาว 2 ลูก สีแดง 3 ลูก เก่งทดลองเล่นเกมกับแก้วว่า ถ้าแก้วหิน ได้ลูกปิงปองสีแดง แก้วจะได้เงิน 3 บาท แต่ถ้าแก้วหิน ได้ลูกปิงปองสีขาว แก้วต้องจ่ายเงิน 5 บาท โดยเฉลี่ยแล้วแก้วจะได้เงินหรือเสียเงินครั้งละกี่บาท

ก. ได้เงิน 0.20 บาท

ข. เสียเงิน 0.20 บาท

ค. ได้เงิน 2 บาท

ง. เสียเงิน 2 บาท

### ใช้ตอบคณิตาณข้อ 37 - 39

สมาคมแห่งหนึ่งได้นำงวดล็อกเสี่ยงโชค ซึ่งมีตัวเลข 1-8 เรียงกัน โดยมีกติกาว่า ให้ลูกค้าหมุนวงล้อเสี่ยงโชคหนึ่งครั้ง ถ้าลูกศรชี้ที่ตัวเลข 3 หรือ 6 แล้วทางสมาคมจะจ่ายเงินให้ลูกค้า 20 บาท แต่ละครั้งที่หมุนวงล้อลูกค้าต้องจ่ายเงินซื้อตัวหนึ่งในราคา 10 บาท

37. การหมุนวงล้อเสี่ยงโชคหนึ่งครั้ง มีค่าคาดหมายที่แก้วตาจะได้เงินเป็นเท่าไร

ก. ค่าคาดหมายที่แก้วตาจะได้เงิน 8 บาท

ข. ค่าคาดหมายที่แก้วตาจะได้เงิน 5 บาท

ค. ค่าคาดหมายที่แก้วตาจะได้เงิน 6.5 บาท

ง. ค่าคาดหมายที่แก้วตาจะได้เงิน 3.50 บาท

38. การหมุนวงล้อสีของโชคหนึ่งครั้งแก้วตาจะได้เปรียบหรือเสียเปรียบอย่างไร

- ก. โดยเฉลี่ยแก้วตาจะได้เปรียบ 2.50 บาท
- ข. โดยเฉลี่ยแก้วตาจะได้เปรียบ 4.25 บาท
- ค. โดยเฉลี่ยแก้วตาจะได้เปรียบ 5 บาท
- ง. โดยเฉลี่ยแก้วตาจะได้เปรียบ 7 บาท

39. ถ้าแก้วตาหมุนวงล้อสีของโชคสองครั้งต่อตัวหนึ่งใน แต่เงื่อนไขการถูกรางวัลและจำนวนเงินรางวัลเหมือนเดิม จะมีค่าคาดหมายเป็นเท่าไร

- ก. ค่าคาดหมายที่แก้วตาจะได้เงิน 10 บาท
- ข. ค่าคาดหมายที่แก้วตาจะได้เงิน 15 บาท
- ค. ค่าคาดหมายที่แก้วตาจะได้เงิน 20 บาท
- ง. ค่าคาดหมายที่แก้วตาจะได้เงิน 40 บาท

40. ชาติได้ชวนเพื่อน ๆ มาเล่นหวยทองโดยขายสลากแบบสองตัวหมายเลขละ 100 บาท มีรางวัลเป็นกองคำหนักหนึ่งสลึงหนึ่งเส้นราคา 3,500 บาท อารย่าได้ซื้อสลากไว้หนึ่งหมายเลข ค่าคาดหมายคือข้อใด

- ก. ค่าคาดหมายที่จะได้เงิน 15 บาท แต่ผู้ซื้อจ่ายเงินซื้อก่อน 100 บาท ดังนั้นผู้ซื้อเสียเปรียบผู้ขาย 85 บาท
- ข. ค่าคาดหมายที่จะได้เงิน 25 บาท แต่ผู้ซื้อจ่ายเงินซื้อก่อน 100 บาท ดังนั้นผู้ซื้อเสียเปรียบผู้ขาย 75 บาท
- ค. ค่าคาดหมายที่จะได้เงิน 35 บาท แต่ผู้ซื้อจ่ายเงินซื้อก่อน 100 บาท ดังนั้นผู้ซื้อเสียเปรียบผู้ขาย 65 บาท
- ง. ค่าคาดหมายที่จะได้เงิน 45 บาท แต่ผู้ซื้อจ่ายเงินซื้อก่อน 100 บาท ดังนั้นผู้ซื้อเสียเปรียบผู้ขาย 55 บาท

**เฉลยแบบทดสอบวัดผลลัมฤทธิ์ทางการเรียน เรื่องความน่าจะเป็น**  
**กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓**

- |       |       |
|-------|-------|
| 1. ก  | 21. ค |
| 2. ง  | 22. จ |
| 3. ก  | 23. ข |
| 4. ท  | 24. ค |
| 5. ค  | 25. ค |
| 6. ข  | 26. จ |
| 7. ค  | 27. ข |
| 8. ง  | 28. ค |
| 9. ก  | 29. ก |
| 10. ง | 30. จ |
| 11. ก | 31. ก |
| 12. ง | 32. ค |
| 13. ค | 33. ค |
| 14. ง | 34. ค |
| 15. ก | 35. ง |
| 16. ก | 36. ค |
| 17. ค | 37. ข |
| 18. ข | 38. ค |
| 19. ก | 39. ก |
| 20. ก | 40. ค |

ภาคผนวก ๔

แบบสอบถามความพึงพอใจ

**แบบสอบถามความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกหัดจะ  
เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามมาตรฐานสากลคณิตศาสตร์คิวส์ต์**

---

**คำชี้แจง โปรดทำเครื่องหมาย ✓ ลงในช่องที่ตรงกับความคิดเห็นของท่าน ชั้นนี้ 5 ระดับ ดังนี้**

5 หมายถึง เหมาะสมมากที่สุด  
 4 หมายถึง เหมาะสมมาก  
 3 หมายถึง เหมาะสมปานกลาง  
 2 หมายถึง เหมาะสมน้อย  
 1 หมายถึง เหมาะสมน้อยที่สุด

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
1. รูปแบบการใช้งานแบบฝึกหัดจะเป็นไปตามลำดับขั้นตอน					
2. แบบฝึกหัดจะมีคำชี้แจงและคำแนะนำที่เข้าใจง่าย					
3. แบบฝึกหัดจะมีรูปแบบและภาพประกอบที่สอดคล้องกับความสนใจ					
4. แบบฝึกหัดช่วยให้นักเรียนเกิดความรู้ความเข้าใจในบทเรียนได้ชัดเจน					
5. แบบฝึกหัดจะมีความหลากหลายและสอดคล้องตามจุดประสงค์					
6. แบบฝึกหัดจะมีความยากง่ายเหมาะสมกับนักเรียน					
7. แบบฝึกหัดช่วยให้นักเรียนได้ฝึกหัดและค้นหาความรู้ด้วยตนเอง					
8. แบบฝึกหัดช่วยให้นักเรียนได้ฝึกหัดการคิดแก้ปัญหาด้วยตนเอง					
9. แบบฝึกหัดช่วยให้นักเรียนได้ฝึกหัดทางคณิตศาสตร์ด้วยตนเอง					
10. แบบฝึกหัดจะแต่งตั้งชุดมีเวลาสำหรับการเรียนที่เหมาะสม					
11. แบบฝึกหัดจะมีการประเมินผลการเรียนที่เหมาะสมกับนักเรียน					
แบบประเมินความพึงพอใจ (ต่อ)					

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
12. ผู้เรียนได้รู้ค黯แนนทันทีหลังจากการทำแบบฝึกหัดจะ					
13. นักเรียนมีความสุขกับการเรียนโดยใช้แบบฝึกหัดจะ					
14. ครูสอนช่วยเหลือและอ่านวิเคราะห์ความสำคัญในการจัดกิจกรรม					
15. นักเรียนสามารถนำความรู้ที่ได้รับไปใช้ประโยชน์ในชีวิตประจำวัน					
เฉลี่ย					

ข้อเสนอแนะ.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

### **ภาคผนวก จ**

- แบบประเมินและผลการประเมินคุณภาพแบบฝึกทักษะ
- แบบประเมินและผลการประเมินคุณภาพแผนการจัดการเรียนรู้
- แบบประเมินและผลการประเมินความสอดคล้องแบบทดสอบ
- แบบประเมินและผลการประเมินคุณภาพแบบสอบถามถึงความพึงพอใจ

**แบบประเมินแบบฝึกทักษะ**  
**เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์**  
**สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ด้านทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์**  
**(สำหรับผู้เชี่ยวชาญ)**

คำชี้แจง โปรดทำเครื่องหมาย ✓ ลงในช่องที่ตรงกับความคิดเห็นของท่าน ซึ่งมี 5 ระดับ ดังนี้  
 5 หมายถึง เหมาะสมมากที่สุด  
 4 หมายถึง เหมาะสมมาก  
 3 หมายถึง เหมาะสมปานกลาง  
 2 หมายถึง เหมาะสมน้อย  
 1 หมายถึง เหมาะสมน้อยที่สุด

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
1. จุดประสงค์การเรียนรู้					
1.1 มีความสอดคล้องกับเนื้อหาในแบบฝึกทักษะ	.....	.....	.....	.....	.....
1.2 มีความสอดคล้องกับกิจกรรมที่ต้องการฝึก	.....	.....	.....	.....	.....
2. เนื้อหา					
2.1 มีความสอดคล้องกับจุดประสงค์การเรียนรู้	.....	.....	.....	.....	.....
2.2 เหมาะสมกับวัยและความสนใจของนักเรียน	.....	.....	.....	.....	.....
2.3 มีลำดับขั้นตอนการเรียนรู้จากง่ายไปยาก	.....	.....	.....	.....	.....
2.4 ส่งเสริมทักษะทางคณิตศาสตร์	.....	.....	.....	.....	.....
3. การนำเสนอ					
3.1 มีความเหมาะสมในด้านการใช้ภาษา	.....	.....	.....	.....	.....
3.2 มีความน่าสนใจ	.....	.....	.....	.....	.....
4. กิจกรรมการเรียนรู้					
4.1 มีความเหมาะสมในด้านเวลา	.....	.....	.....	.....	.....
3.2 มีการกระตุ้นและเร้าความสนใจของนักเรียน	.....	.....	.....	.....	.....

## แบบประเมินแบบฝึกหัด (ต่อ)

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
5. การวัดและประเมินผล					
5.1 มีความสอดคล้องกับจุดประสงค์การเรียนรู้	.....	.....	.....	.....	.....
5.2 มีความสอดคล้องกับวัสดุและความสามารถของนักเรียน	.....	.....	.....	.....	.....
5.3 สามารถวัดได้ครอบคลุมเนื้อหา	.....	.....	.....	.....	.....

ข้อเสนอแนะ.....

ลงชื่อ..... ผู้เขี่ยวชาญ

(.....)

ผลการประเมินคุณภาพแบบฟีกทักษะเรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้  
คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์  
(สำหรับผู้เชี่ยวชาญ)

รายการประเมิน	ผู้เชี่ยวชาญ			ระดับความหมาย	
	คนที่ 1	คนที่ 2	คนที่ 3	คะแนนเฉลี่ย	แปลความหมาย
1. จุดประสงค์การเรียนรู้					
1.1 มีความสอดคล้องกับเนื้อหาในแบบฟีกทักษะ	4	5	5	4.67	มากที่สุด
1.2 มีความสอดคล้องกับกิจกรรมที่ต้องการฝึก	5	4	5	4.67	มากที่สุด
2. เมื่อหัว					
2.1 มีความสอดคล้องกับจุดประสงค์การเรียนรู้	5	5	4	4.67	มากที่สุด
2.2 เหมาะสมกับวัยและความสนใจของนักเรียน	5	5	5	5.00	มากที่สุด
2.3 มีลำดับขั้นตอนการเรียนรู้จากง่ายไปยาก	4	5	5	4.67	มากที่สุด
2.4 ส่งเสริมทักษะทางคณิตศาสตร์	5	4	4	4.33	มาก
3. การนำเสนอ					
3.1 มีความหมายสนับสนุนในการใช้ภาษา	5	5	5	5.00	มากที่สุด
3.2 มีความน่าสนใจ	5	5	4	4.67	มากที่สุด
4. กิจกรรมการเรียนรู้					
4.1 มีความหมายสนับสนุนในการตัดสินใจ	4	4	5	4.33	มาก
4.2 มีการกระตุ้นและเร้าความสนใจของนักเรียน	5	4	5	4.67	มากที่สุด
5. การวัดและประเมินผล					
5.1 มีความสอดคล้องกับจุดประสงค์การเรียนรู้	5	4	5	4.67	มากที่สุด
5.2 มีความสอดคล้องกับวัยและความสามารถ ของนักเรียน	5	5	4	4.67	มากที่สุด
5.3 สามารถวัดได้ครอบคลุมเนื้อหา	4	5	4	4.33	มาก
รวม	61	60	60	60.35	
ค่าเฉลี่ย	4.69	4.62	4.62	4.64	มากที่สุด

แบบประเมินคุณภาพแผนการจัดการเรียนรู้ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์  
**(สำหรับผู้เชี่ยวชาญ)**

คำชี้แจง โปรดทำเครื่องหมาย ✓ ลงในช่องที่ตรงกับความคิดเห็นของท่าน ซึ่งมี 5 ระดับ ดังนี้

5 หมายถึง เห็นมากมากที่สุด

4 หมายถึง เห็นมาก

3 หมายถึง เห็นมากปานกลาง

2 หมายถึง เห็นสนน้อย

1 หมายถึง เห็นสนน้อยที่สุด

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
1. สาระสำคัญ					
1.1 มีความชัดเจนเข้าใจง่าย	.....	.....	.....	.....	.....
1.2 มีความครอบคลุมเนื้อหา	.....	.....	.....	.....	.....
2. จุดประสงค์การเรียนรู้					
2.1 มีความสอดคล้องกับเนื้อหา	.....	.....	.....	.....	.....
2.2 สามารถวัดและประเมินผลได้	.....	.....	.....	.....	.....
3. เนื้อหา					
3.1 มีความสอดคล้องกับจุดประสงค์การเรียนรู้	.....	.....	.....	.....	.....
3.2 มีความชัดเจนเข้าใจง่าย	.....	.....	.....	.....	.....
3.3 มีความสอดคล้องกับวัยและความสามารถของนักเรียน	.....	.....	.....	.....	.....
4. กิจกรรมการเรียนรู้					
4.1 มีความสอดคล้องกับจุดประสงค์การเรียนรู้	.....	.....	.....	.....	.....
4.2 มีความสอดคล้องกับเนื้อหาวิชา	.....	.....	.....	.....	.....
4.3 มีการดำเนินกิจกรรมได้ชัดเจน	.....	.....	.....	.....	.....
4.4 มีความเหมาะสมสมกับเวลาที่จัดกิจกรรม	.....	.....	.....	.....	.....

แบบประเมินคุณภาพแผนการจัดการเรียนรู้ (ต่อ)

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
5. สื่อการเรียนรู้					
5.1 มีความสอดคล้องกับกิจกรรมการเรียนรู้	.....	.....	.....	.....	.....
5.2 ผู้เรียนมีส่วนร่วมในการใช้สื่อ	.....	.....	.....	.....	.....
6. การวัดและประเมินผล					
6.1 มีความสอดคล้องกับมาตรฐานค่าประสิทธิภาพการเรียนรู้	.....	.....	.....	.....	.....
6.2 มีความสอดคล้องกับวัยและความสามารถของนักเรียน	.....	.....	.....	.....	.....

ข้อเสนอแนะ.....

.....

.....

.....

.....

.....

ลงชื่อ.....ผู้เข้าชมราย  
(.....)

ผลการประเมินคุณภาพแผนการจัดการเรียนรู้ เรื่อง ความน่าจะเป็นขั้นนัยยมศึกษาปีที่ 3

รายการประเมิน	ผู้เข้าใจวิชาญ			$\bar{X}$	ระดับความหมาย ความหมาย
	คนที่ 1	คนที่ 2	คนที่ 3		
1. สาระสำคัญ					
1.1 มีความชัดเจนเข้าใจง่าย	5	5	5	5.00	มากที่สุด
1.2 มีความครอบคลุมเนื้อหา	5	5	4	4.67	มากที่สุด
2. จุดประสงค์การเรียนรู้					
2.1 มีความสอดคล้องกับเนื้อหา	4	5	5	4.67	มากที่สุด
2.2 สามารถวัดและประเมินผลได้	4	5	5	4.67	มากที่สุด
3. เนื้อหา					
3.1 มีความสอดคล้องกับจุดประสงค์การเรียนรู้	5	4	4	4.33	มาก
3.2 มีความชัดเจนเข้าใจง่าย	5	4	5	4.67	มากที่สุด
3.3 มีความสอดคล้องกับวัยและความสามารถ ของนักเรียน	4	5	5	4.67	มากที่สุด
4. กิจกรรมการเรียนรู้					
4.1 มีความสอดคล้องกับจุดประสงค์การเรียนรู้	5	5	4	4.67	มากที่สุด
4.2 มีความสอดคล้องกับเนื้อหาวิชา	4	5	5	4.67	มากที่สุด
4.3 มีการดำเนินกิจกรรมได้ชัดเจน	4	4	4	4.00	มาก
4.4 มีความเหมาะสมกับเวลาที่จัดกิจกรรม	5	4	4	4.33	มาก
5. สื่อการเรียนรู้					
5.1 มีความสอดคล้องกับกิจกรรมการเรียนรู้	5	4	4	4.33	มาก
5.2 ผู้เรียนมีส่วนร่วมในการใช้สื่อ	5	5	4	4.67	มากที่สุด
6. การวัดและประเมินผล					
6.1 มีความสอดคล้องกับจุดประสงค์การเรียนรู้	4	4	5	4.67	มากที่สุด
6.2 มีความสอดคล้องกับวัยและความสามารถ ของนักเรียน	5	5	4	4.67	มากที่สุด
รวม ค่าเฉลี่ย	69 4.60	69 4.60	68 4.53	68.67 4.57	มากที่สุด

ผลการประเมินความสอดคล้องระหว่างข้อสอบของแบบทดสอบวัดผลลัพธ์  
ทางการเรียนกับจุดประสงค์ของการเรียนรู้เป็นรายชั้ง (IOC) เรื่อง ความน่าจะเป็น  
กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

ข้อที่	คะแนนพิจารณาของผู้เชี่ยวชาญ			รวม	IOC	การแปลผล
	คนที่ 1	คนที่ 2	คนที่ 3			
1	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
2	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
3	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
4	+1	0	+1	2	0.67	ใช่ได้
5	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
6	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
7	0	+1	+1	2	0.67	ใช่ได้
8	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
9	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
10	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
11	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
12	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
13	+1	+1	0	2	0.67	ใช่ได้
14	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
15	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
16	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
17	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
18	+1	0	+1	2	0.67	ใช่ได้
19	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
20	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
21	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
22	0	+1	+1	2	0.67	ใช่ได้
23	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้

แบบประเมินความสอดคล้อง (ต่อ)

ข้อที่	คะแนนพิจารณาของผู้เชี่ยวชาญ			รวม	IOC	การเปลี่ยน
	คนที่ 1	คนที่ 2	คนที่ 3			
24	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
25	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
26	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
27	+1	+1	0	2	0.67	ใช่ได้
28	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
29	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
30	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
31	0	+1	+1	2	0.67	ใช่ได้
32	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
33	+1	0	+1	2	0.67	ใช่ได้
34	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
35	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
36	+1	0	+1	2	0.67	ใช่ได้
37	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
38	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
39	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
40	+1	+1	0	2	0.67	ใช่ได้
41	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
42	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
43	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
44	0	+1	+1	2	0.67	ใช่ได้
45	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
46	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
47	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้

แบบประเมินความสอดคล้อง (ต่อ)

ข้อที่	คะแนนพิจารณาของผู้เชี่ยวชาญ			รวม	IOC	การแปลผล
	คนที่ 1	คนที่ 2	คนที่ 3			
48	+1	0	+1	2	0.67	ใช่ได้
49	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
50	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
51	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
52	0	+1	+1	2	0.67	ใช่ได้
53	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
54	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
55	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
56	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
57	+1	+1	0	2	0.67	ใช่ได้
58	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
59	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
60	+1	+1	0	2	0.67	ใช่ได้
61	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
62	+1	0	+1	2	0.67	ใช่ได้
63	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
64	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
65	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
66	0	+1	+1	2	0.67	ใช่ได้
67	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
68	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
69	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
70	+1	+1	0	2	0.67	ใช่ได้
71	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้

แบบประเมินความสอดคล้อง (ต่อ)

ข้อที่	คะแนนพิจารณาของผู้เชี่ยวชาญ			รวม	IOC	การแปลผล
	คนที่ 1	คนที่ 2	คนที่ 3			
72	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
73	+1	0	+1	2	0.67	ใช่ได้
74	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
75	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
76	+1	+1	0	2	0.67	ใช่ได้
77	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
78	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้
79	0	+1	+1	2	0.67	ใช่ได้
80	+1	+1	+1	3	1.00	ใช่ได้

**แบบสอนความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกหัดภาษา  
เรื่อง ความน่าจะเป็น กู้ภัยสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามกรุณภูมิคุณสตรีคิติวิสต์**

---

**คำชี้แจง โปรดทำเครื่องหมาย ✓ ลงในช่องที่ตรงกับความคิดเห็นของท่าน ชั้นมี 5 ระดับ ดังนี้**

5 หมายถึง เหมาะสมมากที่สุด  
4 หมายถึง เหมาะสมมาก  
3 หมายถึง เหมาะสมปานกลาง  
2 หมายถึง เหมาะสมน้อย  
1 หมายถึง เหมาะสมน้อยที่สุด

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
1. รูปแบบการใช้งานแบบฝึกหัดภาษาเป็นไปตามลำดับขั้นตอน					
2. แบบฝึกหัดภาษามีคำชี้แจงและคำแนะนำที่เข้าใจง่าย					
3. แบบฝึกหัดภาษามีรูปแบบและภาพประกอบที่สวยงามน่าสนใจ					
4. แบบฝึกหัดภาษาช่วยให้นักเรียนเกิดความรู้ความเข้าใจในบทเรียนได้ดีขึ้น					
5. แบบฝึกหัดภาษามีความหลากหลายและสอดคล้องตามจุดประสงค์					
6. แบบฝึกหัดภาษามีความยากง่ายเหมาะสมกับนักเรียน					
7. แบบฝึกหัดภาษาช่วยให้นักเรียนได้ฝึกหัดภาษาและค้นหาความรู้ด้วยตนเอง					
8. แบบฝึกหัดภาษาช่วยให้นักเรียนได้ฝึกหัดการคิดแก้ปัญหาด้วยตนเอง					
9. แบบฝึกหัดภาษาช่วยให้นักเรียนได้ฝึกหัดทางคณิตศาสตร์ด้วยตนเอง					
10. แบบฝึกหัดภาษาแต่ละชุดมีเวลาสำหรับการเรียนที่เหมาะสม					
11. แบบฝึกหัดภาษามีการประเมินผลการเรียนที่เหมาะสมกับนักเรียน					

## แบบประเมินความพึงพอใจ (ต่อ)

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
12. ฉันดีใจที่ได้รู้จะແນนหันทีหลังจากการทำแบบฝึกหัด吉祥					
13. นักเรียนมีความสุขกับการเรียน โดยใช้แบบฝึกหัด吉祥					
14. ครูเคยช่วยเหลือและอำนวยความสะดวกในการจัดกิจกรรม					
15. นักเรียนสามารถนำความรู้ที่ได้รับไปใช้ประโยชน์ในชีวิตประจำวัน					
เฉลี่ย					

ข้อเสนอแนะ.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

ลงชื่อ..... ผู้เชี่ยวชาญ  
(.....)

ผลการประเมินแบบสอบถามความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ<sup>เรื่อง ความน่าจะเป็น กู้มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3</sup>  
ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

รายการประเมิน	ผู้เชี่ยวชาญ			ระดับความเหมาะสม	
	คนที่ 1	คนที่ 2	คนที่ 3	คะแนนเฉลี่ย	ความหมาย
1. รูปแบบการใช้งานแบบฝึกทักษะเป็นไปตามลำดับขั้นตอน	5	5	5	5.00	มากที่สุด
2. แบบฝึกทักษะมีคำชี้แจงและคำแนะนำที่เข้าใจง่าย	5	5	5	5.00	มากที่สุด
3. แบบฝึกทักษะมีรูปแบบและภาพประกอบที่สวยงามน่าสนใจ	5	5	5	5.00	มากที่สุด
4. แบบฝึกทักษะช่วยให้นักเรียนเกิดความรู้ความเข้าใจในบทเรียนได้ชัดเจน	5	5	5	5.00	มากที่สุด
5. แบบฝึกทักษะมีความหลากหลายและสอดคล้องด้วยจุดประสงค์	5	5	5	5.00	มากที่สุด
6. แบบฝึกทักษะมีความยากง่ายเหมาะสมกับนักเรียน	5	5	5	5.00	มากที่สุด
7. แบบฝึกทักษะช่วยให้นักเรียนได้ฝึกทักษะและค้นหาความรู้ด้วยตนเอง	5	5	5	5.00	มากที่สุด
8. แบบฝึกทักษะช่วยให้นักเรียนได้ฝึกทักษะการคิดแก้ปัญหาด้วยตนเอง	5	5	5	5.00	มากที่สุด
9. แบบฝึกทักษะช่วยให้นักเรียนได้ฝึกทักษะทางคณิตศาสตร์ด้วยตนเอง	5	5	5	5.00	มากที่สุด
10. แบบฝึกทักษะแต่ละชุดมีเวลาสำหรับการเรียนที่เหมาะสม	5	5	5	5.00	มากที่สุด
11. แบบฝึกทักษะมีการประเมินผลการเรียนที่เหมาะสมกับนักเรียน	5	5	5	5.00	มากที่สุด
12. ผู้ใดใช้ที่ได้รู้จะแนบทันทีหลังจากการทำแบบฝึกทักษะ	5	5	5	5.00	มากที่สุด

แบบประเมินความพึงพอใจ (ต่อ)

รายการประเมิน	ผู้เชี่ยวชาญ			ระดับความเหมาะสม	
	คนที่ 1	คนที่ 2	คนที่ 3	คะแนน เฉลี่ย	ความหมาย
13. นักเรียนมีความสุขกับการเรียนโดยใช้แบบฝึกหัดง่าย	5	5	5	5.00	มากที่สุด
14. ครูค่อยช่วยเหลือและอ่านวิเคราะห์ความละเอียดในภาระ	5	5	5	5.00	มากที่สุด
15. นักเรียนสามารถนำความรู้ที่ได้รับไปใช้ประโยชน์ในการชีวิตประจำวัน	5	5	5	5.00	มากที่สุด
รวม ค่าเฉลี่ย	75	75	75	75	มากที่สุด
	5.00	5.00	5.00	5.00	

## ภาคผนวก ฉ

ค่าความยากง่าย (P) ค่าอ่านใจจำแนก (B) และค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

**ค่าความยากง่าย (P) ค่าอำนาจจำแนก (B) ของแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน  
เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ จำนวน 40 ข้อ**

ข้อที่	ค่าความยากง่าย (P)	ค่าอำนาจจำแนก (B)	ข้อที่	ค่าความยากง่าย (P)	ค่าอำนาจจำแนก (B)
1	0.60	0.53	21	0.63	0.47
2	0.57	0.33	22	0.53	0.67
3	0.60	0.67	23	0.57	0.47
4	0.53	0.40	24	0.70	0.33
5	0.70	0.47	25	0.53	0.67
6	0.57	0.47	26	0.50	0.60
7	0.60	0.53	27	0.57	0.33
8	0.63	0.60	28	0.53	0.40
9	0.57	0.47	29	0.50	0.47
10	0.57	0.60	30	0.53	0.67
11	0.53	0.40	31	0.50	0.60
12	0.67	0.40	32	0.50	0.40
13	0.60	0.53	33	0.67	0.53
14	0.67	0.53	34	0.53	0.67
15	0.60	0.53	35	0.57	0.33
16	0.73	0.40	36	0.53	0.67
17	0.63	0.47	37	0.57	0.33
18	0.53	0.40	38	0.67	0.40
19	0.57	0.33	39	0.60	0.40
20	0.63	0.60	40	0.63	0.47

ค่าความเชื่อมั่นทั้งฉบับเท่ากับ 0.9391

**ค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบผลลัมฤทธิ์ทางการเรียนทั้งฉบับ**

นักเรียนคนที่	$X_i$	$X_i^2$	$X_i - C$	$(X_i - C)^2$
1	8	64	-12	144
2	12	144	-8	64
3	9	81	-11	121
4	26	676	6	36
5	30	900	10	100
6	32	1024	12	144
7	32	1024	12	144
8	12	144	-8	64
9	37	1369	17	289
10	36	1296	16	256
11	39	1521	19	361
12	34	1156	14	196
13	34	1156	14	196
14	16	256	-4	16
15	14	196	-6	36
16	14	196	-6	36
17	30	900	10	100
18	38	1444	18	324
19	17	289	-3	9
20	14	196	-6	36
21	18	324	-2	4
22	18	324	-2	4
23	37	1369	17	289
24	13	169	-7	49
25	9	81	-11	121

### ค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนทั้งฉบับ (ต่อ)

นักเรียนคนที่	$X_i$	$X_i^2$	$X_i - C$	$(X_i - C)^2$
26	32	1024	12	144
27	32	1024	12	144
28	20	400	0	0
29	28	784	8	64
30	12	144	-8	64
รวม	703	19675	103	3555

### ค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบทั้งฉบับ

ใช้สูตรของโลเวท (Lovett) หากค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบแนวอิงเกณฑ์จากผลการสอนครั้งเดียว

$$\text{สูตร} \quad r_{cc} = 1 - \frac{K \sum X_i - \sum X_i^2}{(K-1) \sum (X_i - C)^2}$$

จุดตัด ( $C = 20$ )

$$\text{จะได้ } r_{cc} = 1 - \frac{(40 \times 703) - 1,9675}{(40-1) \times 3,555}$$

$$= 1 - 0.0609$$

$$r_{cc} = 0.9391$$

ดังนั้นค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบทั้งฉบับ เท่ากับ 0.9391

**ภาคผนวก ๖**

ประวัติภาพของแบบฝึกทักษะ (1 : 100)

ประสิทธิภาพแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ (1 : 100)

ลำดับที่	คะแนนแบบฝึกทักษะ	ลำดับที่	คะแนนทดสอบหลังเรียน
1	37	1	28
2	40	2	32
3	41	3	36
4	42	4	34
5	39	5	29
6	45	6	33
7	37	7	34
8	40	8	32
9	41	9	34
10	46	10	32
11	42	11	29
12	45	12	35
13	40	13	32
14	47	14	35
15	38	15	34
16	40	16	32
17	40	17	29
18	46	18	34
19	42	19	31
20	38	20	34
21	40	21	32
22	40	22	29
23	40	23	32
24	39	24	35

ประวัติภาพแบบฝึกหัด 1 : 100 (ต่อ)

ลำดับที่	คะแนนแบบฝึกหัด	ลำดับที่	คะแนนทดสอบหลังเรียน
25	40	25	29
26	40	26	33
27	46	27	34
28	41	28	31
29	40	29	32
30	39	30	29
รวม	82.07	รวม	80.42

$$E_1 / E_2 = 82.07 / 80.42$$

### **ภาคผนวก ๗**

- ประสิทธิภาพกระบวนการของคะแนนระหว่างการเรียน
- ประสิทธิภาพผลลัพธ์ของคะแนนสอบหลังเรียน
- คะแนนทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนก่อนและหลังเรียน
- คะแนนจากการสอบถามความพึงพอใจของนักเรียน

ประสิทธิภาพกระบวนการของคะแนนระหว่างการเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กดุ่นสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์

เลขที่	ชุดที่ 1	ชุดที่ 2	ชุดที่ 3	ชุดที่ 4	ชุดที่ 5	รวม
1	7	8	8	8	8	39
2	8	8	8	9	9	42
3	9	10	9	10	8	46
4	8	9	8	9	8	42
5	8	8	8	8	8	40
6	9	9	9	9	10	46
7	8	8	8	8	9	41
8	8	8	7	9	8	40
9	8	8	8	9	8	41
10	9	9	10	9	10	47
11	8	9	8	9	8	42
12	9	8	9	10	9	45
13	7	8	8	9	9	41
14	9	10	9	10	9	47
รวม	115	120	117	126	121	599
เฉลี่ย	8.21	8.57	8.36	9.00	8.64	42.79
S.D.	0.70	0.76	0.74	0.68	0.74	2.81
ร้อยละ	81.43	85.71	83.57	90.00	86.43	85.57

ประสิทธิภาพของกระบวนการ ( $E_g$ ) เท่ากับ 85.57

ประสิทธิภาพผลลัพธ์ของคะแนนสอบหลังเรียนด้วยแบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กู้่นสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่เรียนรู้ตามทฤษฎี คอนสตรัคติวิสต์

เลขที่	คะแนน	ร้อยละ
1	29	72.50
2	33	82.50
3	36	90.00
4	34	85.00
5	31	77.50
6	35	87.50
7	32	80.00
8	35	87.50
9	32	80.00
10	37	92.50
11	34	85.00
12	36	90.00
13	33	82.50
14	38	95.00
รวม	475	1187.50
$\bar{X}$	33.93	84.82
S.D.	2.46	-
คะแนนเฉลี่ยร้อยละ		84.82

ประสิทธิภาพของผลลัพธ์ ( $E_s$ ) เท่ากับ 84.42

คะแนนทดสอบสัมฤทธิ์ของนักเรียนก่อนเรียนและหลังเรียนด้วยแบบฝึกหัดชี้  
เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3  
ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

เลขที่	คะแนนเด็ม 40 คะแนน	
	คะแนนสอบก่อนเรียน	คะแนนสอบหลังเรียน
1	18	29
2	19	33
3	24	36
4	23	34
5	18	31
6	24	35
7	21	32
8	23	35
9	21	32
10	25	37
11	22	34
12	26	36
13	23	33
14	27	38
รวม	314	475
$\bar{X}$	22.43	33.93
S.D.	2.79	2.46

คะแนนจากการสอบถามความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยแบบฝึกหัดจะ  
เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3  
ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

เลขที่	ข้อ 1	ข้อ 2	ข้อ 3	ข้อ 4	ข้อ 5	ข้อ 6	ข้อ 7	ข้อ 8	ข้อ 9	ข้อ 10	ข้อ 11	ข้อ 12	ข้อ 13	ข้อ 14	ข้อ 15	เฉลี่ย
1	5	3	4	5	5	4	5	5	4	5	4	4	4	4	5	4.40
2	5	4	5	5	5	4	5	4	4	5	4	5	5	5	5	4.67
3	4	5	5	4	5	5	5	4	5	5	4	5	5	5	5	4.73
4	4	4	5	4	4	5	4	5	4	4	5	4	5	4	4	4.33
5	5	4	4	5	4	5	4	5	4	4	5	4	4	4	5	4.40
6	5	4	5	4	5	4	4	5	5	5	5	4	5	5	4	4.60
7	5	4	4	5	4	4	5	4	5	5	4	5	5	5	5	4.60
8	5	5	5	5	4	4	5	4	5	4	4	5	4	5	5	4.60
9	5	4	5	5	5	5	5	4	5	5	4	5	4	5	5	4.60
10	5	5	5	5	5	5	5	5	4	4	5	5	5	4	5	4.73
11	5	4	4	5	4	5	4	5	5	4	5	4	4	4	5	4.80
12	4	4	5	4	4	4	5	5	4	5	5	4	5	4	4	4.47
13	5	4	5	5	5	4	5	5	4	5	5	4	5	5	4	4.40
14	5	5	5	4	5	5	4	5	5	5	5	5	5	5	5	4.67
เฉลี่ย	4.79	4.21	4.71	4.64	4.57	4.50	4.64	4.64	4.50	4.64	4.57	4.50	4.64	4.57	4.71	4.59
S.D.	0.43	0.58	0.47	0.50	0.51	0.52	0.50	0.50	0.52	0.50	0.51	0.52	0.52	0.51	0.47	0.50



ที่ ศธ ๐๔๔.๑๑(๑)/๖๗๘

บัณฑิตวิทยาลัย  
มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์  
ถนนจรัส อำเภอเมืองบุรีรัมย์  
จังหวัดบุรีรัมย์ ๓๑๐๐๐

๑๖ กันยายน ๒๕๕๗

เรื่อง ขอความอนุเคราะห์เป็นผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบเครื่องมือวิจัย

เรียน นางยุพิน ชัยญา

ด้วย นางสาวทิชากร ทองระยับ นักศึกษาระดับปริญญาโท หลักสูตรครุศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาหลักสูตรและการสอน มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ กำลังศึกษาและทำวิทยานิพนธ์ เรื่อง ผลการใช้แบบฝึกหัดภาษา เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคณิตศาสตร์ โดยมี ดร.ธนิน กระแสร์ เป็นที่ปรึกษา วิทยานิพนธ์

บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ พิจารณาแล้วว่าท่านเป็นผู้มีความรู้ ความสามารถและประสบการณ์ในเรื่องนี้อย่างดีเยี่ยม จึงขอความอนุเคราะห์จากท่านเป็นผู้เชี่ยวชาญ ตรวจสอบเครื่องมือใน การทำการวิจัยและศึกษาข้อมูลครั้งนี้ เพื่อที่ผู้ทำการวิจัยจะได้ดำเนินการใน ขั้นตอนต่อไป

จึงเรียนมาเพื่อโปรดอนุเคราะห์และขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้

ขอแสดงความนับถือ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.สุเทียน ลักษองทอง)  
คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย  
มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์

สำนักงานคณบดี

โทร ๐ ๔๔๖๑ ๑๒๒๑ ต่อ ๓๘๐๖

โทรสาร ๐ ๔๔๖๑ ๒๘๕๘

มือถือ ๐๙ ๖๔๖๘ ๑๖๕๖



ที่ ศธ ๐๔๔๔.๑๑(๑)/๖๗๘

บันทิตวิทยาลัย  
มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์  
ถนนจิระ อำเภอเมืองบุรีรัมย์  
จังหวัดบุรีรัมย์ ๓๑๐๐๐

๑๖ กันยายน ๒๕๕๗

เรื่อง ขอความอนุเคราะห์เป็นผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบเครื่องมือวิจัย

เรียน นางสาวสุลักษณ์ สุขแก้ว

ด้วย นางสาวพิชากร ทองระยับ นักศึกษาระดับปริญญาโท หลักสูตรครุศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาหลักสูตรและการสอน มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ กำลังศึกษาและทำวิทยานิพนธ์ เรื่อง ผลการใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตัคติวิสต์ โดยมี ดร.ธนิน กระแสร์ เป็นที่ปรึกษา วิทยานิพนธ์

บันทิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ พิจารณาแล้วว่าท่านเป็นผู้มีความรู้ ความสามารถและประสบการณ์ในเรื่องนี้อย่างดีเยี่ยม จึงขอความอนุเคราะห์จากท่านเป็นผู้เชี่ยวชาญ ตรวจสอบเครื่องมือใน การทำการวิจัยและศึกษาข้อมูลครั้งนี้ เพื่อที่ผู้ทำการวิจัยจะได้ดำเนินการใน ขั้นตอนต่อไป

จึงเรียนมาเพื่อโปรดอนุเคราะห์และขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้

ขอแสดงความนับถือ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.สุทธิพร ลักษณะทอง)

คณบดีบันทิตวิทยาลัย

มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์

สำนักงานคณบดี

โทร ๐ ๔๔๖๑ ๑๒๒๑ ต่อ ๓๙๐๖

โทรสาร ๐ ๔๔๖๑ ๒๘๕๘



ที่ ศธ ๐๕๔๕.๑๑(๑)/ว๗๘๘

บัณฑิตวิทยาลัย  
มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์  
ถนนจิระ อำเภอเมืองบุรีรัมย์  
จังหวัดบุรีรัมย์ ๓๐๐๐

๑๖ กันยายน ๒๕๕๗

เรื่อง ข้อความอนุเคราะห์เป็นผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบเครื่องมือวิจัย

เรียน นางจารุวรรณ อินทรชุม

ด้วย นางสาวพิชากร ทองระยับ นักศึกษาระดับปริญญาโท หลักสูตรครุศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาหลักสูตรและการสอน มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ กำลังศึกษาและทำวิทยานิพนธ์ เรื่อง ผลการใช้แบบฝึกหัดภาษา เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตัคติวิสต์ โดยมี ดร.ธนิน กระแสร์ เป็นที่ปรึกษา วิทยานิพนธ์

บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ พิจารณาแล้วว่าท่านเป็นผู้มีความรู้ ความสามารถและประสบการณ์ในเรื่องนี้อย่างดีเยี่ยม จึงขอความอนุเคราะห์จากท่านเป็นผู้เชี่ยวชาญ ตรวจสอบเครื่องมือใน การทำการวิจัยและศึกษาข้อมูลครั้งนี้ เพื่อที่ผู้ทำการวิจัยจะได้ดำเนินการใน ขั้นตอนต่อไป

จึงเรียนมาเพื่อโปรดอนุเคราะห์และขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้

ขอแสดงความนับถือ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.สุทธิยบ ละอ่องทอง)

คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย

มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์

สำนักงานคณบดี

โทร ๐ ๔๔๙๑ ๑๒๒๑ ต่อ ๓๘๐๖



ที่ ศธ ๐๔๔๕.๑๑/๑๐

บัณฑิตวิทยาลัย  
มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์  
ถนนจิระ อำเภอเมืองบุรีรัมย์  
จังหวัดบุรีรัมย์ ๓๐๐๐๐

๑๕ มกราคม ๒๕๕๘

เรื่อง ขอความอนุเคราะห์ทดลองเครื่องมือในการวิจัย

เรียน นายจำเนียร บัวแย้ม

ด้วย นางสาวทิชากร ทองระยับ นักศึกษาคณะดับเบิลยูญาโน หลักสูตรครุศาสตร์  
มหาบัณฑิต สาขาวิชาหลักสูตรและการจัดการเรียนรู้ มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ กำลังศึกษาและ  
ทำวิทยานิพนธ์ เรื่อง “ผลการใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์” โดยมี อาจารย์ ดร.วนิน  
กระแสง เป็นที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ในกรณีนักศึกษามีความประสงค์ในการทดลอง ใช้เครื่องมือในการวิจัย  
ที่จะใช้กลุ่มตัวอย่างจริงเพื่อหาประสิทธิภาพของเครื่องมือในการวิจัย

ดังนั้นจึงขออนุญาตให้ นางสาวทิชากร ทองระยับ ใช้เครื่องมือในการวิจัยกับกลุ่มตัวอย่าง  
สำหรับกำหนดการทำงานผู้ทำการวิจัยจะประสานในรายละเอียดอีกครั้ง มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์  
หวังเป็นอย่างยิ่งว่าคงได้รับความอนุเคราะห์จากท่านด้วยดี และขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้

ขอแสดงความนับถือ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.นฤมล สมคุณ)  
คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย  
มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์

สำนักงานคณบดี

โทร ๐ ๔๔๖๑ ๑๒๒๑ ต่อ ๓๘๐๖  
โทรสาร ๐ ๔๔๖๑ ๒๘๕๘  
มือถือ ๐๘ ๖๔๙๘ ๑๖๕๖



ที่ ศธ ๐๔๔.๑๑/๑๐

บันทึกวิทยาลัย  
มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์  
ถนนจิระ อำเภอเมืองบุรีรัมย์  
จังหวัดบุรีรัมย์ ๓๐๐๐

๑๕ มกราคม ๒๕๕๘

เรื่อง ขอความอนุเคราะห์ทดลองเครื่องมือในการวิจัย

เรียน นายวชิราบูรณ์ บุญชู

ด้วย นางสาวพิชากร ทองระยับ นักศึกษาระดับปริญญาโท หลักสูตรครุศาสตร์  
มหาบัณฑิต สาขาวิชาหลักสูตรและการจัดการเรียนรู้ มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ กำลังศึกษาและ  
ทำวิทยานิพนธ์ เรื่อง “ผลการใช้แบบฝึกหัดภาษา เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์” โดยมี อาจารย์ ดร.ธนิน  
กระแส เป็นที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ในการนี้นักศึกษามีความประสงค์ในการทดลอง ใช้เครื่องมือในการวิจัย  
ที่จะใช้กับกลุ่มตัวอย่างจริงเพื่อหาประสิทธิภาพของเครื่องมือในการวิจัย

ดังนั้นจึงขออนุญาตให้ นางสาวพิชากร ทองระยับ ใช้เครื่องมือในการวิจัยกับกลุ่มตัวอย่าง  
สำหรับกำหนดการทำงานผู้ทำการวิจัยจะประสานในรายละเอียดอีกครั้ง มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์  
หวังเป็นอย่างยิ่งว่าคงได้รับความอนุเคราะห์จากท่านด้วยดี และขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้

ขอแสดงความนับถือ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.นฤมล สมคุณ)  
คณบดีบันทึกวิทยาลัย  
มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์

สำนักงานคณบดี

โทร ๐ ๔๔๖๑ ๑๒๒๑ ต่อ ๓๘๐๖  
โทรสาร ๐ ๔๔๖๑ ๒๙๕๘  
มือถือ ๐๘ ๖๔๖๘ ๑๖๕๖



ที่ ศธ ๐๕๔๕.๑๑/๑๐

บัณฑิตวิทยาลัย  
มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์  
ถนนจิระ อำเภอเมืองบุรีรัมย์  
จังหวัดบุรีรัมย์ ๓๐๐๐๐

๑๕ มกราคม ๒๕๕๘

เรื่อง ขอความอนุเคราะห์ทดลองเครื่องมือในการวิจัย

เรียน ดร.นิคม ขันโสม

ด้วย นางสาวพิชากร ทองระยับ นักศึกษาระดับปริญญาโท หลักสูตรครุศาสตร์  
มหาบัณฑิต สาขาวิชาหลักสูตรและการจัดการเรียนรู้ มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ กำลังศึกษาและ  
ทำวิทยานิพนธ์ เรื่อง “ผลการใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง ความน่าจะเป็น กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ที่เรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์” โดยมี อาจารย์ ดร.ธนิน  
กระแส เป็นที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ในกรณีนักศึกษามีความประสงค์ในการทดลอง ใช้เครื่องมือในการวิจัย  
ที่จะใช้กับกลุ่มตัวอย่างจริงเพื่อหาประสิทธิภาพของเครื่องมือในการวิจัย

ดังนั้นจึงขออนุญาตให้ นางสาวพิชากร ทองระยับ ใช้เครื่องมือในการวิจัยกับกลุ่มตัวอย่าง  
สำหรับกำหนดการทำงานผู้ทำการวิจัยจะประสานในรายละเอียดอีกครั้ง มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์  
หวังเป็นอย่างยิ่งว่าคงได้รับความอนุเคราะห์จากท่านด้วยดี และขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้

ขอแสดงความนับถือ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.นฤมล สมคุณ)  
คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย  
มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์

สำนักงานคณบดี

โทร	๐ ๕๔๖๑ ๑๒๒๑ ต่อ ๓๘๐๖
โทรสาร	๐ ๕๔๖๑ ๒๙๕๕
มือถือ	๐๘ ๖๔๖๘ ๑๖๕๖

ประวัติย่อของผู้วิจัย



## ประวัติย่อของผู้วิจัย

ชื่อ	นางสาวทิชากร ทองระขัน
วัน เดือน ปีเกิด	วันศุกร์ที่ 11 มกราคม พ.ศ. 2523
สถานที่เกิด	ตำบลประโคนชัย อำเภอประโคนชัย จังหวัดบุรีรัมย์
สถานที่อยู่ปัจจุบัน	36/3 หมู่ 17 ตำบลจรเข้มาก อำเภอประโคนชัย จังหวัดบุรีรัมย์ 31140
ตำแหน่งหน้าที่การงาน	ครู ค.ศ. 1
สถานที่ทำงานปัจจุบัน	โรงเรียนบ้านโโคกบ่ำ อำเภอประโคนชัย จังหวัดบุรีรัมย์ 31140 สังกัดสำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษานครบุรีรัมย์เขต 2 สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน
ประวัติการศึกษา	พ.ศ. 2536 ชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 โรงเรียนประโคนชัยวิทยา อำเภอประโคนชัย จังหวัดบุรีรัมย์ พ.ศ. 2539 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 โรงเรียนประโคนชัยพิทยาคม อำเภอประโคนชัย จังหวัดบุรีรัมย์ พ.ศ. 2542 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 6 โรงเรียนประโคนชัยพิทยาคม อำเภอประโคนชัย จังหวัดบุรีรัมย์ พ.ศ. 2545 ครุศาสตรบัณฑิต (ค.บ.) สาขาวิชา เกมี สถาบันราชภัฏบุรีรัมย์ พ.ศ. 2558 ครุศาสตรมหาบัณฑิต (ค.ม.) สาขางดักสูตรและการจัดการเรียนรู้ มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์